



إدارة المناهج والكتب المدرسية

التعلم المبني على المفاهيم والنتائج الأساسية

الرياضيات

الصف السابع

الناشر

وزارة التربية والتعليم

إدارة المناهج والكتب المدرسية

الحقوق جميعها محفوظة لوزارة التربية والتعليم

عمّان – الأردن / ص.ب: 1930

أشرف على تأليف هذه المادة التعليمية كل من:

د. نواف العقيل العجارمة/ الأمين العام للشؤون التعليمية

د. نجوى ضيف الله القبيلات / الأمين العام للشؤون الإدارية والمالية

د. محمد سلمان كنانة/ مدير إدارة المناهج والكتب المدرسية

د. أسامة كامل جرادات/ مدير المناهج

د. زايد حسن عكور/ مدير الكتب المدرسية

نفين أحمد جوهر/ عضو مناهج الرياضيات

د. عاصم مصطفى النمرات/ عضو مناهج الرياضيات

لجنة تأليف المادة العلمية

إسراء يوسف مهاوش

جهاد حسين أبو الركب

مها محمود النعيمات

ريما إبراهيم عمرو

التحرير العلمي: نفين أحمد جوهر

التحرير اللغوي: سامر مازن الخطيب التحرير الفني: نداء فؤاد أبو شنب

التصميم: د. سها عبد الرزاق بدر الرسم: د. سها عبد الرزاق بدر

الإنتاج: د. عبد الرحمن سليمان أبو صعيديك

المتابعة والتنسيق: د. زبيدة حسن أبو شويمه / ر.ق المباحث المهنية

دقق الطباعة: جهاد أبو الركب، د. عاصم مصطفى النمرات راجع الطباعة : نفين أحمد جوهر

قائمة المحتويات

الصفحة	الموضوع
٥	المقدمة

المجال: الأعداد والعمليات

المحور: الأعداد الصحيحة

٨	أولاً: الأعداد السالبة
١٠	ثانياً: جمع الأعداد الصحيحة وطرحها
١٣	ثالثاً: ضرب الأعداد الصحيحة وقسمتها
١٥	رابعاً: التحليل إلى العوامل

المجال: الأعداد والعمليات

المحور: الكسور العادلة والكسور العشرية

٢٠	أولاً: ضرب الأعداد العشرية
٢٣	ثانياً: قسمة الأعداد العشرية
٢٥	ثالثاً: ضرب الكسور والأعداد الكسرية وقسمتها

المجال: الأنماط والجبر والاقترانات

المحور: الجبر

٣٠	أولاً: المستوى الإحداثي
----	-------------------------

الصفحة

الموضوع

المجال: الهندسة والقياس

المحور: الأشكال الهندسية ثنائية وثلاثية الأبعاد

٣٧	أولاً: مجموع قياسات زوايا المثلث
٣٩	ثانياً: مجموع قياسات زوايا الشكل الرباعي
٤١	ثالثاً: حجم متوازي المستطيلات
٤٤	رابعاً: المساحة الجانبية والمساحة الكلية لمتوازي المستطيلات

بسم الله الرحمن الرحيم

المقدمة

الحمد لله رب العالمين، والصلوة والسلام على سيد المرسلين سيدنا محمد وعلى آله وصحبه أجمعين. وبعد، فانطلاقاً من رؤية وزارة التربية والتعليم إلى تحقيق التعليم النوعي المتميز على نحو يلائم حاجات الطلبة، وإعداد جيل من المتعلمين على قدر من الكفاءة في المهارات الأساسية الالزمة للتكيّف مع متطلبات الحياة وتحدياتها، مزودين بمعارف ومهارات وقيم تساعد على بناء شخصياتهم بصورة متوازنة.

بني هذا المحتوى التعليمي على المفاهيم والنتاجات الأساسية لمبحث الرياضيات للصف السابع الذي يشكّل أساس الكفاءة العلمية لدى الطلبة، ويركّز على المفاهيم التي لا بد منها لتمكين الطلبة من الانتقال إلى المرحلة اللاحقة انتقالاً سلساً من غير وجود فجوة في التعلم؛ لذا حرصنا على بناء المفهوم بصورة مختزلة ومكثفة ورشيقة بعيداً عن التوسيع الأفقي والسرد وحشد المعرف؛ إذ غُني بالتركيز على المهارات، وإبراز دور الطالب في عملية التعلم، بتفعيل إستراتيجية التعلم الذاتي، وإشراك الأهل في عملية تعلم ابنائهم.

وقد اشتمل هذا المحتوى التعليمي على ثلاثة موضوعات رئيسية في فصلين دراسيين هي: الأعداد والعمليات، والأنماط والجبر والاقترانات، والهندسة والقياس، ويتضمن كل منها المفاهيم الأساسية لتعلم مهارات الرياضيات ومحاورها، بأسلوبٍ شائق ومرئي.

لذا، بني هذا المحتوى على تحقيق النتاجات العامة الآتية:

- يجري العمليات الحسابية على الأعداد الصحيحة، والكسرات والأعداد الكسرية، والأعداد العشرية.

- يعين نقاطاً في المستوى الإحداثي.

- يجد قياسات زوايا وأضلاع ومساحات وحجوم موظفاً خصائص الأشكال الهندسية ثنائية وثلاثية الأبعاد، والصيغ الرياضية.

والله ولـي التوفيق

المجال: الأعداد والعمليات

المحور: الأعداد الصحيحة

جمع الأعداد الصحيحة وطرحها

- أجمع الأعداد الصحيحة.
- أطرح الأعداد الصحيحة.

الأعداد السالبة

- أتعرف الأعداد السالبة.
- أمثل الأعداد الصحيحة على خط الأعداد.

بلغت درجة الحرارة في عمان (١) وارتفعت في اليوم التالي ٥ درجات، كم أصبحت درجة الحرارة؟

ما العدد الذي يبعد عن الصفر ٣ وحدات باتجاه اليسار؟

التحليل إلى العوامل الأولية

- أحلل عددًا مركبًا إلى عوامله الأولية باستخدام القسمة المتكررة.

ضرب الأعداد الصحيحة وقسمتها

- أضرب الأعداد الصحيحة.
- أقسم الأعداد الصحيحة.

كيف أحلل عددًا إلى عوامله الأولية؟

ما إشارة حاصل ضرب عددين مختلفين في الإشارة؟

أختبر معلوماتي

١ أمثل الأعداد الآتية على خط الأعداد:

$$\frac{3}{4}, \frac{1}{2}, 1, 3, 4$$

٢ أجد الناتج في كل مما يأتي:

$$\begin{array}{lll} = 9 + 7 \quad (3) & = 7 - 12 \quad (2) & = 3 - 8 \quad (1) \\ = 5 \div 25 \quad (6) & = 2 \times 4 \quad (5) & = 4 \times 3 \quad (4) \end{array}$$

٣ أكتب الأعداد الأولية المحسورة بين ١ و ٢٠

٤ أي الأعداد الآتية يقبل القسمة على ٣؟

٩٨٠، ٧٦٧، ٥٦٧، ٣٤٢

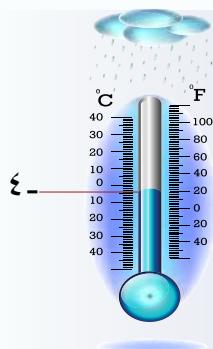
٥ أي الأعداد الآتية يقبل القسمة على ٢؟

٧٨، ٩٨٠، ٤٥، ٦٧

٦ أكتب عوامل الأعداد الآتية:

٣٦، ٤٩، ٢٣

أولاً: الأعداد السالبة



سُجِّلَتْ درجةُ الحرارة في إحدى ليالي شهر
كانون الثاني في الشوبك ٤ تحت الصفر، كيف
أمثلُ هذا العدد على خط الأعداد؟



ماذا سأتعلّم؟

- الأعداد السالبة
- الأعداد الموجبة
- الأعداد الصحيحة
- معكوس العدد

الأعداد السالبة: هي الأعداد التي تكون على يسار الصفر على خط الأعداد، وتكون إشارتها سالبة (-) على يمين العدد، وقيمتها أقل من الصفر.

أكتب العدد الذي يعبر عن كل عبارة مما يأتي:

١ الطابق الخامس تحت الأرض.

٢ درجة الحرارة ٤ تحت الصفر.

٣ درجة الحرارة ٣ تحت الصفر.

٤ يقع البحُر الميُث على ارتفاع ٤٢١ مترًا تقريبًا تحت مستوى سطح البحر.

مثال (١)

الحل

٤ -٤٢١

٣ -٣

٤ -٤

٥ -١



أحاول

أكتب العدد الذي يعبر عن كل عبارة مما يأتي:

١ الطابق الثالث تحت الأرض.

٢ درجة الحرارة ١٢ تحت الصفر.

الأعداد الصحيحة تضم كلاً من: الأعداد الموجبة، والصفر، والأعداد السالبة.

الأعداد السالبة أقل من الصفر، ويُكتَب
على يمين العدد الرمز -

الأعداد الموجبة أكبر من الصفر، ويمكن
كتابه العدد الموجب من دون الرمز +



الاحظ على خط الأعداد أن كل عددٍ معكوسه، ويبعد عن الصفر المسافة نفسها، لكن بالاتجاه الآخر من الصفر.

معكوس العدد -4 هو 4 ، ومعكوس العدد -9 هو 9

مثال (٢)

أحاول

أكتب معكوس الأعداد الآتية: $1, -2, -5, -7$

أمثل الأعداد الآتية على خط الأعداد: $1, -6, -4, -1$

مثال (٣)



أحاول

أمثل الأعداد الآتية على خط الأعداد: $2, -3, -7, -9$



١ أعتبر عن كلٍ مما يأتي مستخدماً الأعداد الصحيحة:

١ ربحٌ أحمدٌ ٣ دنانير. ٢ العدد 5 إلى يسار الصفر. ٣ الطابقُ السادس فوق سطح الأرض.

٤ أكتب معكوس كلٍ عددٍ مما يأتي: $6, -6, -8, -5, -63, -66$

٥ أمثل الأعداد الآتية على خط الأعداد: $56, -47, -43, -37, -54, -27$



٦ أفكِّر: قالَ خالد: "إنَّ ٣ خطواتٍ إلى يمين العدد -5 توصلُه إلى العدد -8 ". أبِينُ رأيِّي مبرراً

الإجابة.

ثانيًا: جمع الأعداد الصحيحة وطرحها



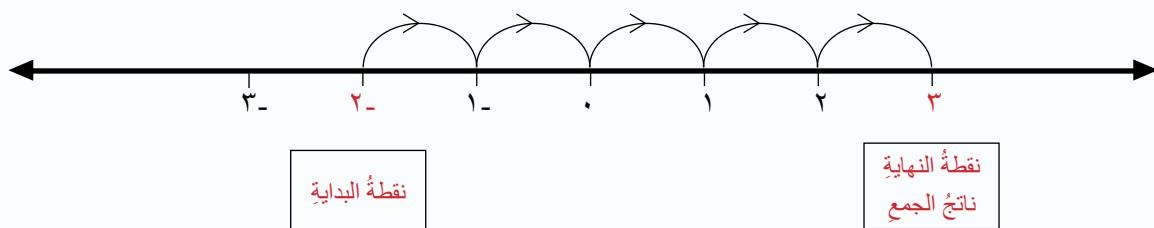
كانت درجة الحرارة في إحدى ليالي الشتاء الباردة في الكرك -٤ ، وارتفعت في أثناء ساعات النهار ٧ درجات، كم أصبحت درجة الحرارة؟

- ماذا سأتعلم؟
- جمع الأعداد الصحيحة
 - طرح الأعداد الصحيحة

١- إضافة عدد صحيح موجب إلى عدد آخر

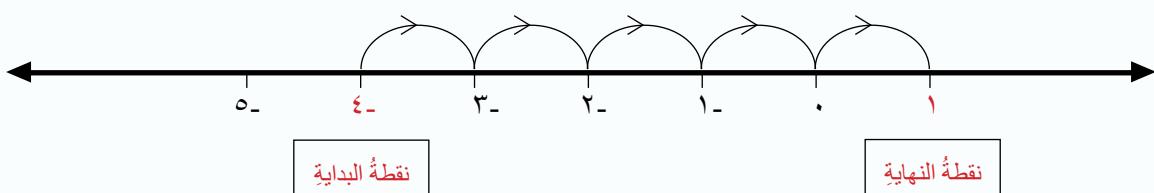
لإيجاد ناتج جمع عددين صحيحين أحدهما موجب مثل $-2 + 5$ ، يكون العدد -2 على خط الأعداد هو نقطة البداية، ونتحرك باتجاه اليمين ٥ خطوات، فيكون الناتج هو العدد 3 ، كما في الشكل الآتي:

$$3 = 5 + (-2)$$



لإيجاد ناتج $-4 + 5$ نقوم بالخطوات السابقة كما في الشكل المجاور.

مثال (١)



أحاول

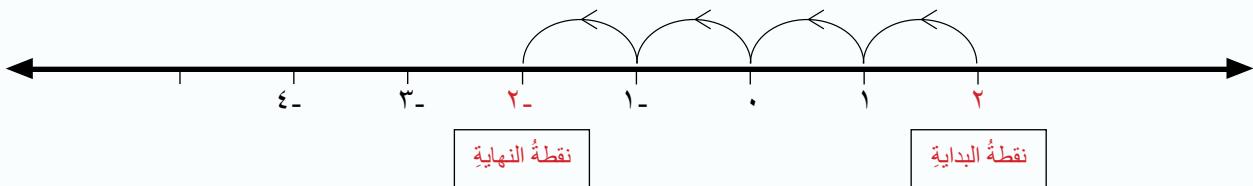
أجد ناتج $-7 + 3$ باستخدام خط الأعداد.

٢- إضافة عدد صحيح سالب إلى عدد آخر

لإيجاد ناتج جمع عددين صحيحين أحدهما سالب مثل $2 + -4$ يكون العدد 2 على خط الأعداد هو

نقطة البداية، ونتحرك باتجاه اليسار 4 خطوات، كما في الشكل المجاور. فيكون الناتج هو العدد -2 .

$$\text{إذن، } 2 + -4 = -2$$



لإيجاد ناتج $-1 + -4 = -5$ نقوم بالخطوات السابقة كما في الشكل المجاور.

مثال (٢)



أجد ناتج $-7 + -3 = -10$ باستخدام خط الأعداد.

لجمع عددين متشابهين في الإشارة أجمع العددين، وأعطي الناتج إشارة العددين نفسها.

مثلاً:

$$-6 = -5 + -1$$

$$-8 = -5 + -3$$

قواعد جمع الأعداد الصحيحة وطريقها

مثلاً:

$$-4 = -7 + 3 = -7 - 3$$

$$-13 = -8 + 5 = -8 - 5$$

لطرح عدد من عدد آخر أكتفى
بتغيير العدد الأول مثلاً هكذا، ثم أحوال
عمليات الطرح إلى جمع، وأنظر
مكعب العدد، وأطبق قواعد
الجمع.

مثلاً:

$$3 = 6 + -3$$

$$-4 = -5 + 1$$

لجمع عددين مختلفين
في الإشارة أجد الفرق
بين القيمة الموجبة
للعددين، وأعطي
الناتج إشارة العدد
الأكبر.

أحاوْلُ



أجُد ناتج كُلّ ممّا يأتي:

$$\dots = 0 + 4 \quad 2$$

$$\dots = 11 - + 8 \quad 4$$

$$\dots = (9-) - 3 - \quad 6$$

$$\dots = 0 - + 3 - \quad 1$$

$$\dots = 7 + 9 - \quad 3$$

$$\dots = 16 - 14 - \quad 5$$

أقِيمْ تعلّمي



أجُد ناتج كُلّ ممّا يأتي باستخدام خط الأعداد: ١

$$\dots = 2 - + 5 - \quad 2$$

$$\dots = 6 + 3 - \quad 1$$

أجُد ناتج كُلّ ممّا يأتي: ٢

$$\dots = (8-) + 5 \quad 3 \quad \dots = 8 + 3 - \quad 2 \quad \dots = 2 - + 3 - \quad 1$$

$$\dots = 4 - 7 - \quad 6 \quad \dots = (5-) - 10 - \quad 5 \quad \dots = 9 - 3 \quad 4$$

يقولُ أساميَة إنَّ $48 + 54 = 6$ ، وتقولُ ميسُ إنَّ $48 + 54 = 6$ ، أيُّهُما يقولُ الصوابَ؟ أبِرِّرُ ٣

إجابتي.

ثالثاً: ضرب الأعداد الصحيحة وقسمتها



$$\begin{array}{l} 0 = 0 \times 3 \\ ? = 1 - \times 3 \\ ? = 6 - \times 4 - \end{array} \quad \begin{array}{l} 9 = 3 \times 3 \\ 6 = 2 \times 3 \\ 3 = 1 \times 3 \end{array}$$



عند ضرب عددين صحيحين أطبق قواعد ضرب الأعداد الكلية، ثم أحدد إشارة الناتج وفق القاعدة الآتية:

قاعدة تحديد إشارة ضرب عددين صحيحين أو قسمتهما

إشارة ناتج ضرب/ قسمة عددين مختلفين في الإشارة سالبة.

إشارة ناتج ضرب/ قسمة عددين متشابهين في الإشارة موجبة.

مثال (١)

أجد ناتج ما يأتي:

العدنان سالبان؛ لذا إشارة ناتج الضرب موجبة.

العدنان موجبان، لذا إشارة ناتج الضرب موجبة.

العدد الأول موجب والعدد الثاني سالب؛ لذا إشارة ناتج الضرب سالبة.

العدد الأول سالب والعدد الثاني موجب؛ لذا إشارة ناتج الضرب سالبة.

$$20 = 4 \times -5$$

$$20 = 5 \times 4$$

$$20 = -5 \times 4$$

$$20 = -5 \times 4$$



أحاول

أجد ناتج كل مما يأتي:

$$\dots = 6 \times 2 - \boxed{2}$$

$$\dots = 4 \times 10 \quad \boxed{4}$$

$$\dots = 8 - \times 3 - \boxed{1}$$

$$\dots = 9 - \times 7 \quad \boxed{3}$$

مثال (٢)

أجد الناتج كُلّ ممّا يأتي:

العدان سالبان؛ لذا إشارة ناتج القسمة موجبة.

$$6 = 5 \div 30$$

العدان موجبان؛ لذا إشارة ناتج القسمة موجبة.

$$6 = 5 \div 30$$

العدد الأول موجب والعدد الثاني سالب؛ لذا إشارة ناتج القسمة سالبة.

$$6 = 5 \div 30$$

العدد الأول سالب والعدد الثاني موجب؛ لذا إشارة ناتج القسمة سالبة.

$$6 = 5 \div 30$$



أجد الناتج في كُلّ ممّا يأتي:

$$\dots = 6 \div 12 \quad 2$$

$$\dots = 8 \div 24 \quad 1$$

$$\dots = 5 \div 100 \quad 4$$

$$\dots = 9 \div 81 \quad 3$$



١ أجد الناتج كُلّ ممّا يأتي:

$$\dots = 5 \div 30 \quad 3$$

$$\dots = 7 \times 5 \quad 2$$

$$\dots = 7 \times 3 \quad 1$$

$$\dots = 9 \div (45 -) \quad 6$$

$$\dots = 5 \div 35 \quad 5$$

$$\dots = 5 \div 30 \quad 4$$

٢ أستعمل الأعداد الصحيحة في التعبير عن المسألة الآتية، ثم أجيب عنها مبرراً إجابتي:

علبة دواء تحتوي ٢٦ كبسولة، هل تكفي لمريض عليه أن يتناول ٣ كبسولات يومياً مدة ٨ أيام؟

٣ لعب كُلُّ من فريق أنس وأخته لينا لعبة تتكون مِن عدَّة جولات، الفائز في الجولة تسجَّل له نقطتان، والخاسر يخسر نقطة واحدة. كسب فريق أنس ٣ جولات، وخسر ٤، بينما كسب فريق لينا ٥ جولات و خسر ٨، أي الفريق حصل على نقاط أكثر؟ أبرز إجابتي.

رابعاً: التحليل إلى العوامل

أكتب العدد ١٠٠ على صورة حاصل ضرب عوامله الأولية

$$\dots \times \dots \times \dots = 100$$



ماذا سأتعلم؟

- التحليل إلى العوامل.
- العوامل الأولية.
- القسمة المتكررة.

أتأمل العبارات الآتية:

$$3 \times 3 \times 2 \times 2 = 36$$

$$3 \times 3 \times 4 = 36$$

$$9 \times 4 = 36$$



أجد أنَّ العدد ٣٦ كُتب على شكل ناتج ضرب مجموعَةٍ من الأعداد، وألاحظ في جملة الضرب الأخيرة أنَّ جميع الأعداد المضروبة ببعضها أعداد أولية.



التحليل إلى العوامل الأولية: يعني كتابة العدد على شكل ناتج ضرب مجموعَةٍ من الأعداد جميعها أعداد أولية.

استخدم **القسمة المتكررة** لتحليل عدد إلى عوامله الأولية.

أذكر:
العدد الأولي هو العدد الذي له عاملان فقط هما: العدد ١، والعدد نفسه.

مثال (١)

أحلل العددين ٤٨، ١٢٣ إلى عواملهما الأولية باستخدام القسمة المتكررة:

الحل

أقسم ٤٨ على أول عدد أولي وهو ٢

$$\begin{array}{r|l} 2 & 48 \\ \hline & \end{array}$$

أقسم ٢٤ على ٢

$$\begin{array}{r|l} 2 & 24 \\ \hline & \end{array}$$

أقسم ١٢ على ٢

$$\begin{array}{r|l} 2 & 12 \\ \hline & \end{array}$$

أقسم ٦ على ٢

$$\begin{array}{r|l} 2 & 6 \\ \hline & \end{array}$$

أقسم ٣ على العدد ٣ فيكون الناتج (١)، وهنا تنتهي عملية القسمة.

$$\begin{array}{r|l} 3 & 3 \\ \hline & 1 \end{array}$$

ويكتب العدد ٤٨ على شكل ناتج ضرب الأعداد الأولية التي قسمنا عليها.

$$\text{إذن، } 2 \times 2 \times 2 \times 3 = 48$$

أقسم 312 على 3	3	312
أقسم 104 على 2	2	104
أقسم 52 على 2	2	52
أقسم 26 على 2	2	26
أقسم 13 على نفسه؛ لأنّه أوليٌّ، فيكون الناتج (1) ، وهذا تنتهي عملية القسمة.	13	13
		1

$$\text{إذن، } 13 \times 3 \times 2 \times 2 \times 2 = 312$$

أحاول



أحلل الأعداد الآتية إلى عواملها الأولية باستخدام القسمة المتكررة:

$$100 \quad 2 \quad 345 \quad 1$$

أقيم تعلمـي



١ أكتب العدد على صورة ناتج ضرب عوامله الأولية معتمداً القسمة المتكررة في كلٍّ مما يأتي:

5	225	2	300
3	45	2	150
3	15	3	75
5	5	5	25
	1	5	5
			1

٢ أحلل الأعداد الآتية إلى عواملها الأولية باستخدام القسمة المتكررة:

$$135 \quad 3 \quad 400 \quad 2 \quad 120 \quad 1$$

٣ أكتشف الخطأ وأصوّبُه: حلَّ قيسُ العدد 200 إلى عوامله الأولية، وكتبَ الناتج على النحو الآتي:

$$10 \times 10 \times 2 = 200$$

لوحة فنية



أجد الناتج وألوّنه باللون:

الأحمر إذا كان الناتج عدداً سالباً.

الأخضر إذا كان الناتج عدداً موجباً.

الأزرق إذا كان الناتج صفرًا.

$4 - 5$	$2 - 0$	$(3-) + 3$	$(3-) \times 4$	0×9
$12 - 10$	$11 - 9$	$(6-) \div 18$	$7 - 3$	$8 - 11$
7×0	$12 + (7-)$	$8 - 6$	$0 - 0$	9×4
$9 - 4$	$32 - 45$	$0 - 9$	$0 + 3$	$8 + 7$
$(3-) + 1$	$2 \times 2 \times 2$	1×17	$(5-) \div 10$	$20 - 13$
$0 - \times 9$	9×0	$(4-) \div 8$	$6 \times 4 -$	$(5-) \div 15$

المجال: الأعداد والعمليات

المحور: الكسور العادلة والكسور العشرية

ضرب الكسور والأعداد الكسرية وقسمتها

قسمة الأعداد العشرية

ضرب الأعداد العشرية

- أضرب الكسور العادلة والأعداد الكسرية.
- أقسم الكسور العادلة والأعداد الكسرية.

أقسم الأعداد العشرية.

أضرب الأعداد العشرية.

كيف أستفيد من ضرب الكسور في قسمة الكسور والأعداد الكسرية؟

كيف أقسم الأعداد العشرية؟

كيف أضرب الأعداد العشرية؟

أختبر معلوماتي

١ أكتب الكسور الآتية على صورةكسور عشرية:

$$\frac{3}{20} \quad (3)$$

$$\frac{2}{5} \quad (2)$$

$$\frac{1}{4} \quad (1)$$

٢ أكتب الكسور العشرية الآتية على صورةكسور عادلة:

$$0,83 \quad (3)$$

$$0,05 \quad (2)$$

$$0,2 \quad (1)$$

٣ أضف $> \text{أو} <$ في لأحصل على عبارة صحيحة:

$$3,9 \quad \boxed{} \quad 2,8 \quad (3)$$

$$0,7 \quad \boxed{} \quad 0,07 \quad (2)$$

$$0,27 \quad \boxed{} \quad 0,36 \quad (1)$$

٤ أجد ناتج:

$$1000 \times 55,7 \quad (3)$$

$$10 \times 2,7 \quad (2)$$

$$100 \times 0,763 \quad (1)$$

$$1000 \div 92,4 \quad (6)$$

$$10 \div 789,3 \quad (5)$$

$$100 \div 2,36 \quad (4)$$

أولاً: ضرب الأعداد العشرية



دفع مازنٌ ١,٧٥ ديناراً ثمناً لقرطاسية، ودفعٌ آخرٌ لمياء ثلاثة أمثالٍ ما دفعه مازنٌ ثمناً لقرطاسية. ما المبلغ الذي دفعاه معاً؟



ماذا سأتعلمُ؟

- ضرب الأعداد العشرية

لضرب العددين عشربيين

- ١- أضرب العددين عشربيين بإهمال الفاصلة العشرية مؤقتاً.
- ٢- أعد المنازل إلى يمين الفاصلة في العددين عشربيين.
- ٣- أعد عدد المنازل نفسه من اليمين في ناتج الضرب، ثم أضع الفاصلة العشرية.

مثال (١)

$$\begin{array}{r} 0,75 \\ \times 0,09 \\ \hline 0,0675 \end{array}$$

أضع صفرًا على يسار ٦ ليصبح عدد المنازل العشرية أربعة.

أجد ناتج $0,75 \times 0,09$

الحل

$$(1) \text{ أجد ناتج ضرب } 75 \times 9 = 675$$

(٢) أعد المنازل على يمين الفاصلة العشرية في كلا الكسرتين عشربيين

الاحظ أنَّ مجموع المنازل العشرية في الكسرتين عشربيين ٤ منازل.

(٣) أعد ٤ منازل عشرية من اليمين في ناتج الضرب ٦٧٥ ثم أضع الفاصلة العشرية

$$\text{أي أنَّ } 0,0675 = 0,09 \times 0,75$$

أجد ناتج: $0,23 \times 0,52$

أحاول



مثال (٢)

إذا كان ثمن الكيلوغرام الواحد من التفاح ١,٢٥ ديناراً، فما ثمن ٣,٥ كيلوغراماتٍ من التفاح؟

الحل

$$\begin{array}{r}
 1,25 \\
 \times 3,5 \\
 \hline
 625 \\
 + 3750 \\
 \hline
 4375
 \end{array}$$

لإيجاد ثمن ٣,٥ كيلوغراماتٍ من التفاح أخذ ناتج $1,25 \times 1,25 = 4375$

(١) أخذ ناتج ضرب $125 \times 35 = 4375$

(٢) أعد المنازل على يمين الفاصلة العشرية في كلا الكسرتين العشريتين،
لاحظ أن مجموع المنازل العشرية في الكسرتين العشريتين ٣ منزل.

(٣) أعد ٣ منازل عشريةٍ من اليمين في ناتج الضرب
٤٣٧٥ ثم أضف الفاصلة العشرية
أي أن $4,375 = 3,5 \times 1,25$

أحاولُ



تمتلك رُّولى حديقة طولها ١٢,٣ مترًا وعرضها ٦,٥ أمتار. أجد مساحة الحديقة؟

أقيم تعلمِي



١ ألوّن منطقة العبارات الصائبة باللون الأصفر ومنطقة العبارات الخطأ باللون الأحمر.



٢ تشير إحدى لوائح التغذية إلى أنَّ وجبة الشاورما الواحدة تحوي ٤٥ غراماً من الدهون، كم غراماً

من الدهون في ٣٥ وجباتٍ؟

٣ يحتاج خبازٌ إلى ٤٥ غراماً من الخميرة لصنع فطيرٍ واحدةٍ، كم غراماً يحتاج لصنع ٢٥ منَ

البطائر؟

٤ أنفقَ ورُدُّ ٨٥،٠٠ مِنْ مصروفِه الأُسْبُوعِيِّ في التسوق، منها ١٢،٠٠ أنفقَه في شراء قرطاسيةٍ جديدةٍ.

ما الكسرُ العشريُّ الذي يمثلُ ما أنفقَه مِنْ مصروفِه على القرطاسية؟

٥ أكتشفُ الخطأ وأصححُه: وجَدَتْ صفاء ناتجَ ٣٤٥ × ٢،١ فكانت إجابتها ٧٢،٤٥

ثانياً: قسمة الأعداد العشرية



تتطلب وصفة حلوى ٣٣,٧٥ لوحًا من الشوكولاتة.
إذا كانت العلبة تحوي ٩ ألواح، كم علبةً نحتاج؟



لقسمة عددٍ عشريٍ على عددٍ صحيح

- أجري عملية القسمة كأنها قسمة عددٍ صحيح على عددٍ صحيح.
- أضف الفاصلة العشرية قبل البدء بقسمة الأجزاء العشرية.

مثال (١)

$$6 \div 20,7$$

أجد ناتج

الحل

أضف الفاصلة العشرية في الناتج
قبل البدء بقسمة الرقم ٧ في منزلة
جزءٍ من عشرة.

$$3,45 = 6 \div 20,7$$

$$\begin{array}{r}
 & 3,45 \\
 & \downarrow \\
 6 & 20,7 \\
 & \underline{18} \\
 & \downarrow \\
 & 27 \\
 & \underline{24} \\
 & \downarrow \\
 & 30 \\
 & \underline{30} \\
 & \downarrow \\
 & 0
 \end{array}$$

استمر في عملية القسمة عند وجود باقي بإضافة صفرٍ حتى لا يكون هناك باقي قسمة.

أحاول



أجد ناتج:

$$6 \div 12,3$$

$$5 \div 7,4$$

$$8 \div 0,104$$

$$3 \div 0,75$$

لقسمة عددٍ عشريٍّ على عددٍ عشريٍّ

- أخلصُ من الفاصلة العشرية في العدد المقسم عليه، فأحوله إلى عدد صحيح بضرب المقسم عليه والمقسم بالعدد ($1, 10, 100, \dots$) ثم إجراء عملية القسمة.
- أنتبه إلى أن هناك فاصلةً عشريةً فأضعها في الناتج قبل البدء بقسمة الجزء العشري.

مثال (٢)

$$\text{أجد ناتج } 2,5 \div 27,25$$

الحل

$$\begin{array}{r}
 2 \\
 \overline{)272,5} \\
 25 \quad \uparrow \\
 \underline{)272,5} \\
 22 \quad \downarrow \\
 \underline{)22} \\
 00 \quad \downarrow \\
 \underline{)225} \\
 225 \\
 \hline
 000
 \end{array}$$

أجد ناتج $25 \div 272,5$

$$\begin{array}{r}
 2,5 \div 27,25 \\
 \uparrow \quad \downarrow \\
 10 \times \quad 10 \times \\
 \downarrow \quad \downarrow \\
 25 \div 272,5
 \end{array}$$

أحول المقسم عليه إلى عدد صحيح: المقسم عليه $2,5$ يحيى منزلة عشرية واحدة، فأضرب كلاً من المقسم والمقسم عليه في 10

$$10,9 = 2,5 \div 27,25$$

كيف أتحقق من صحة الحل؟

أحاول



أجد ناتج:

$$1 \quad 0,2 \div 0,08$$

أقيم تعلمِي



$$1 \quad \text{أجد ناتج:}$$

$$2 \quad 3,5 \div 16,45$$

- ١٢٠٣ لدى مزارع عددٌ من الأبقار تنتج $16,1$ لترًا من الحليب يومياً. إذا كان معدل إنتاج البقرة الواحدة $2,3$ لترًا، فكم بقرةً في المزرعة؟

- ٣ يحتاج نجار تقسيم قطعة خشب طولها $92,0$ متراً إلى قطع متساوية طول كل منها $23,0$ متراً. ما عدد القطع الناتجة؟

- ٤ أكتشف الخطأ وأصححه: وجدت ديمة ناتج $(3,44 \div 0,2)$ فكانت إجابتها $1,72$

- ٥ مسألة مفتوحة: أكتب مسألة حياتية يمكن حلها بقسمة عددٍ عشريٍّ على عددٍ عشريٍّ.

ثالثاً: ضرب الكسور والأعداد الكسرية وقسمتها



أمضت لانا $\frac{1}{3}$ يومها في الترّزه، وقضت $\frac{1}{4}$ هذا الوقت في مدينة الألعاب. ما الكسر الذي يمثل الوقت الذي قضته لانا في مدينة الألعاب؟

- ماذا سأتعلم؟
- ضرب الكسور
 - قسمة الكسور

لضرب كسر في كسر

أضرب البسط في البسط والمقام في المقام.

مثال (١)

$$\frac{2}{3} \times \frac{3}{4}$$

أجد ناتج

$$\frac{6}{12} = \frac{2 \times 3}{3 \times 4} = \frac{2}{3} \times \frac{3}{4}$$

الحل

$$\frac{1}{2} = \frac{6 \div 6}{6 \div 12}$$

أحاول



$$\frac{3}{8} \times \frac{5}{9}$$

أجد ناتج:

لضرب الأعداد الكسرية

١ أحول العدد الكسري إلى كسر غير فعلي.

٢ أضرب الكسور الناتجة.

مثال (٢)

$$\frac{1}{5} \times \frac{1}{4}$$

أجد ناتج

$$\frac{1}{4} \times \frac{21}{5} = \frac{1}{4} \times \frac{1}{5} \times \frac{21}{1}$$

الحل

$$\frac{1}{20} = \frac{1}{20} = \frac{1 \times 21}{4 \times 5} =$$

أحول العدد الكسري إلى كسر غير فعلي $(\frac{1}{5} = \frac{21}{20})$

أضرب الكسور الناتجة وأحول الناتج إلى عدد كسري

أحاوٌ



أجد ناتج:

$$5 \cdot \frac{3}{4} \times 2 \cdot \frac{1}{3}$$

١

$$4 \cdot \frac{2}{7} \times \frac{2}{3}$$

٢

لقسمة كسر على كسر

أضرب الكسر الأول في مقلوب الكسر الثاني (المقسوم عليه).

مثال (٣)

$$\text{أجد ناتج } \frac{1}{4} \div \frac{3}{4}$$

أضرب في مقلوب الـ $\frac{1}{4}$

$$\text{الحل } \frac{4}{1} \times \frac{3}{4} = \frac{1}{4} \div \frac{3}{4}$$

أضرب البسطين وأضرب المقامين

$$\frac{12}{4} = \frac{4 \times 3}{1 \times 4} =$$

أبسط الناتج بقسمة البسط والمقام على ٤

$$3 = \frac{3}{1} = \frac{4 \div 12}{4 \div 4} =$$

أحاوٌ

$$\text{أجد ناتج: } \frac{1}{2} \div \frac{2}{5}$$

لقسمة كسر على عدد كسري

أحوّل العدد الكسري إلى كسر غير فعلي، ثم أجري عملية القسمة.

مثال (٤)

$$\text{أجد ناتج } 10 \cdot \frac{1}{2} \div \frac{1}{4}$$

أكتب الأعداد الكسرية على صورة

$$\text{الحل } \frac{21}{2} \div \frac{9}{4} = 10 \cdot \frac{1}{2} \div \frac{1}{4}$$

كسور غير فعلية

$$\frac{18}{84} = \frac{2 \times 9}{21 \times 4} = \frac{2}{21} \times \frac{9}{4} =$$

$$\frac{3}{14} = \frac{6 \div 18}{6 \div 84} =$$

أكتب الناتج في أبسط صورة

أحاوُلْ
أجُدُّ ناتِحَ:



$$4 \frac{2}{3} \div 5 \frac{2}{6} \quad 2 \quad 2 \frac{2}{5} \div \frac{7}{9} \quad 1$$

أقيِّمُ تعلَّمي



- ١ إذا كان $\frac{5}{8}$ الأزهار الموجودة في حديقة قيس من التوليب وكان لون $\frac{1}{3}$ أزهار التوليب أصفر، فما عدد أزهار التوليب الصفراء في الحديقة؟
- ٢ وزعَتْ ثرَاء $\frac{1}{5}$ كيلوغراماتٍ من القهوة على عبواتٍ بالتساوي فاحتوت كل عبوة $\frac{3}{5}$ كيلوغرام. ما عدد هذه العبوات؟
- ٣ أكتشف الخطأ وأصحِّه: وجد مهند ناتج $\frac{6}{35} \div \frac{2}{5}$ فكان الناتج
- ٤ تقول رجاء: «إنَّ ناتج ضرب عدد كسريٍّ بين ٢ و ٣ وكسريٍّ بين ٠ و ١، يكون أصغر من ٢». هل ما تقوله رجاء صحيح؟ أبرُّ إجابتي.

السلمُ والحيّةُ



النهاية

٢٣

$$\text{أجد ناتج} \\ ٢ \div ١,٢$$

٢٤

$$\text{أجد ناتج} \\ ٠,٣ \div ٢٦,٨٨$$

٢٥

$$\text{أجد ناتج} \\ ٤,٥ \div ١,٣٥$$

١٩

$$\text{أقارن} \\ \%٧٠ \quad \boxed{} \quad \frac{٨}{١١}$$

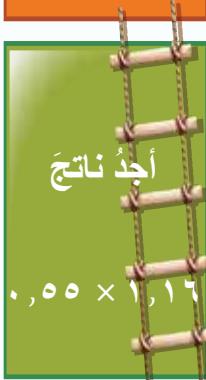


١٧

$$\text{أجد ناتج} \\ \frac{١,٨}{٩} \div \frac{٢}{٧}$$

١٨

أكتب
٣,٠٢
على صورة
عدد كسريٌ
بأبسطٍ صورةٍ.



١٩

$$\text{أجد ناتج} \\ ٠,٥٥ \times ٠,١٩$$

٢٠

$$\text{أجد ناتج} \\ ١,٢ \times ٠,١٩$$

١٣

$$\text{أقارن} \\ ٠,١٥ \quad \boxed{} \quad \frac{١٥}{١٠٠}$$



١١

$$\text{أجد ناتج} \\ ١,٥ \div ٣,٥$$

١٢

أكتب
 $\frac{٧٥٠}{١٠٠}$
على شكلٍ كسرٍ
بسطٌةٌ
ومقامٌ ١٠٠



١٣

$$\text{أجد ناتج} \\ ٣ \div ٢٨,٨$$

١٤

أكتب
 $\frac{٥}{١٣}$
على شكلٍ كسرٍ
بسطٌةٌ
ومقامٌ ١٣

١٥

$$\text{أقارن} \\ ٠,٤٩ \quad \boxed{} \quad \frac{١}{٢}$$



١

أكتب
٠,١٨
على صورةٍ
كسريٌ بأبسطٍ
صورةٍ.

٥

$$\text{أجد ناتج} \\ \frac{٩}{١١} \div \frac{٦}{١٢}$$

٦

$$\text{أجد ناتج} \\ \frac{٥}{٧} \div \frac{٥}{٧}$$

٧

$$\text{أجد ناتج} \\ ٥ \div ٢٨,٥$$

٨

أكتب
 $\frac{١}{١٠٠}$
على صورةٍ
كسريٌ عشريٌ.

٩

البداية

المجال: الأنماط والجبر والدوال

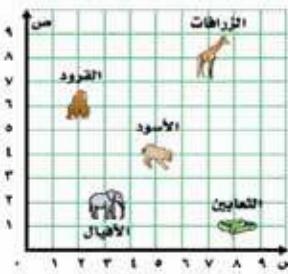
المحور: الجبر

المستوى الإحداثي

- أتعرفُ المستوى الإحداثي.
- أحددُ إحداثيات نقطةٍ على المستوى الإحداثي.
- أعينُ نقطةً على المستوى الإحداثي.

ما مدى صحة العبارة «جميع قيم س في المستوى الإحداثي موجبة»؟ أبرزُ إجابتي.

المستوى الإحداثي «البياني»



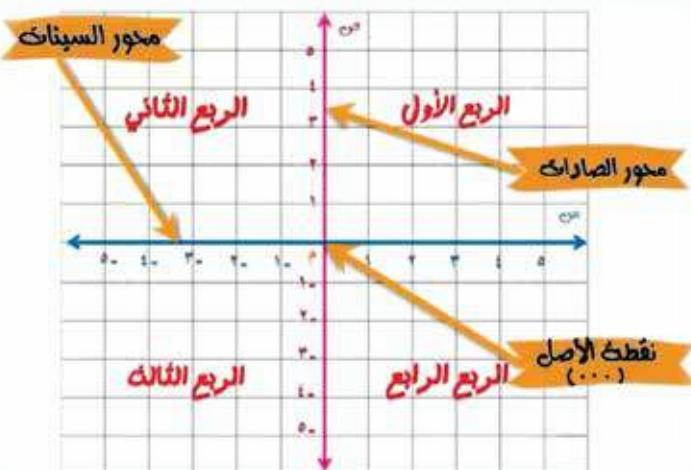
يبينُ الشكلُ المجاورُ خريطةً
حديقةً للحيواناتِ، ما الحيواناتُ
التي تقعُ عندَ الزوجِ المرتبِ
(٤، ٥)؟



ماذا سأتعلمُ؟

- المستوى الإحداثي
- محور السيناتِ
- محور الصاداتِ
- نقطةُ الأصلِ
- الإحداثيُّ السينيُّ
- الرُّبعُ
- الإحداثيُّ الصاديُّ

إذا نظرتُ إلى سطح الورقةِ أو سطح الطاولةِ، أو أرضِ الغرفةِ، أو سطح السبورةِ فسأجدُ أنَّها جميعها ذاتُ شكلٍ مُستوٍ؛ فالمستوى سطحٌ منبسطٌ ذو بُعدٍ لا حُواْفَ لهُ يمتدُ بلا حدودٍ مِنْ أطرافِهِ جميعها، وغالباً



ما يمثلُ هندسياً بمنطقةٍ رباعية.

المستوى الإحداثيُّ (البيانيُّ):

هُوَ مستوىً نتجَ مِنْ تقاطعِ خطَّيْنِ أَعْدَادٍ
أَحدهُمَا أَفْقَىُّ وَالآخَرُ رَأْسِيُّ عَنْ نَقْطَةِ
الصَّفَرِ فِي كُلِّيَّمَا، كَمَا فِي الشَّكْلِ الْمُجاوِرِ؛
وَيُسَمَّى بِالخطِّ الرَّأْسِيِّ **محور الصاداتِ**،

وَيُرْمَزُ إِلَيْهِ بِالرَّمْزِ (ص)، بَيْنَمَا يُسَمَّى بِالخطِّ الْأَفْقَىُّ **محور السيناتِ**، وَيُرْمَزُ إِلَيْهِ بِالرَّمْزِ (س)، وَتُسَمَّى
نَقْطَةُ تَقَاطُعِ الْمَحَوَّرَيْنِ **نَقْطَةُ الأَصْلِ**.

- الْاحْظُ أَنَّ المَسْتَوِيَّ الإِهْدَانِيَّ يَنْقَسِمُ إِلَى أَرْبَعَةِ أَجْزَاءِ (الرُّبْعُ الْأَوَّلُ، الرُّبْعُ الثَّانِي، الرُّبْعُ الثَّالِثُ، الرُّبْعُ
الْأَرْبَعُ).

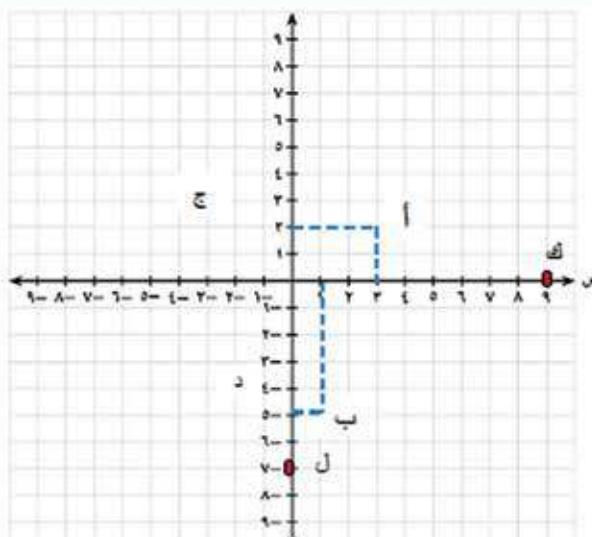
- يَعْبَرُ عَنْ كُلِّ نَقْطَةٍ فِي المَسْتَوِيِّ الإِهْدَانِيِّ بِالصِّيغَةِ (س، ص) وَتُسَمَّى **زوجاً مَرْتَبَاً**، حِيثُ (س)
هِيَ: **الإِهْدَانِيُّ السِّينِيُّ** لِلنَّقْطَةِ، وَيَمْتَلِئُ بَعْدَ هَذِهِ النَّقْطَةِ عَنْ **محور الصاداتِ**، أَمَّا (ص) فَهِيَ **الإِهْدَانِيُّ الصَّادِيُّ**
لِلنَّقْطَةِ، وَيَمْتَلِئُ بَعْدَهَا عَنْ **محور السيناتِ**.

- تكون قيمة s وقيمة c في الأربع الأربعة وفق الجدول الآتي:

الربع الرابع	الربع الثالث	الربع الثاني	الربع الأول	
+	-	-	+	قيمة s
-	-	+	+	قيمة c

أحدد إحداثيات كل من النقاط A ، B ، C ، D الممثلة في المستوى الإحداثي المجاور.

مثال (١)



الحل: تحديد إحداثيات النقطة (A) :

أنزل منها عموداً على محور السينات، فيلقيه عند 3 أي إن $(s=3)$ ، فأقول إن الإحداثي السيني للنقطة A يساوي 3 ، وأنزل عموداً آخر من النقطة (A) على محور الصادات، فيلقيه عند 2 ، فأقول إن الإحداثي الصادي للنقطة (A) يساوي 2 ، أي إن $(c=2)$ ، وعليه، أكتب الزوج المرتب المعتبر عن النقطة A بدلالة الإحداثيين السيني أولًا، ثم الصادي، أي $(3, 2)$ ، وهكذا يتحدد موقع النقطة A .

وباتباع الخطوات نفسها أجده أن موقع النقطة B هو $(-1, -2)$ ، وموقع النقطة C هو $(9, 0)$ ، أما النقطة D فموقعها $(0, -5)$.

أحاول



بالرجوع إلى المثال (١) أحدد إحداثيات نقطتين D ، J .

مثال (٢)

أعين كلاً من النقطتين: $A(-5, 2)$ ، $B(-4, -5)$ في المستوى الإحداثي، وأحدد الربع الواقع فيه أو المحور الذي يقع عليه.

الحل: لتعيين النقطة $A(-5, 2)$ في المستوى

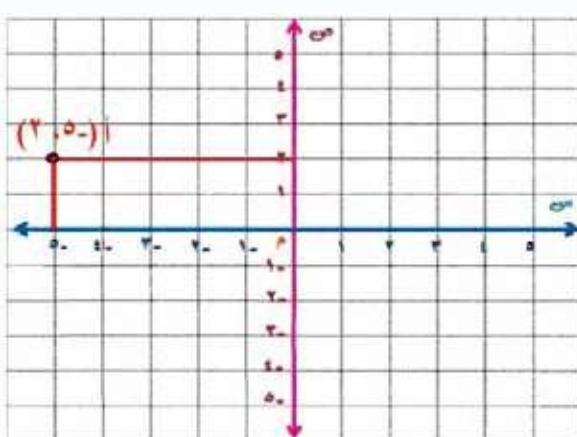
الإحداثي أتبع الخطوات الآتية:

(١) أحدد قيمة s ، ص من النقطة، فتكون:

$$s = -5, \quad c = 2$$

(٢) أرسم عموداً من العدد -5 على محور السينات.

(٣) أرسم عموداً من العدد 2 على محور الصادات.



(٤) أحدد نقطة تقاطع العمودين لتكون هي موقع النقطة $A(-5, 2)$ ، وتقع في الربع الثاني؛ لأن الإحداثي السيني سالب، والإحداثي الصادي موجب.

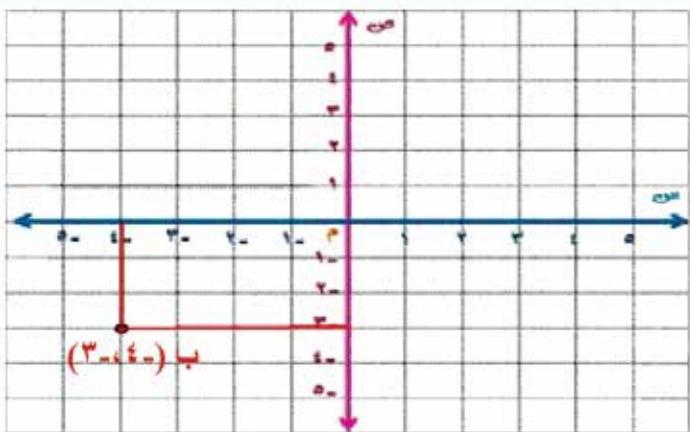
لتعيين النقطة $B(-3, -4)$ على المستوى الإحداثي أتبع الخطوات الآتية:

(١) أحدد قيمة s ، ص من النقطة، فتكون $s = -4$ ، ص = -3.

(٢) أرسم عموداً من العدد -4 على محور السينات.

(٣) أرسم عموداً من العدد -3 على محور الصادات.

(٤) أحدد نقطة تقاطع العمودين لتكون هي موقع النقطة $B(-3, -4)$ ، وتقع في الربع الثالث؛ لأن الإحداثي السيني سالب، والإحداثي الصادي سالب.



أحاول

أعين النقطتين $D(0, 5)$ و $H(2, 0)$ في المستوى الإحداثي، وأحدد الربع الواقعة فيه أو المحور الذي تقع عليه.



أقيم تعلمـي



١ اعتماداً على الشكل

المجاور، أحدد إحداثيات

الموقع الموجدة على

المستوى الإحداثي.

٢ أحدد في أيِّ ربعٍ أوَّيِّ محورٍ تقع كُلُّ من النقاط الآتية مِن دون تعبيّنها على المستوى الإحداثيِّ:

- أ (٩٩ - ٠ ، ٥ - ٥) ب (٣٣ - ٠ ، ٩ - ١٠) ج (٤٠ - ٨ ، ١٠ - ٩) د (١ - ٣ ، ٦ - ٣)

٣ أرسم المستوى الإحداثيَّ، ثُمَّ أعيّنُ عليه النقاط الآتية:

- أ (١ ، ٥ - ١) ب (٣ - ٣ ، ٠) ج (١ - ٦ ، ٣) د (٢ ، ١)

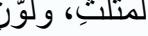
٤ أعودُ إلى الفقرة الواردة في بداية الدرس، وأحدُدُ الحيواناتِ التي تقع على الزوج المرتب (٤ ، ٥).

٥ أمثلُ بيانياً أربعَ نقاطٍ على المستوى الإحداثيِّ بحيثٌ تشكّلُ رؤوسَ مربعٍ عندَ وصلِّها معاً، ثُمَّ أحدُدُ الزوجَ المرتبَ لكلِّ رأسٍ منها.

هیا نلوب

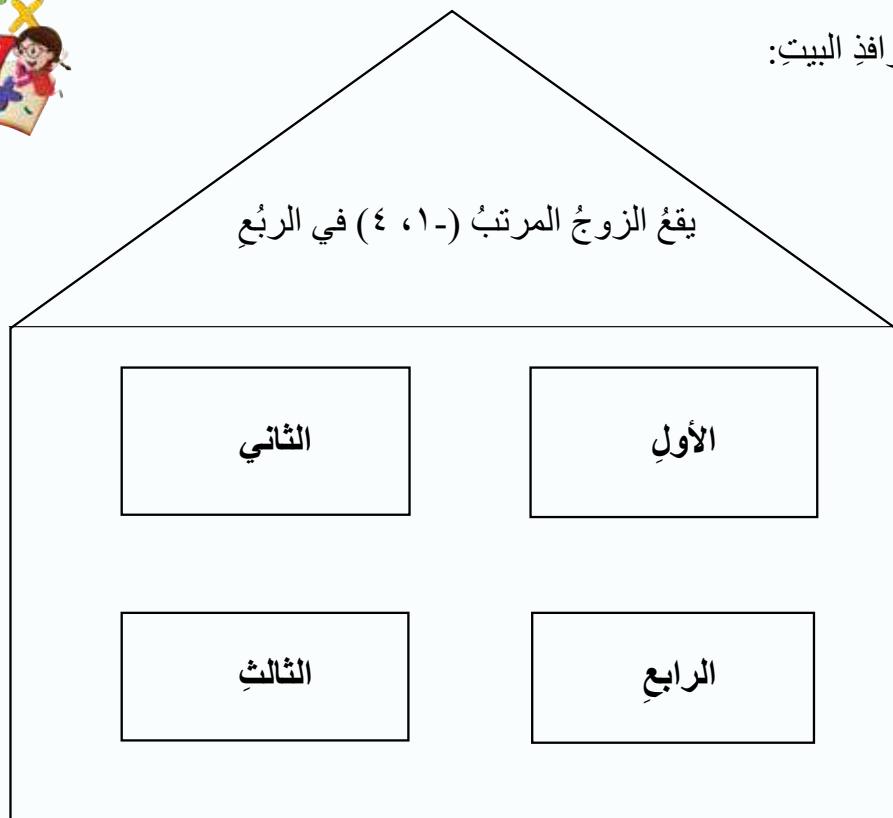


تأملُ واجهاتِ البيتِ الجميلة، وَحُلّ ما في داخلِ المثلث، ولوّن الإجابةَ الصحيحةَ

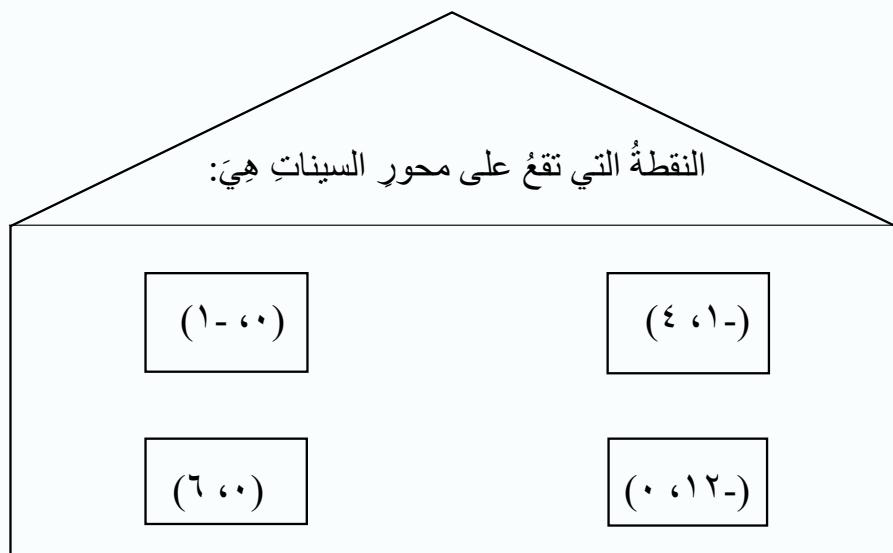


الموجودةَ على نوافذِ البيتِ:

يقع الزوج المرتب (-١، ٤) في الربع



النقطةُ التي تقعُ على محورِ السيناتِ هي:



المجال: الهندسة والقياس

المحور: الأشكال الهندسية ثنائية وثلاثية الأبعاد

مجموع قياسات زوايا
الشكل الرباعي

- أستقصي مجموع
قياسات زوايا
الشكل الرباعي

ما مجموع قياسات زوايا
الشكل الرباعي؟

مجموع قياسات زوايا
المثلث

- أستقصي مجموع
قياسات زوايا المثلث.

ما مجموع قياسات زوايا
المثلث؟

مساحة متوازي
المستطيلات

- أجُد المساحة الجانبية
لمتوازي المستطيلات.
- أجُد المساحة الكلية
لمتوازي المستطيلات.

حجم متوازي
المستطيلات

- أجُد حجم متوازي
المستطيلات.

تحتفظ هيفا بعقد ذهبي في
علبة طولها ١٥ سم وعرضها
١ سم وارتفاعها ٣ سم. أجُد
المساحة الكلية لسطح العلبة.

بركة على شكل متوازي
مستطيلات طولها ٢١ م
وعرضها ١٨ م وارتفاعها ٩ م.
أجُد حجمها.

أضْعَ دَائِرَةً حَوْلَ رَمْزِ الإِجَابَةِ الصَّحِيحَةِ فِي مَا يَأْتِي:

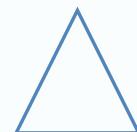
١ المثلث الحادُّ الزُّوايا هو:



(٣)

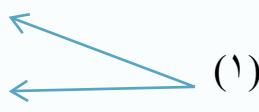
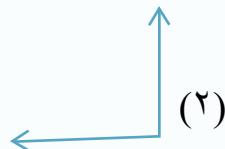


(٢)



(١)

٢ إِحْدَى الزُّوايا الْأَتْيَةِ تَمْثِيلُ زَاوِيَةً مُنْفَرِجَةً:



٣ نُوْعُ المُثَلِّثِ فِي الشَّكْلِ الْمُجاوِرِ:



(٣) مُطَابِقُ الْضَّلَعَيْنِ

(٢) مُخْتَلِفُ الْأَضْلاعِ

(١) مُطَابِقُ الْأَضْلاعِ

٤ مَرْبُعٌ طُولُ ضَلْعِهِ ٦ سِم، فَإِنَّ مُحِيطَهُ:

(٣) ٢٠ سِم

(٢) ٢٤ سِم

(١) ١٢ سِم

٥ قَطْعَةُ أَرْضٍ مُسْتَطِيلَةُ الشَّكْلِ، طُولُهَا ٤٠ م و عَرْضُهَا ٢٥ م فَإِنَّ مَسَاحَتَهَا:

(٣) ١٠٠٠ م٢

(٢) ١٠٠٠٠ م٢

(١) ٢٠٠٠٠ م٢

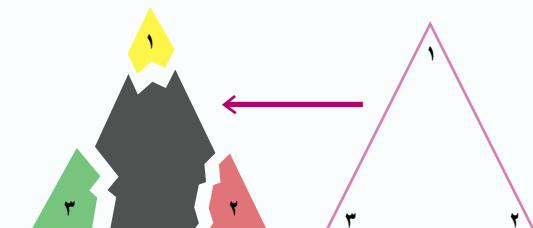
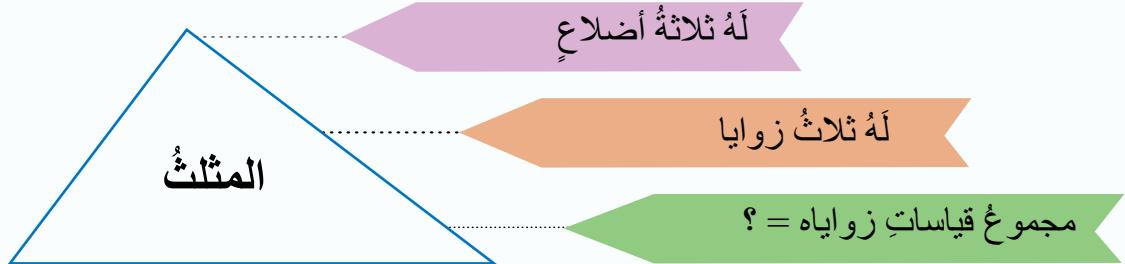
أولاً: مجموع قياسات زوايا المثلث



هل يمكن معرفة قياس الزاوية المجهولة في الرسم المجاور؟



- مجموع قياسات زوايا المثلث



نشاط



- أرسم مثلثاً على ورقه.

- أرقم زوايا المثلث ١، ٢، ٣.

- أقصى الزوايا بحيث تحتوي كل منها جزءاً من المثلث.

- أثبت الزوايا الثلاث بحيث تلتقي رؤوسها في نقطة واحدة على المستقيم.

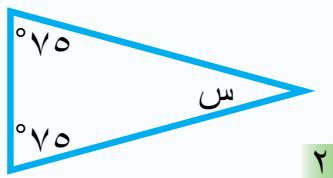
نوع الزاوية التي كونتها الزوايا الثلاث معًا زاوية مستقيمة.



مجموع قياسات زوايا المثلث تساوي 180°

أجد قياس الزاوية المجهولة في المثلثات الآتية:

مثال (١)



جمع قياس الزاويتين المعلومتين

$$\text{الحل} \quad 1 \quad 75 + 45 = 120$$

طرح مجموع الزاويتين من 180

$$180 - 120 = 60$$

$$س = 60$$

$$٢ = ٧٥ + ٧٥ - ١٥٠$$

جمع قياس الزاويتين المعلومتين

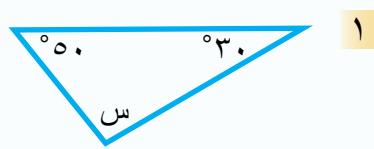
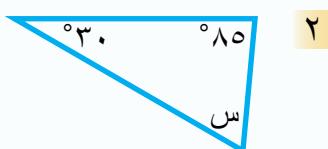
$$\text{طرح مجموع الزاويتين من } ١٨٠$$

$$٣٠ = ١٥٠ - ١٨٠$$

$$\text{س} = ٣٠$$

أحاوُلُ

أجد قياس الزاوية المجهولة في المثلثات الآتية:



أقيِّمْ تعلَّمي



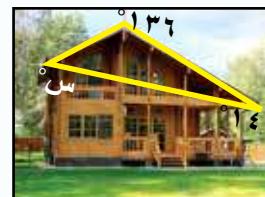
أجد قياس الزاوية المجهولة في كل شكلٍ مما يأتي:



(٢)



(١)



(٣)

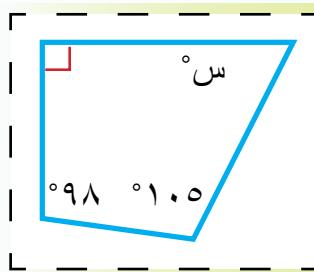
اكتشف الخطأ، وأصححه، مبرراً إجابتي:

ادعَتْ ليلي أنَّها رسمَتْ مثلثاً قياساتُ زواياه: $٤٠^\circ, ٥٥^\circ, ١١٠^\circ$

أجد قيمةَ كُلِّيَّةِ س، ص في الشكل المجاور:



ثانيًا: مجموع قياسات زوايا الشكل الرباعي

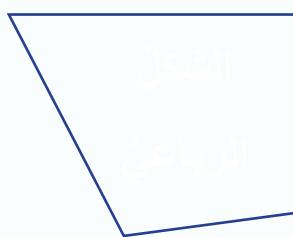


ما قياس الزاوية المجهولة في
الشكل الرباعي المجاور؟



ماذا سأتعلم؟

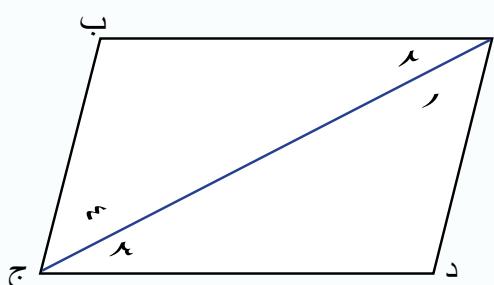
- مجموع قياسات زوايا
الشكل الرباعي



لَهُ أَرْبَعَةُ أَضْلاعٍ

لَهُ أَرْبَعُ زُوَايَا

مجموع قياسات زواياه = ?



نشاط



مجموع قياسات زوايا
المثلث = 180°

• أرسم شكلًا رباعيًّا كما في الشكل المجاور:

• أرسم القطر AJ ، فيقسم الشكل الرباعي إلى مثلتين.

• ألاحظ $\angle 1 + \angle 3 + \angle 2 + \angle 4 = 360^\circ$

• وألاحظ $\angle 2 + \angle 3 + \angle 1 + \angle 4 = 360^\circ$

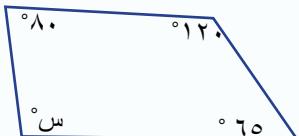
• $\angle 1 + \angle 2 = \angle A$

• $\angle 3 + \angle 4 = \angle J$ ،

إذن $\angle A + \angle B + \angle C + \angle D = 360^\circ$

إذن، مجموع قياسات زوايا الشكل الرباعي = 360°

مثال (١)



أجد قياس الزاوية المجهولة في الشكل المجاور:

الحل

مجموع قياسات الزوايا المعلومة

$$°265 = °80 + °65 + °120$$

طرح المجموع من

$$°360 = °265 - °360$$

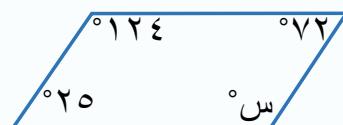
قياس الزاوية المجهولة

$$س = °95$$

أحاول



١ أجد قياس الزاوية المجهولة في كلٍ مما يأتي:



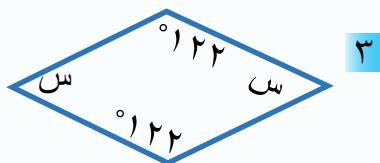
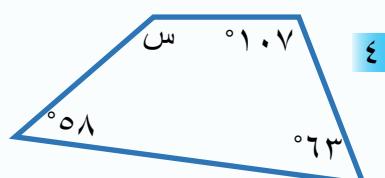
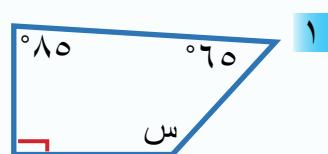
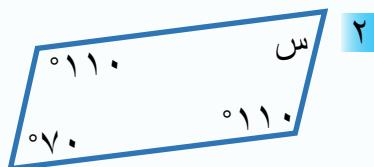
٢ قياس زوايا الشكل الرباعي هي:

$$124, 25, 72, س$$



أقيم تعلمى

١ أجد قياس الزاوية (س) في كلٍ من الأشكال الآتية:



٢ أكتشف الخطأ، وأبرر إجابتي:

قال سمير: رسمت شكلًا رباعيًّا قياسات زواياه ($115, 60, 50, 115$ درجة).

٣ شكل رباعيٌّ إحدى زواياه 60° ، والزوايا الثلاث الأخرى متساوية، فما قياس كل زاويةٍ منها؟

ثالثاً: حجم متوازي المستطيلات



ينتج مصنع مسحوق تنظيف، ويعمل في نوعين من العلب كما في الشكل، أي العلبتين حجمها أكبر؟



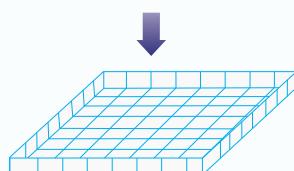
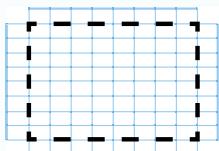
ماذا سأتعلم؟

- الحجم
- حجم متوازي المستطيلات
- حجم المكعب

نشاط

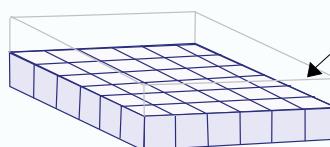
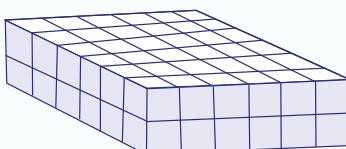


أحضر ورقة مربعات، وأقصى مربعاً طول ضلعه ١٠ وحدات، ثم أقصى مربعاً طول ضلعه وحدة واحدة من كل زاوية من زوايا الأربعة.

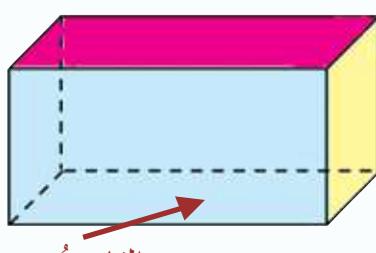


أطوي الأحرف، وأثبتها لتكون صندوقاً كما في الشكل، وأجيب بما يأتي:

- ما مساحة قاعدة الصندوق؟ وما ارتفاعه؟
- ما عدد المكعبات التي طول ضلعها «وحدة واحدة» يمكن وضعها في الصندوق؟
- أقارن بين حاصل ضرب مساحة القاعدة في الارتفاع وعدد المكعبات في السؤال (٢).
- أقارن إجابتي بإجابات ثلاثة من زملائي، ونتوصل معًا إلى صيغة لحساب حجم متوازي المستطيلات.



في الشكل، تحتاج الطبقة الواحدة إلى ٣٦ مكعبًا لملئها، ويحتاج الصندوق إلى $2 \times 36 = 72$ مكعبًا لملئه، فيكون حجم الصندوق 72 سم^3



حجم متوازي المستطيلات يساوي حاصل ضرب مساحة قاعدته المستطيلة في ارتفاعه.

إذن، حجم متوازي المستطيلات

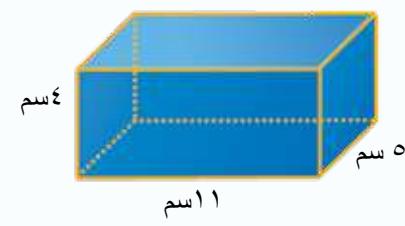
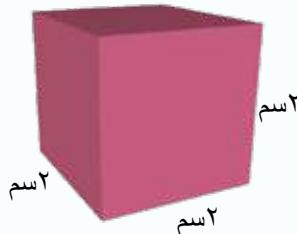
$$= \text{الطول} \times \text{العرض} \times \text{الارتفاع}$$

$$= \text{مساحة القاعدة} \times \text{الارتفاع}$$

وبما أن المكعب متوازي مستطيلات تساوى أبعاده، فيكون: حجم المكعب = (الضلع)^٣

مثال (١)

أجد حجم الأشكال الآتية:



الحل

$$1 \text{ حجم متوازي المستطيلات} = \text{الطول} \times \text{العرض} \times \text{الارتفاع}$$

$$= 11 \times 5 \times 4 = 220 \text{ سم}^3$$

$$2 \text{ حجم المكعب} = (\text{الضلع})^3$$

$$= 8^3 \text{ سم}^3$$

أحاوُلُ



أجد حجم كلٍ من:

١ متوازي مستطيلاتٍ أبعاده ٨ سم، ٢٠ سم، ٦ سم.

٢ مكعبٌ طول ضلعِه ٣ سم.

متوازي مستطيلات طوله ١٨٠ سم، وعرضه ١٠ دسم، أجد ارتفاعه إذا كان حجمه

$$3600 \text{ دسم}^3.$$

مثال (٢)

الحل

أوحّد الوحدات:

$$\text{الطول} = 180 \text{ سم} = 18 \text{ دسم}$$

كتابة القانون

$$\text{حجم متوازي المستطيلات} = \text{الطول} \times \text{العرض} \times \text{الارتفاع}$$

التعويض في القانون

$$3600 = 18 \times 10 \times \text{الارتفاع}$$

قسمة طرفي المعادلة على ١٨٠

$$\frac{3600}{180} = \frac{3600}{180} \times \text{الارتفاع}$$

تبسيط

$$\text{الارتفاع} = \frac{3600}{180} = 20 \text{ دسم}$$

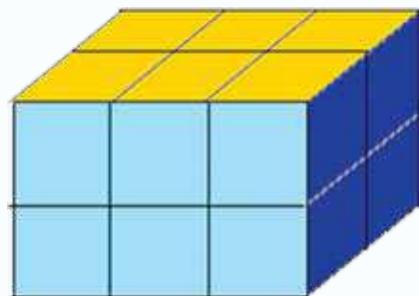
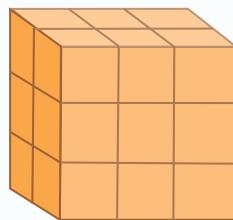
أحاوُلُ



متوازي مستطيلاتٍ حجمه ٤٠ م٣، وعرضه ٢ م، وارتفاعه ٤ م. أجد طوله.



١ أجد حجم كلٍ من المجلسيات الآتية علمًا أنَّ طول كلٍ من المكعبات الصغيرة وحدة واحدة:



٢ أجد أيُ العلبَيْن ذاتُ الحجم الأكْبَر في مسألة بداية الدرس.

٣ احتاج عبد الله إلى تعبئة لترتين من الوقود، ولديه وعاء على شكل متوازي مستطيلاتٍ أبعادُه $1, 8, 1$ م، $5, 36, 30$ م، هل يتسع الوعاء لكميَّة الوقود (علمًا أنَّ اللتر الواحد يعادل 1 دسم 3)؟ أبِرُّ إجابتني.

رابعاً: المساحة الجانبية والمساحة الكلية لمتوازي المستطيلات



يُصنَع جهازٌ على شكلٍ متساوٍ متساوٍ مستطيلاتٍ، ما مساحة سطح الجهاز اعتماداً على صورته المجاورة؟



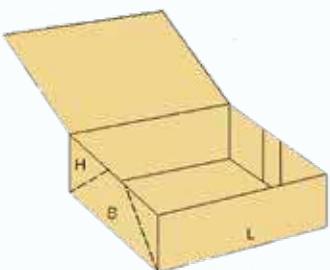
ماذا سأتعلّم؟

- المساحة الجانبية لمتوازي المستطيلات.
- المساحة الكلية لمتوازي المستطيلات.

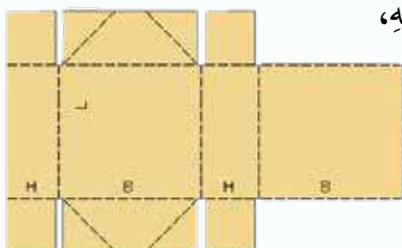
نشاط



الخطوة (١): أستعمل صندوقاً بقطاءٍ كما في الشكل المجاور، وأقيس ارتفاعه ومحيط وجهه العلوي أو السفلي، وأسجل ذلك.



الخطوة (٢): أسمّي الوجوه: العلوي، والسفلي، والأمامي، والخلفي، والجانبي.



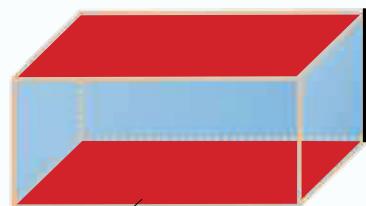
الخطوة (٣): أفتح الغطاء وأقص الصندوق في ٤ أحرفٍ كما في الشكل، ثم أفتح الصندوق وأضعه بشكلٍ مستوٍ لتكوين مخططه، وأقيس أبعاد كلٍّ وجهٍ وأسجلها. ثم أجيِّب عن الآتي:

- ١- أجِد مساحة كلٍّ وجهٍ، ثم أجِد مجموع تلك المساحات.
- ٢- أجِد ناتج ضربٍ محيط قاعدة الصندوق في ارتفاعه. ماذا يمثل ناتج الضرب؟

- ٣- أجمع ما حصلتُ عليه في السؤال (٢) إلى مجموع مساحة القاعدتين. ثم أقارن بين إجابتي السؤالين (١) و (٣)، وأسجل استنتاجي.
- ٤- أقارن ما توصلتُ إليه مع ما توصلتُ إليه ثلاثةً من زملائي على الأقل.

المساحة الجانبية لسطح مجسم هي مجموع مساحات الأوجه الجانبية له. أما **المساحة الكلية** لسطح مجسم فهي مجموع مساحات أوجهه جميعها، وبما أنَّ أوجهه مستطيلة الشكل، ف تكون قاعده مستطيلة.

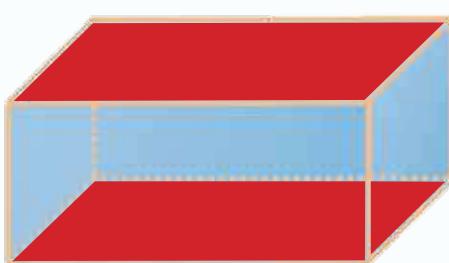
المِساحةُ الجانبيَّةُ لمتوازي المستطيلاتِ



$$= محيط القاعدة \times الارتفاع$$

$$= 2(\text{الطول} + \text{العرض}) \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{المِساحةُ الجانبيَّةُ للمكعب} = 4 \times (\text{طول الضلع})^2$$



$$\text{المِساحةُ الكليةُ لمتوازي المستطيلات} =$$

$$\text{المِساحةُ الجانبيَّةُ} + \text{مساحة القاعدتين}$$

$$\text{المِساحةُ الكليةُ للمكعب} = 6 \times (\text{طول الضلع})^2$$

متوازي مستطيلاتٍ طولُه ٧ م وعرضُه ٣ م وارتفاعُه ١٢ م، أجد مساحتهِ الجانبيَّة،

مثال (١)

والكلية؟

الحلُّ

$$\text{المِساحةُ الجانبيَّةُ} = محيط القاعدة \times \text{الارتفاع}$$

محيط القاعدة يساوي محيط المستطيل

$$12 \times (3 + 7) =$$

$$240 = 12 \times 10 \times 2 =$$

مساحة القاعدة تساوي مساحة المستطيل

$$\text{مساحة القاعدتين} = 2(3 \times 7) = 42 \text{ م}^2$$

$$\text{المِساحةُ الكليةُ} = \text{المِساحةُ الجانبيَّةُ} + \text{مساحة القاعدتين}$$

$$282 = 42 + 240 =$$

أحاوُلُ

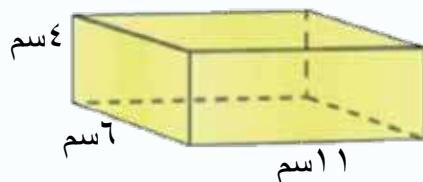
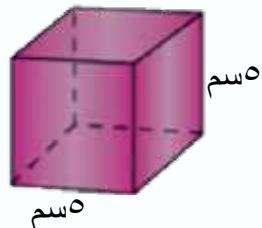


مكعبٌ طولُ ضلعِه ٤ سم، أحسب مساحتهِ الجانبيَّةَ ومساحتهِ الكلية؟

أقيِّمْ تعلّمي

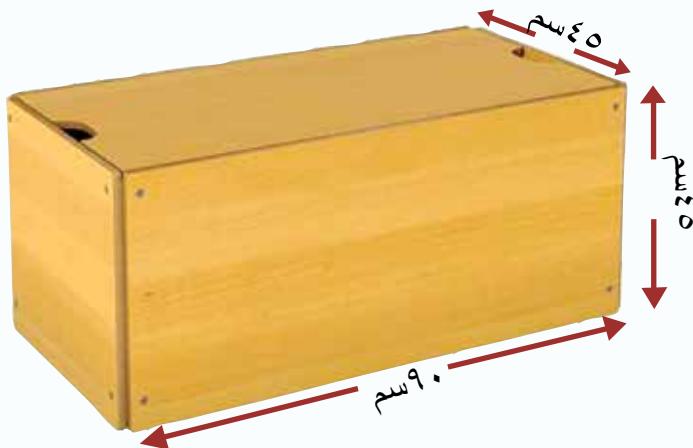


١ أجد المِساحةُ الجانبيَّةُ لـكُلِّ مِنَ الأشكالِ الآتيةِ:



٢ متوازيٍ مستطيلاتٍ طولُهُ ٤ م وعرضُهُ ٢ م، ومِساحتُهُ الجانبيَّةُ ٣٣٦ م٢، أجدُ:
ارتفاعُهُ ٢ مِساحتُهُ الكليةُ

٣ أرادَتْ هبَّةُ طلاءُ أوجِهِ الصُّندوقِ الخشبيِّ جمِيعَهَا في الشَّكْلِ المجاورِ، أجدُ المِساحةُ الجانبيَّةُ والكليةُ
التي تريِّدُ طلاءُهَا؟

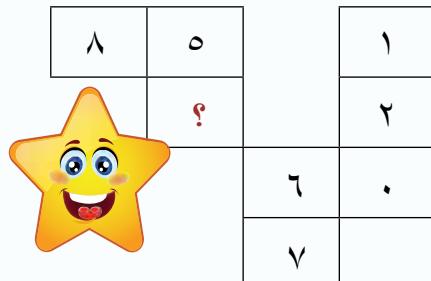
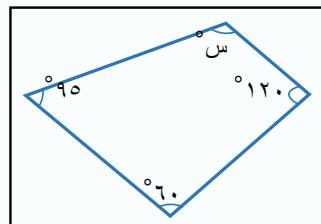
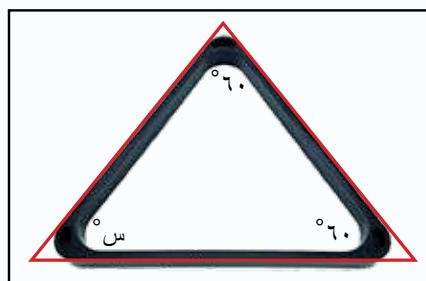
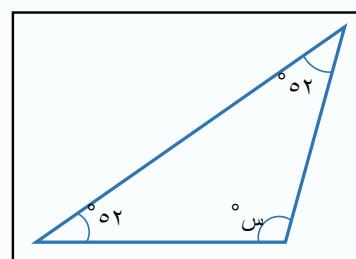
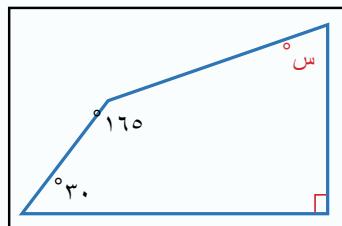


٤ أحَدُ إذا كانتِ الجملةُ الآتيةُ صحيحةً أمْ لا، مبررًا إجابتي:
(إذا زادَتْ أبعادُ مكعبٍ إلى مثَلِيهَا، فستزيدُ مِساحتُهُ سطحِهِ أربعةَ أمثالٍ).



العب معا

أجد قياس الزاوية المجهولة في كلٍّ من الأشكال الآتية، وأحدفه من لوحة الأرقام، لأجد الرقم المجهول:



بِسْمِ اللّٰهِ الرَّحْمٰنِ الرَّحِيْمِ