

الرياضيات

الصف الخامس

دليل المعلم

الوحدة الثالثة

مخطط الوحدة



عدد الحصص	الأدوات والموارد	المصطلحات	الأهداف	المحتوى
1	- مقدمة الوحدة من دليل المعلم. - صفحة التهيئة من كتاب التمارين.		- تعريف بالوحدة وأهدافها. - التحقق من تمكّن الطلبة للمعلومات السابقة اللازمة.	المقدمة والتهيئة.
2	بطاقات، أقلام، أوراق.	قابلية القسمة Divisibility.	اختبار قابلية القسمة على الأعداد 4 و 6 و 9.	الدرس 1: قابلية القسمة على 4، 6، 9.
2	بطاقات، أقلام، أوراق، حجر نرد.	تحليل factoring، عامل Factor، عدد أولي prime number، شجرة العوامل Factor tree.	تحليل العدد إلى عوامله الأولية.	الدرس 2: تحليل العدد إلى عوامله الأولية.
2	حجر نرد، قلم، أوراق، اللوح.	العامل المشترك الأكبر greatest common factor.	إيجاد العامل المشترك الأكبر لعددين.	الدرس 3: العامل المشترك الأكبر.
2	بطاقات، أقلام، أوراق، حجر نرد.	المضاعف multiple، المضاعف المشترك الأصغر Lowest common multiple.	إيجاد المضاعف المشترك الأصغر لعددين.	الدرس 4: المضاعف المشترك الأصغر.
2		مربع العدد square number، المربع الكامل . Perfect square.	إيجاد مربع العدد، والجذر التربيعي للعدد.	الدرس 5: مربع العدد والجذر التربيعي.
1	المراجعة وعرض نتائج المشروع			
12	الاختبار			

الْوَحْدَةُ 3

خصائص الأعداد

لماذا ندرس خصائص الأعداد؟

لخصائص الأعداد أهمية كبيرة في حياتنا، ومن ذلك حساب الوقت مثلاً. فإذا كان يجب أن أتناول حبة دواء كل 8 ساعات، وحبة دواء أخرى كل 12 ساعة، فإن دراسة بعض خصائص الأعداد في هذه الوحدة، ستمكنني من معرفة متى يصادف تناوُل الدواءين في الوقت نفسه؛ إن أتبعَت النمط بدقة.



نظرة عامة حول الوحدة:

في هذه الوحدة يتعلّم الطلبة قواعد القسمة لإيجاد قابلية قسمة عدد على 4، 6، 9. كما يتعلّمون طريقة شجرة العوامل وطريقة القسمة المتكررة؛ لإيجاد العوامل الأولية لعدد ما، وتطبيق ما سبق في حل مسائل حياتية.

كما سيستعمل الطلبة ما تعلموه من حقائق الضرب الأساسية لمعرفة مربع العدد، والذي يمكن إيجاد جذره التربيعي، وسيتم الإشارة إلى أن تربيع العدد والجذر التربيعي عمليتان متعاكستان، يمكن الربط بينهما باستعمال مساحة المربع، ولوحة الأعداد.

سأتعلّم في هذه الوحدة:

- اختبار قابلية القسمة على الأعداد: 4، 6، 9.
- تحليل عدد إلى عوامله الأولية.
- إيجاد العامل المشترك الأكبر، والمضاعف المشترك الأصغر لعددين مختلفين أو أكثر.
- إيجاد مربع العدد وتحديد الجذر التربيعي للمربع الكامل.

تعلّمت سابقاً:

- ✓ اختبار قابلية القسمة على الأعداد: 2، 3، 5، 10.
- ✓ توظيف قابلية القسمة في تحديد عوامل العدد.
- ✓ تمييز الأعداد الأولية من غير الأولية.
- ✓ إيجاد عوامل عدد مكون من منزلتين.

الترابط الرأسي بين الصفوف

الصف الرابع

- تمييز قابلية القسمة على 2 و3 و5 و10؛ باستعمال حقائق القسمة، مع التبرير.
- إيجاد عوامل عدد ما.
- تمييز الأعداد الأولية من الأعداد غير الأولية (باستعمال قابلية القسمة).
- تحليل الأعداد إلى عواملها الأولية؛ عن طريق شجرة العوامل، وحل مسائل عليها.

الصف الخامس

- تمييز قابلية القسمة على 4 و6 و9؛ باستعمال حقائق القسمة، مع التبرير.
- إيجاد عوامل عدد ما.
- إيجاد القاسم المشترك الأكبر بين عددين، وحل مسائل عليه.
- إيجاد المضاعف المشترك الأصغر بين عددين، وحل مسائل عليه.
- إيجاد مربع العدد والجذر التربيعي للعدد.

الصف السادس

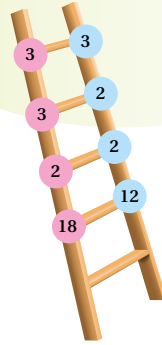
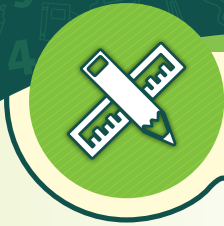
- إيجاد المربع الكامل لعدد معطى.
- حساب الجذر التربيعي لمربع كامل ضمن 1000.
- استعمال الجذر التربيعي لمربع كامل في حل مسائل.
- إيجاد مكعب عدد معطى.
- حساب الجذر التكعيبي لمكعب كامل ضمن 1000.

إرشادات مشروع الوحدة:

يهدف هذا المشروع إلى تعزيز مهارات البحث عند الطلبة، والعمل بروح الفريق لتحقيق النجاح وتنمية الثقة بالنفس ومهارات التواصل، وتطبيق الرياضيات في حياتنا اليومية.

- ناقش الطلبة في الأدوات المطلوبة.
- وزّع الطلبة في مجموعات ذات قدرات علمية متفاوتة خماسية أو سداسية (وحدّد مقررًا لكل مجموعة).
- ناقش الطلبة في مشروع الوحدة، وتحقّق من وضوح خطوات تنفيذه للجميع.
- عرّف الطلبة بأهمية المشروع في تنمية مهارات الحساب والتفكير والعمل بروح الفريق الواحد.
- بيّن أن الخطوة الثانية ستنفذ بعد أخذ الدرس الثالث، وكذلك الفرع 2 في الخطوة الثالثة سينفذ بعد أخذ الدرس الرابع، والفرع 1 من الخطوة نفسها سينفذ بعد أخذ الدرس الخامس، وأكد على ضرورة توزيع الأدوار وتبادلها بين الطلبة.
- عند انتهاء الوحدة، حدّد وقتًا مناسبًا لعرض النتائج التي توصل إليها الطلبة وناقشهم فيها.
- اطلب إلى طلبة المجموعة جميعهم، المشاركة في عرض جزء من نتائج المشروع.
- ناقش الطلبة في معايير تقييم عملهم مستعينًا بسلم التقدير.

مَشْرُوعُ الْوَحْدَةِ: أَنَا نَجَارُ



المُضَاعَفُ الْمُشْتَرَكُ الْأَصْغَرُ لِعَدَدَيْنِ:
أَسْتَغْمِلُ السُّلَمَ في إيجاد (م. م. أ.)
لِعَدَدَيْنِ، فَأَحْلِلُ الْعَدَدَيْنِ إِلَى عَوَامِلِهِمَا
الْأَوَّلِيَّةِ، وَأَقْصُ قِطْعَ الْكَرْتُونِ الْمُكَوَّنِ
عَلَى شَكْلِ دَوَائِرٍ، وَأَكْتُبُ الْأَعْدَادَ
وَعَوَامِلَهَا الْأَوَّلِيَّةَ عَلَيْهَا، وَأَحْدُدُ لَوْنًا
خَاصًّا لِكُلِّ عَدَدٍ وَعَوَامِلِهِ الْأَوَّلِيَّةِ، ثُمَّ
أَجِدُ (م. م. أ.) لِلْعَدَدَيْنِ وَأَكْتُبُهُ.

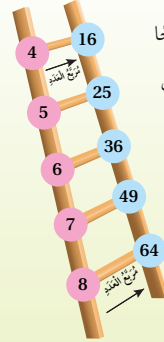
أَسْتَعِدُّ وَرْمَلَاتِي لِتَنْفِذِ مَشْرُوعِي الْخَاصِّ الَّذِي
سَأَسْتَغْمِلُ فِيهِ مَا تَعَلَّمْتُهُ فِي هَذِهِ الْوَحْدَةِ لِصَنْعِ سُلَمٍ الْعَوَامِلِ.
هَدَفُ الْمَشْرُوعِ: تَنْبِيْهُ مَهَارَاتِ التَّحْلِيلِ وَالرَّبْطِ وَالنَّمْدَجَةِ
بِاسْتِعْمَالِ خُصَائِصِ الْأَعْدَادِ.

الْمَوَادُّ وَالْأَدَوَاتُ اللَّازِمَةُ: قِطْعٌ مِنَ الْفُلَيْسِ أَطْوَالُهَا
(45 cm, 30 cm, 60 cm, 60 cm)، لَاصِقٌ، قِطْعٌ
كَرْتُونٍ صَغِيرَةٌ مُلَوَّنَةٌ، أَقْلَامٌ تَلْوِينٍ.

خُطُواتُ تَنْفِذِ الْمَشْرُوعِ:

- 1 أَجْعَلُ قِطْعَتِي الْفُلَيْسِ الْمُسَاوِيَّتَيْنِ فِي الطُّولِ حَافَتِي
السُّلَمِ.
- 2 أَسْتَغْمِلُ (ع. م. أ.) لِأَقْسِمِ الْقِطْعَتَيْنِ اللَّتَيْنِ طُولُ كُلِّ
مِنْهُمَا 30 cm و 45 cm إِلَى قِطْعٍ مُتَسَاوِيَةٍ، وَأَصْنَعُ
مِنْهُمَا دَرَجَاتِ السُّلَمِ.
- 3 أَسْتَغْمِلُ السُّلَمَ فِي تَنْفِذِ الشَّاطِئَيْنِ الْآتِيَيْنِ:

مُرَبَّعاتُ الْأَعْدَادِ: أَصْنَعُ نَمُودَجًا
يَرْتَبِطُ الْعَدَدُ بِمُرَبَّعِهِ بِقِصَصٍ
قِطْعَ الْكَرْتُونِ الْمُكَوَّنِ عَلَى
شَكْلِ دَائِرَةٍ، وَكِتَابَةِ الْأَعْدَادِ
وَمُرَبَّعَاتِهَا عَلَى الْقِطْعِ، مَعَ
ضَرُورَةٍ تَحْدِيدِ لَوْنٍ لِلْأَعْدَادِ
وَلَوْنٍ آخَرَ لِمُرَبَّعَاتِهَا.



57

أداة تقويم المشروع

الرقم	المعيار	1	2	3
1	إنهاء معظم خطوات المشروع كما هو مطلوب.			
2	تنظيم نتائج المشروع وعرضها بشكل مناسب على الكرتونية البيضاء أو برنامج (بوربوينت - PowerPoint).			
3	تنظيم محتويات المطوية من حيث: الترتيب، الوضوح، الجمال والجاذبية.			
4	مميزات أسلوب عرض النتائج: الثقة بالنفس، الصوت الواضح، توزيع النظر، وضوح المعلومة وبيانها.			
5	قص الفلين وتلوينه بشكل منتظم ومرتب.			
6	لصق القطع بشكل منتظم ومرتب.			

- 1 إنجاز المهمة بوجود أكثر من خطأ.
- 2 إنجاز المهمة بوجود خطأ بسيط.
- 3 إنجاز المهمة بصورة صحيحة من دون خطأ.

خَصَائِصُ الْأَعْدَادِ

الْوَحْدَةُ 3

أَسْتَعِدُّ لِدِرَاسَةِ الْوَحْدَةِ

أَجِدْ نَاتِجَ الضَّرْبِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

1 $7 \times 5 = 35$

2 $4 \times 4 = 16$

3 $6 \times 6 = 36$

4 $9 \times 12 = 108$

5 $8 \times 6 = 48$

6 $32 \times 3 = 96$

أَجِدْ نَاتِجَ الْقِسْمَةِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

7 $27 \div 3 = 9$

8 $56 \div 8 = 7$

9 $64 \div 4 = 16$

10 $72 \div 6 = 12$

11 $39 \div 3 = 13$

12 $88 \div 8 = 11$

اَكْتُبِ الْمُضَاعَفَاتِ الْأَرْبَعَةَ الْأُولَى لِكُلِّ عَدَدٍ مِمَّا يَأْتِي:

13 $3, 6, 9, 12$

14 $6, 12, 18, 24$

15 $8, 16, 24, 32$

16 أَخِذْ الْأَعْدَادِ الْآتِيَةَ يَقْبَلُ الْقِسْمَةَ عَلَى 2 و 3 معًا:

523 (د)

5166 (ج)

123 (ب)

244 (أ)

17 أَيُّ الْأَعْدَادِ الْآتِيَةِ عَدَدٌ أَوَّلِيٌّ؟

12 (د)

8 (ج)

9 (ب)

5 (أ)

أَسْتَعِدُّ لِدِرَاسَةِ الْوَحْدَةِ:

استعمل أسئلة أستعد لدراسة الوحدة في كتاب التمارين بوصفها اختبارًا تشخيصيًا، لقياس مدى تمكن الطلبة من المعرفة السابقة اللازمة لدراسة هذه الوحدة.

• اطلب إلى الطلبة حل أسئلة الاختبار بشكل فردي، وتجوّل بينهم وسجّل ملاحظاتهم حول نقاط الضعف لديهم.

• إذا واجه بعض الطلبة صعوبة في مضاعفات العدد: ذكّرهم بأن مضاعف العدد هو: 1 ضرب العدد، 2 ضرب العدد، وهكذا

• إذا واجه بعض الطلبة صعوبة في تحديد قابلية القسمة على العددي 2 و 3؛ ذكّرهم بأن العدد يقبل القسمة على العدد 2 إذا كان زوجيًا (منزلة الأحاد عدد زوجي)، وأن العدد يقبل القسمة على 3 إذا كان مجموع منازلها (يقبل القسمة على 3).

• إذا واجه بعض الطلبة صعوبة في تحديد العدد الأولي، ذكّرهم بأن العدد الأولي هو العدد الذي له عاملان فقط: نفسه والعدد 1، واذكر لهم الأمثلة الآتية: 2، 3، 5، ...

• ناقش الطلبة في أوجه الصعوبة التي واجهها بعضهم، واكتبها على اللوح.

تدريبات إضافية

أوجد ناتج كل مما يلي:

1 15×8

2 $48 \div 4$

3 $816 \div 8$

4 36×12

اكتب المضاعفات الخمسة الأولى لكل عدد مما يلي:

5 7

6 6

7 4

8 9

حدد ما إذا كان كل عدد مما يلي أوليًا أو غير أولي:

9 2

10 8

11 9

12 19



الهدف:

- اختبار إذا كان ناتج الضرب قابلاً للقسمة على الأعداد 4 و6 و9.
- تقديم علاقة بين مضاعفات الأعداد وعواملها.

خطوات العمل:

- اكتب على بطاقات:

$$700 \times 60, 24 \times 18, 20 \times 11, 50 \times 30$$

$$34 \times 32, 28 \times 63, 72 \times 32, 29 \times 53, 80 \times 70$$

- اطلب إلى الطلبة إيجاد ناتج الضرب للأعداد، وتحديد إذا كانت الإجابة قابلة للقسمة على 4، 6، 9.
- اسأل الطلبة: إذا كان أحد الرقمين المضروبين قابلاً للقسمة على العدد 4 مثلاً، فهل ناتج الضرب للرقمين يقبل القسمة على 4؟
- كرّر السؤال نفسه بعدد من مضروبين آخرين وقابلية القسمة على العدد 6، والعدد 9.
- استنتاجاتك الخاصة: (نعم، ضرب عددين لن يُغيّر من قابلية القسمة).



الهدف:

إيجاد العامل المشترك الأكبر لعددين.

خطوات العمل:

- أعطِ المجموعة الأولى 5 بطاقات على كل بطاقة رقمان مختلفان، واطلب إليهم كتابة العامل المشترك الأكبر لكل بطاقة.
- أعطِ المجموعة الثانية 5 بطاقات على كل بطاقة رقمان مختلفان، واطلب إليهم كتابة العامل المشترك الأكبر لكل بطاقة.
- أعطِ المجموعة الثالثة 5 بطاقات على كل بطاقة رقمان مختلفان، واطلب إليهم كتابة العامل المشترك الأكبر لكل بطاقة.
- أعطِ المجموعة الرابعة 5 بطاقات على كل بطاقة رقمان مختلفان، واطلب إليهم كتابة العامل المشترك الأكبر لكل بطاقة.

ملحوظة: الأعداد جميعها تكون بين 10 و99، والمجموعة التي تقوم بكتابة العامل المشترك للبطاقات جميعها بشكل صحيح وفي الوقت الذي يُحدده المعلم تكون هي الفائزة.

الهدف:

معرفة أنه ليس بالضرورة أن يكون ناتج جمع مربع أي عددين هو مربع.

خطوات العمل:

- وزّع الطلبة في مجموعات بحيث يكون كل طالبين في مجموعة.
- اطلب إلى كل طالب وزميله أن يكتب كل منهما عددًا يختلف عن الآخر، بحيث تكون الأعداد بين (1 - 10).
- يجد كل منهما مربع العدد الذي كتبه زميله، ثم يجمع الطالبان العددين لمعرفة أن ناتج الجمع هو مربع كامل أم لا.

الهدف:

تكوين بطاقة مصطلح لمصطلحات الدروس.

المواد والأدوات:

بطاقات وأقلام.

خطوات العمل:

- وزّع الطلبة في مجموعات ثنائية.
- اطلب إلى الطلاب تصميم بطاقات لمفاهيم الدروس ومصطلحاتها، بحيث تكون نموذجاً بصرياً لمصطلحات الدروس، يساعدهم على تذكرها.
- تتضمن البطاقة التعريف ورسم أو صورة أو شكلاً، ومثالاً على المصطلح، وسؤالاً عليه، كما في البطاقة أدناه:

نموذج	
المربع الكامل للعدد	
التعريف	صورة أو رسم
هو ناتج ضرب العدد الكلي في نفسه.	
مثال	سؤال
مربع العدد 4 هو 4^2 أو $4 \times 4 = 16$	أي الأعداد التالية مربعاً كاملاً؟
لذا 16 مربع كامل	64 27 15

المصطلح	
التعريف	صورة أو رسم
مثال	سؤال

مشروع الوحدة:

- وزّع الطلبة في مجموعات صغيرة ذات قدرات علمية متفاوتة.

نتائج الدرس:

- يختبر قابلية القسمة على الأعداد 4, 6, 9.

المصطلحات:

قابلية القسمة divisibility.

المصادر والأدوات:

أوراق بيضاء، أقلام، اللوح.

التعلم القبلي:

- تمييز قابلية القسمة على 2 و 3 و 5 و 10.
- تمييز مضاعفات العدد 9.

التهيئة

1

نشاط (مقدمة للطلبة) نستعمل القسمة في الرياضيات كثيراً في حياتنا اليومية، مثل تقسيم أعداد كبيرة إلى مجموعات متساوية. اسأل الطلبة:

- « هل نستطيع تقسيم العدد 36 إلى 4 مجموعات متساوية؟ نعم.
- « هل نستطيع تقسيم العدد 36 إلى 6 مجموعات متساوية؟ نعم.
- « هل نستطيع تقسيم العدد 36 إلى 9 مجموعات متساوية؟ نعم.
- تقبل إجابات الطلبة جميعها.

قابلية القسمة على 4, 6, 9

1

الدرس



استكشف

أرادت أسماء زراعة 612 بذرة؛ فهل تستطيع تقسيم البذور في 4 أو عية بالتساوي؟

فكرة الدرس

أبحث قابلية القسمة على الأعداد 4, 6, 9.

الفضوليات

قابلية القسمة

أنت تعلم

تعلّمت سابقاً قابلية القسمة (divisibility) على 2 وعلى 3، وسأتعلم اليوم قابلية القسمة على 4, 6, 9.

يقبل العدد القسمة على 9

إذا كان مجموع أرقام منازلها يقبل القسمة على 9.

يقبل العدد القسمة على 6

إذا كان العدد يقبل القسمة على 2 و 3 معاً في الوقت نفسه.

يقبل العدد القسمة على 4

إذا كان أول رقمين (أحد العددين وعشراته) يقبلان القسمة على 4.

مثال 1

1. أبحث قابلية قسمة العدد 4816 على 4.

4816



الأحاد والعشرات 16.

العدد 16 يقبل القسمة على 4.

لذا، فإن العدد 4816 يقبل القسمة على 4.

1836



بما أن مجموع أرقامه:

$$6 + 3 + 8 + 1 = 18$$

فالعدد 18 يقبل القسمة على 9.

لذا، فإن العدد 1836 يقبل القسمة على 9.

القيم العابرة للمواد:

أكد على المفاهيم العابرة للمواد حيثما وردت في كتاب الطالب أو التمارين، في فقرة استكشف عزز الوعي بالتفكير الإبداعي عند الطلبة وناقشهم بأهمية الزراعة حيث كمصدراً أساسياً للغذاء، وتوفير فرص عمل للعاطلين عن العمل وغيرها.

إرشادات للمعلم

إذا واجه الطلبة صعوبة في استيعاب مفهوم قابلية القسمة فوجههم إلى نشاط رقم 4 لتكوين بطاقة تتضمن المصطلح أو المفهوم ورسماً يمثله، ومثالاً عليه، ويقترحون سؤالاً يمكن أن يسأل عليه، ويحتفظوا في البطاقات في ملفاتهم.

- وجه الطلبة إلى قراءة فقرة **استكشف**، واسأل:

- « ما أهمية الزراعة في حياتنا؟ مصدر غذائي مهم للكائنات الحية.
- « لماذا نهتم بزراعة الأشجار في صفوف متساوية؟ **لتهويتها، ولجمال المنظر.**
- « هل يجب ترك مسافات بين الأشجار عند زراعتها؟ **نعم، لتهويتها ولتنظيم سقي الأشجار.**
- « إذا أرادت أسماء زراعة 612 بذرة، فهل تستطيع تقسيم البذور في 4 أوعية متساوية؟ **نعم يمكنها ذلك، ويكون في كل وعاء 153 بذرة.**
- « هل توجد طريقة غير القسمة الطويلة تمكّننا من معرفة قابلية القسمة على العدد 4؟ **نعم توجد طريقة.**
- وجه الطلبة إلى وجود طرائق مختلفة للتأكد من وجود باقٍ عند قسمة عدد على عدد آخر، والتي سيتعرفون إليها عن طريق الدرس.
- تقبل إجابات الطلبة جميعها.

ملاحظات المعلم

التدريس

3

- راجع الطلبة بمضاعفات العدد 4، والأعداد التي تقبل القسمة على 2 وعلى 3، ومضاعفات العدد 9، ثم اسأل:
- « هل العدد 16 من مضاعفات العدد 4؟
- « هل يقبل العدد 30 القسمة على العدد 6؟
- « هل العدد 27 من مضاعفات العدد 9؟
- ناقش مع الطلبة الأمثلة الموجودة بفقرة **أتعلم**، وهل يقبل العدد القسمة على 4 و6 و9.

تعزيز اللغة ودعمها:

كرّر المصطلح: (قابلية القسمة divisibility) أمام الطلبة، واحرص على استعماله من قبلهم.

مثال 1

- ناقش الطلبة في حل المثال على اللوح عن طريق توجيه السؤالين الآتيين:

- « هل يقبل العدد 16 القسمة على 4؟
- « هل يقبل العدد 4816 القسمة على 4؟
- حل الفرع الأول على اللوح، واسأل الطلبة في الفرع الثاني:
- « ما مجموع منازل العدد 1836؟
- « هل يقبل مجموع منازل العدد 1836 القسمة على 9؟
- « هل يقبل العدد 1836 القسمة على 9؟
- حل الفرع الثاني على اللوح.

التقويم التكويني: ✓

وجه الطلبة إلى فقرة **أتحقق** من فهمي، واطلب إليهم حل السؤال، وفي أثناء ذلك تجوّل بينهم وزوّدهم بالتغذية الراجعة. قدّم الدعم الكافي للطلبة ذوي التحصيل المتوسط ودون المتوسط حيثما لزم.

مثال 2: من الحياة



- تحدّث للطلبة عن أهمية البحث والرحلات العلمية، ودورها في تنمية مهارة الاستكشاف والتطور عند الإنسان.
- وجّه الطلبة إلى قراءة المثال، واطلب إليهم تحديد المطلوب من المسألة.
- ناقش الطلبة في الأسئلة الآتية:
- هل يقبل العدد 112 القسمة على 2؟ لماذا؟
- هل يقبل العدد 112 القسمة على 3؟ لماذا؟
- هل يقبل العدد 112 القسمة على 6؟ لماذا؟

التقويم التكويني:

- وجّه الطلبة إلى فقرة أتحدّق من فهمي، ووزّع الطلبة في مجموعتين، بحيث تبحث المجموعة الأولى قابلية القسمة على 4، وتبحث المجموعة الثانية قابلية القسمة على 9، وفي أثناء ذلك تجوّل بينهم وزوّدهم بالتغذية الراجعة. قدّم الدعم الكافي للطلبة ذوي التحصيل المتوسط ودون المتوسط حيثما لزم.
- اختر بعض الإجابات التي تحتوي على أخطاء مفاهيمية وناقشها على اللوح، ولا تذكر اسم صاحب الخطأ أمام الصف تجنباً لإحراجه.

التدريب

4

- وجّه الطلبة إلى فقرة أتدرب وأحلّ مسائل، واطلب إليهم حل الأسئلة من (1 - 9) وفي أثناء ذلك تجوّل بينهم وزوّدهم بالتغذية الراجعة.

الواجب المنزلي:

وجّه الطلبة إلى حل المسائل الفردية في كتاب التمارين، وقدّم لهم التغذية الراجعة في اليوم التالي، ثم اطلب إليهم حل المسائل الزوجية في اليوم التالي، وقدّم لهم التغذية الراجعة والمساعدة حيث ما لزم، ووجّه الطلبة إلى حل السؤالين 9 و10.

الوَخْذَةُ 3

أتحدّق من فهمي:

- 1 أبحث قابلية قسمة العدد 5124 على 4.
- 2 أبحث قابلية قسمة العدد 1233 على 9.

لقابلية القسمة الكثير من التطبيقات الحياتية، كما في المثال الآتي:



أنذّر

يقبل العدد القسمة على 2: إذا كان العدد زوجياً.
يقبل العدد القسمة على 3: إذا كان مجموع أرقام متواليه يقبل القسمة على 3.
يقبل العدد القسمة على 5: إذا كان رقم آخيره 0 أو 5.

مثال 2: من الحياة

رحلات: يرغب معلّم العلوم في اصطحاب 118 طالباً في رحلة علمية؛ فهل يمكن توزيع الطلبة جميعهم في 6 حافلات بالتساوي؟

أختبر قابلية قسمة العدد 118 على 6.
العدد 118 يقبل القسمة على 2 لأنّ أحاده عدد زوجي.
العدد 118 لا يقبل القسمة على 3 لأنّ مجموع أرقامه 10.
إذن: العدد 118 لا يقبل القسمة على 6 لأنّه لا يقبل القسمة على 3.

أتحدّق من فهمي:

صورة: التقط مصوّر 144 صورة لسدّ وادي العرب. هل يمكنه وضع الصور في 6 لوحات جدارية بالتساوي؟

أتدرب وأحلّ المسائل

1-6 انظر الهامش

- أبحث قابلية قسمة كلّ عددٍ ممّا يأتي على 4:
- 1 25484
 - 2 58446
 - 3 7846770
- أبحث قابلية قسمة كلّ عددٍ ممّا يأتي على 6:
- 4 1452
 - 5 11341
 - 6 54210

إجابات:

- 1 العدد 25484 يقبل القسمة على 4؛ لأن أول منزلتين 84 تقبل القسمة على 4.
- 2 العدد 58446 لا يقبل القسمة على 4؛ لأن أول منزلتين 46 لا تقبلان القسمة على 4.
- 3 العدد 7846770 لا يقبل القسمة على 4؛ لأن أول منزلتين 70 لا تقبلان القسمة على 4.
- 4 العدد 1452 يقبل القسمة على 6؛ لأنه يقبل القسمة على 2 وعلى 3.
- 5 العدد 11341 لا يقبل القسمة على 6؛ لأنه لا يقبل القسمة على 2.
- 6 العدد 54210 يقبل القسمة على 6؛ لأنه يقبل القسمة على 2 وعلى 3.

تنويع التعليم

وجه الطلاب الى لوحة المئة، واطلب اليهم وضع دائرة حول الأعداد التي تقبل القسمة على 2، وتظليل الأعداد التي تقبل القسمة على 3، ثم استنتاج الأعداد التي تقبل القسمة على 6

مهارات التفكير

- وجّه الطلبة إلى حل الأسئلة في مجموعات ذات قدرات علمية متفاوتة ثلاثية أو رباعية، واطلب إليهم قراءة المسائل بدقة وتحديد المطلوب منها، بحيث يساعد الطلبة المتميزون زملاءهم من ذوي المستوى المتوسط وما دون المتوسط.
- ناقش الطلبة في **مسألة مفتوحة** (12 - 16) واطلب إلى كل واحد منهم تقديم حلّين على الأقل.
- ناقش الطلبة في سؤال **تحدّ**، وساعدهم على إيجاد العدد المفقود.

الإثراء

وجه الأسئلة الآتية لإثراء تعلم الطلبة:

- هاتِ مثلاً لعددین مجموعهما يقبل القسمة على 4، ولكن العددين لا يقبلان القسمة على 4.
- إذا كان العدد يقبل القسمة على 2 مرتين، فهل يقبل القسمة على 4؟ هاتِ أمثلة على ذلك.
- هاتِ مثلاً لعددین لا يقبلان القسمة على 2 ولا على 3 ولكن مجموعهما يقبل القسمة على 6؟
- هاتِ مثلاً لعدد يقبل القسمة على 4 وعدد آخر يقبل القسمة على 6، وحاصل طرهما يقبل القسمة على 9؟

الختام

- استعمل السؤال في فقرة **أُحدِّثْ**، للتأكد من فهم الطلبة لموضوع الدرس، ووجه الطلبة ذوي المستوى المتوسط ودون المتوسط إلى الإجابة عن السؤال.
- بعد الانتهاء من هذا الدرس، نفذ نشاط رقم 1 مع الطلبة بوصفه نوعاً من الإثراء داخل الغرفة الصفية.

أَبَحْتُ قَابِلِيَّةَ قِسْمَةِ كُلِّ عَدَدٍ مِمَّا يَأْتِي عَلَى 9: 7-9 انظر الهامش

7 1233

8 49338

9 4512

أَصْعُ إِشَارَةً (✓) عِنْدَ الْعَدَدِ الَّذِي يَقْبَلُ الْقِسْمَةَ عَلَى 2, 3, 4, 6, 9.

	2	3	4	6	9
316	✓		✓		
1854	✓	✓		✓	✓
9126	✓	✓		✓	✓

— أَتَذَكَّرُ —

الأعداد الفردية والزوجية: تُسمى
الأعداد التي تقبل القسمة على
2 أعداداً زوجية، كما تُسمى
الأعداد التي لا تقبل القسمة على
2 أعداداً فردية.

زكاة: أَخْرَجَتْ مَا جَدَّةُ زَكَاةٍ أَمْوَالِهَا فَبَلَغَتْ قِيمَتُهَا 8676 دِينَارًا، فَهَلْ يُمَكِّنُهَا تَوَازِيْعُهَا

على 9 جَمْعِيَّاتٍ لِدَعْمِ الْفُقَرَاءِ بِالتَّسَاوِي؟ أُبَرِّرُ إِجَابَتِي.

عم يمكنها؛ لأن 8676 يقبل القسمة على 9؛ لأن $(27=8+6+7+6)$ و 27 يقبل القسمة على 9

زِرَاعَةٌ: أَعُودٌ إِلَى فِقْرَةٍ (أَسْتَكْشِفُ). هَلْ تَسْتَطِيعُ أَسْمَاءُ تَقْسِيمَ الْبُذُورِ فِي 4 أَوْعِيَةٍ

بالتساوي؟ أفسرُ إجابتِي.

نعم تستطيع. لأن 612 يقبل القسمة على 4. لأن 12 يقبل القسمة على 4.

مَسْأَلَةٌ مُفْتَوَحَةٌ: أَسْتَغْمِلُ الْأَرْقَامَ مِنْ 0 إِلَى 9 فِي تَعْيِيَةِ الْمُرْتَعَاتِ؛ لِتَكْوِينِ الْعَدَدِ الْمُنَاسِبِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

يَقْبَلُ الْقِسْمَةَ عَلَى 4 و 6. 600, 612, 636, 684, 648.

9 6 يَقْبَلُ الْقِسْمَةَ عَلَى 4 و 9. 936

يَقْبُلُ الْقِسْمَةَ عَلَى 5 و 6. 390, 360, 300

يَقْبُلُ الْقِسْمَةَ عَلَى 4 و 6 و 9 مَعًا. 3 432,936

تَحَدُّ: أَمَلًا الْفَرَاغَ بِأَصْغَرِ رَقْمٍ؛ بَحِثْ يُصْبِحُ الْعَدَدُ قَابِلًا لِلْقِسْمَةِ عَلَى:

17 **4:** 2462

18 **6:** 428

19 9: 59 16

24620

1428

59616

أَتَحَدَّثُ: أَشْرَحُ كَيْفَ يُمَكِّنُنِي تَحْدِيدُ قَابِلِيَّةِ الْعَدَدِ الْقِسْمَةِ عَلَى 9.

إذا كان مجموع المنازل يقبل القسمة على 9 (من مضاعفات العدد 9)؛ فإن العدد يقبل القسمة على 9.

60

مشروع الوحدة:

وجه الطلبة الى فقرة أولاً فى مشروع الوحدة.

إجابات:

(7) العدد 1233 يقبل القسمة على 9؛ لأن مجموع منازلها يقبل القسمة على 9.

(8) العدد 49338 يقبل القسمة على 9؛ لأن مجموع منازل يقبل القسمة على 9.

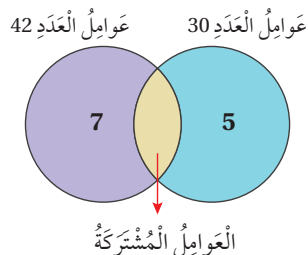
(9) العدد 4512 لا يقبل القسمة على 9؛ لأن مجموع منازل لا يقبل القسمة على 9.

خطوات العمل:

- اكتب على اللوح العددين 30 و 42.
- وضح للطلبة أن هدف النشاط استعمال أشكال فن لإيجاد العوامل المشتركة بين عددين.
- وزع الطلبة في مجموعات ثنائية، واطلب إليهم:
 - « كتابة عوامل العددين 30 و 42.
 - « مقارنة حلهم مع زملاء.
 - « كتابة العوامل المشتركة في منطقة تقاطع الدائرتين.
- وجه الطلبة إلى أن استعمال أشكال فن يساعد على ترتيب الحل.
- اطلب إلى الطلبة حل فقرة أفكر من (1 - 4) بالطريقة السابقة نفسها (أشكال فن).

أشكال (فن)

طريقة لتحليل البيانات وتنظيمها في مجموعتين أو أكثر باستعمال دوائر متداخلة، بحيث تكون العناصر المشتركة في منطقة التداخل.



الهدف: أجد العوامل المشتركة بين عددين أو أكثر.

يُمكِنُني استعمال شكل (فن)؛ في إيجاد العوامل المشتركة لعددين أو أكثر.

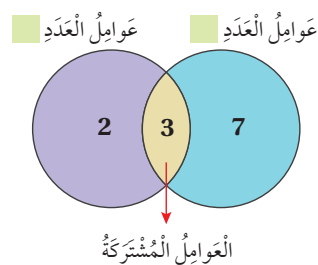
نشاط: استعمال شكل (فن).

استعمل شكل (فن) لإيجاد العوامل المشتركة بين العددين 30، 42.

- أجد عوامل العدد 30.
- أجد عوامل العدد 42.
- أكتب شكل (فن) الآتي؛ بكتابة عوامل كل عدد وكتابة العوامل المشتركة في منطقة تقاطع الدائرتين.
- أي إن العوامل المشتركة هي

أفكر:

- 1 أتبع الخطوات السابقة، وأجد العوامل المشتركة بين العددين 17، 13 باستعمال شكل (فن)، ماذا أستنتج؟
- 2 ما العددين اللذان تم تحليلهما باستعمال شكل (فن) أدناه؟



استعمل شكل (فن)؛ في إيجاد العوامل المشتركة بين كل عددين مما يأتي:

3 6، 12

4 20، 28

الدَّرْسُ 2 تحليل العدد إلى عوامله الأولية



اَسْتَكْشِفْ



نريدُ سَمِيَّةَ تُقسِمَ 36 مُكْعَبًا إلى
مَجْمُوعَاتٍ؛ بِحَيْثُ يَكُونُ عَدَدُ
المُكْعَبَاتِ في كُلِّ مَجْمُوعَةٍ عَدَدًا أَوَّلِيًّا،
هَلْ يُمَكِّنُنِي مُسَاعَدَتُهَا عَلَى إِيجَادِ عَدَدِ
المُكْعَبَاتِ في كُلِّ مَجْمُوعَةٍ؟

فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أَحْلُلُ العدد إلى عوامله الأولية.

المُصْطَلَحَاتُ

تَحْلِيلٌ ، عَامِلٌ ، عَدَدٌ أَوَّلِيٌّ ،
شَجَرَةُ العَوَامِلِ

اَتَعَلَّمْ



يُمَكِّنُنِي تَحْلِيلُ (factoring) العدد غير الأولي (العدد المركب) إلى (العوامل) (factors)؛ بِكَيْتَابَتِهِ عَلَى صُورَةٍ
نَاتِجِ ضَرْبِ أَعْدَادٍ أَوَّلِيَّةٍ (prime numbers)؛ بِاتِّبَاعِ طَرِيقِ عَدَّةٍ، مِنْهَا: شَجَرَةُ العَوَامِلِ (factor tree) (الأولوية).

مِثَالُ 1 أَحْلُلُ العدد 60 إلى عوامله الأولية؛ بِاسْتِعْمَالِ شَجَرَةِ العَوَامِلِ.



تَحْلِيلُ العدد 60 إلى عوامله الأولية: $60 = 2 \times 2 \times 3 \times 5$

اَتَحَقَّقْ مِنْ فَهْمِي: أَحْلُلُ العدد 40 إلى عوامله الأولية بِاسْتِعْمَالِ شَجَرَةِ العَوَامِلِ.

نَتَاجَاتُ الدَّرْسِ:

- يحلل العدد إلى عوامله الأولية.

المصطلحات:

تحليل factoring، عامل factor، عدد
أولي prime number، شجرة العوامل
factor tree.

المصادر والأدوات:

حجر نرد.

التعلم القبلي:

- تمييز الأعداد الأولية.
- تمييز العوامل الأولية.

1 التهيئة

ارم حجري نرد، ثم اضرب الناتج الظاهر على الوجه
العلوي لكليهما، واطلب إلى الطلبة كتابة الأعداد الأولية
التي تُمثِّل ناتج الضرب.

نشاط التكنولوجيا

- أنشئ مجموعة تواصل باستخدام إحدى تطبيقات التواصل، وأضف إليه أولياء
أمور الطلبة؛ لتتمكن من خلاله إرسال روابط الأنشطة التفاعلية التي تحتوي
عليها دروس هذا الكتاب.
- شجع الطلبة دخول الرابط

<https://www.geogebra.org/m/KDuaSGs3>

في المنزل ومتابعة أوراق العمل والأنشطة حول التحليل إلى العوامل الأولية.

تنويع التعليم

استعمل وسيلة حسية لتوضيح تحليل العدد إلى عوامله
الأولية، واطلب إلى الطلاب مشاركة حل المسائل على
اللوحة.

- وجّه الطلبة إلى فقرة **استكشف**، واسأل:
« هل تستطيع سميّة تقسيم 36 مكعباً إلى مجموعات، بحيث يكون عدد المكعبات في كل مجموعة عدداً أولياً؟ نعم.»
- « كم مجموعة يمكن لسميّة أن تُقسّم؟ 18 مجموعة أو 12 مجموعة.»
- تقبّل إجابات الطلبة جميعها.

التدريس

3

- راجع الطلبة في الأعداد الأولية، ثم اسأل:
« هل العدد 1 عدد أولي؟
« هل العدد 2 عدد أولي؟
« هل الأعداد الفردية جميعها أعداد أولية؟
- تقبّل إجابات الطلبة جميعها.
- ناقش الطلبة في فقرة **أتعلم**.

تعزيز اللغة ودعمها:

كرّر المصطلحات: (تحليل factoring، العامل factor، عدد أولي prime number، شجرة العوامل factor tree) أمام الطلبة، واحرص على استعمالها من قبلهم.

مثال 1

- ناقش الطلبة في حل المثال على اللوح؛ عن طيق توجيه الأسئلة الآتية:
« هل العدد 60 عدد زوجي؟
« هل يقبل العدد 60 القسمة على 2؟
« هل يقبل العدد 60 القسمة على أعداد أخرى غير العدد 2؟
« ما عدد عوامل العدد 60؟

التقويم التكويني:

- وجّه الطلبة إلى فقرة **أتحقّق** من فهمي، واطلب إليهم حل السؤال، وفي أثناء ذلك تجوّل بينهم وزوّدهم بالتغذية الراجعة. قدّم الدعم الكافي للطلبة ذوي التحصيل المتوسط ودون المتوسط حيثما لزم.

تنويع التعليم

عند تحليل عدد إلى عوامله الأولية، إذا واجه بعض الطلبة صعوبة في التحقق من أن العوامل التي حللوا إليها العدد هي عوامل أولية، فوجههم الى ضرورة التأكد من العوامل جميعها أولية، وأن ناتج ضربها يجب أن يعطي العدد الأصلي.

إرشادات للمعلم

إذا واجه الطلبة صعوبة في استيعاب مفاهيم الدرس فوجههم إلى نشاط رقم 4 لتكوين بطاقة تتضمن كل مصطلح أو مفهوم ورسماً يمثله، ومثالاً عليه، ويقترحون سؤالاً يمكن أن يسأل عليه، ويحتفظوا في البطاقات في ملفاتهم.

ملاحظات المعلم

الوَخْذَةُ 3

يُمْكِنُنِي أَيْضًا كِتَابَةُ الْعَدَدِ غَيْرِ الْأَوَّلِيِّ عَلَى صَوَرَةٍ نَاتِجٍ ضَرْبٍ أَعْدَادٍ أَوَّلِيَّةٍ بِاسْتِعْمَالِ طَرِيقَةِ الْقِسْمَةِ الْمُتَكَرِّرَةِ.

مثال 2: من الحياة

وُلِدَ جَلَالَةُ الْمَلِكِ عَبْدِ اللَّهِ الثَّانِي ابْنِ الْحُسَيْنِ فِي 30 مِنْ شَهْرِ كَانُونِ الثَّانِي. أُحْلِلَ الْعَدَدَ 30 إِلَى عَوَامِلِهِ الْأَوَّلِيَّةِ بِاسْتِعْمَالِ الْقِسْمَةِ الْمُتَكَرِّرَةِ.

2	30	3	30
3	15	2	10
5	5	5	5
	1		1

1. أَقْسِمُ عَلَى أَحَدِ عَوَامِلِ الْعَدَدِ الْأَوَّلِيَّةِ.
2. أَسْتَمِرُّ بِالْقِسْمَةِ عَلَى عَامِلٍ أَوَّلِيٍّ آخَرَ.
3. أَتَوَقَّفُ عِنْدَمَا يُصْبِحُ نَاتِجُ الْقِسْمَةِ 1.
4. أَلَا حِظُّ أَنَّ الْعَوَامِلَ الْأَوَّلِيَّةَ مُتَشَابِهَةٌ فِي الْخَلْيَيْنِ عَلَى الرَّغْمِ مِنْ اخْتِلَافِ الْعَدَدِ الَّذِي اخْتَرْتُهُ فِي الْخُطْوَةِ 1.

تَحْلِيلُ الْعَدَدِ 30 إِلَى عَوَامِلِهِ الْأَوَّلِيَّةِ: $30 = 2 \times 3 \times 5$

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي: أُحْلِلُ الْعَدَدَ 80 إِلَى عَوَامِلِهِ الْأَوَّلِيَّةِ بِاسْتِعْمَالِ الْقِسْمَةِ الْمُتَكَرِّرَةِ.

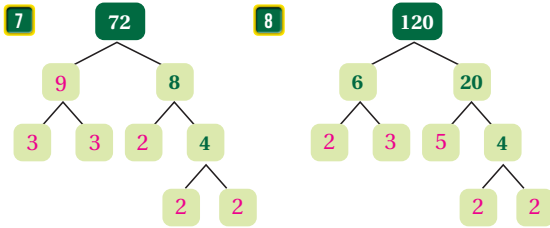
أَتَدْرِبُ

وَأَحْلِلُ الْمَسَائِلَ

أَحْلِلْ كُلًّا مِنَ الْأَعْدَادِ الْآتِيَةِ إِلَى عَوَامِلِهَا الْأَوَّلِيَّةِ: 1-6 انظر الهامش

1	126	2	135	3	108
4	63	5	87	6	92

أَعْمَلُ شَجَرَةَ التَّحْلِيلِ إِلَى الْعَوَامِلِ الْأَوَّلِيَّةِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:



63

إجابات:

(1) بطريقة شجرة العوامل، أو بأي طريقة أخرى.

$$126 = 2 \times 63$$

$$= 2 \times 9 \times 7$$

$$= 2 \times 3 \times 3 \times 7$$

$$2) 135 = 3 \times 3 \times 3 \times 5$$

$$3) 108 = 2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 3$$

$$4) 63 = 3 \times 3 \times 7$$

$$5) 87 = 3 \times 29$$

$$6) 92 = 2 \times 2 \times 23$$

مثال 2: من الحياة

تحدث عن جلاله الملك، ووجه الطلبة إلى قراءة المثال، واطلب إليهم تحديد المطلوب من المسألة.

- ناقش الطلبة في حل المثال على اللوح.
- اطلب إلى الطلبة حل المثال بطريقة شجرة العوامل.

التقويم التكويني:

- وجه الطلبة إلى فقرة أتحقق من فهمي، واطلب إليهم حل السؤال، وفي أثناء ذلك تجول بينهم وزودهم بالتغذية الراجعة. قدّم الدعم الكافي للطلبة ذوي التحصيل المتوسط ودون المتوسط حيثما لزم.
- اختر بعض الإجابات التي تحتوي على أخطاء مفاهيمية وناقشها على اللوح، ولا تذكر اسم صاحب الخطأ أمام الصف تجنباً لإحراجهم.

القيم العابرة للمواد:

أكد على المفاهيم العابرة للمواد حيثما وردت في كتاب الطالب أو التمارين، في المثال الثاني عزز الوعي بالقضايا الانسانية والسياسية والوطنية لدى الطلبة وتحديث عن الحياة السياسية والعسكرية لجلالة الملك عبدالله الثاني.

التدريب

4

وجه الطلبة إلى فقرة أتعلم وأحل مسائل، واطلب إليهم حل الأسئلة من (1 - 10) وفي أثناء ذلك تجول بينهم وزودهم بالتغذية الراجعة.

الواجب المنزلي:

- وجه الطلبة إلى حل الأسئلة الفردية في كتاب التمارين الدرس الثاني، وقدّم لهم التغذية الراجعة في اليوم التالي، ثم وجههم إلى حل المسائل الزوجية في اليوم التالي، وقدّم لهم التغذية الراجعة والمساعدة حيث ما لزم.
- وجه الطلبة إلى حل السؤالين 11 و12، وتجوّل بينهم وزودهم بالتغذية الراجعة.

- وجه الطلبة إلى حل الأسئلة في مجموعات ذات قدرات علمية متفاوتة ثلاثية أو رباعية، واطلب إليهم قراءة المسائل بدقة وتحديد المطلوب منها، بحيث يساعد الطلبة المتميزون زملاءهم من ذوي المستوى المتوسط وما دون المتوسط.
- ناقش الطلبة في سؤال أكتشف الخطأ، واسألهم: ما الخطأ الذي ارتكبه ريم؟
- ناقش الطلبة في سؤال تحدّ، وبيّن لهم أن السؤال يريد عوامل أولية مختلفة.
- ناقش المجموعات في حلول الأسئلة، وقدم لهم التغذية الراجعة.

الإثراء

5

- وجه الأسئلة الآتية لإثراء تعلّم الطلبة:
- « هل يمكن أن يكون العدد 1 عدداً غير أولي؟ »
- « هاتِ عددين أوليين حاصل جمعهما عدد أولي. »
- « هاتِ 3 أعداد أولية حاصل جمعها عدد أولي. »
- « هاتِ عددين أوليين أكبر من العدد 10، حاصل طرحهما عدد أولي. »
- « هاتِ عدداً أولياً يقع بين العددين 90 و 100. »
- « هاتِ أصغر عدد يتكوّن من ضرب 3 أعداد أولية متشابهة؟ »
- « هاتِ أصغر عدد له 4 عوامل أولية مختلفة. »

الختام

6

- استعمل السؤال في فقرة أتحّدث، للتأكد من فهم الطلبة لموضوع الدرس، ووجه الطلبة ذوي المستوى المتوسط ودون المتوسط إلى الإجابة عن السؤال.
- بعد الانتهاء من هذا الدرس، نفّذ نشاط رقم 2 مع الطلبة بوصفه نوعاً من الإثراء داخل الغرفة الصفية.

أحلّل العدد 56 إلى عوامله الأولية، وأكمل الأعداد المفقودة في كل مما يأتي:

9 $56 = 2 \times 28$
 $= 2 \times 2 \times 14$
 $= 2 \times 2 \times 2 \times 7$
 العوامل الأولية للعدد 56: $56 = 2 \times 2 \times 2 \times 7$

10 $88 = 2 \times 44$
 $= 2 \times 2 \times 22$
 $= 2 \times 2 \times 2 \times 11$
 العوامل الأولية للعدد 88: $88 = 2 \times 2 \times 2 \times 11$

11 استعمل قابلية القسمة في تحليل العدد 600 إلى عوامله الأولية. 11-13 انظر الهامش

12 أعود إلى فقرة (استكشف)، وأجد عدد المكعبات في كل مجموعة.

13 أكتشف الخطأ: قالت ريم إن تحليل العدد 84 إلى عوامله الأولية، هو $(7 \times 4 \times 3 = 84)$ ، فما الخطأ الذي وقعت فيه؟ أفسّر إجابتي.

14 تحدّ: ما أصغر عدد له 3 عوامل أولية مختلفة.
 تحدّ: $30: 2 \times 3 \times 5$

أتحّدث: أشرح الفرق بين عوامل العدد والعوامل الأولية للعدد.
 عوامل العدد هي الأعداد التي يقبل العدد القسمة عليها. العوامل الأولية للعدد هي الأعداد الأولية التي حاصل ضربها يعطي العدد نفسه.

إرشاد

التحقّق من الحل: عندما أحلّل عدداً إلى عوامله الأولية، يُمكنني التحقّق من صحّة تحليلي عن طريق التأكد من أن العوامل التي أحلّل إليها العدد هي عوامل أولية، وأن ناتج ضربها يعطي العدد الأصلي.

مهارات التفكير

إرشاد

العوامل الأولية: عندما أحلّل عدداً كلياً باستعمال شجرة العوامل، يُمكنني البدء بأي زوج من عوامله.



مشروع الوحدة

وجه الطلبة إلى فقرة ثانياً في مشروع الوحدة.

إجابات:

- 11) 600 يقبل القسمة على 2؛ لأن أحاده عدد زوجي. 2×300
 300 يقبل القسمة على 2؛ لأن أحاده عدد زوجي. $2 \times 2 \times 150$
 150 يقبل القسمة على 2؛ لأن أحاده عدد زوجي. $2 \times 2 \times 2 \times 75$
 75 يقبل القسمة على 5؛ لأن أحاده 5. $2 \times 2 \times 2 \times 5 \times 15$
 15 يقبل القسمة على 3 لأن مجموع منازل يقبل القسمة على 3. $2 \times 2 \times 2 \times 5 \times 5 \times 3$
 12) مكعبان في كل مجموعة، فيكون عدد المجموعات 18.
 3 مكعبات في كل مجموعة، فيكون عدد المجموعات 12.
 13) الخطأ الذي وقعت فيه ريم هو عدم تحليل العدد 4 إلى عوامله الأولية: 2×2

أَسْتَكْشِفُ



أَعَدَّ صَالِحٌ إِفْطَارًا لِعَدَدٍ مِنَ الصَّائِمِينَ؛
فَوَزَّعَ 18 غَلَبَةً تَمَرٍ وَ24 كُوبَ مَاءٍ عَلَى عَدَدٍ
مِنَ الصَّانِدِيقِ؛ بِحَيْثُ تَحْتَوِي الصَّانِدِيقُ
جَمِيعَهَا عَلَى عَدَدٍ مُتَسَاوٍ مِنْ غَلَبِ التَّمَرِ
وَعَدَدٍ مُتَسَاوٍ مِنْ أَكْوَابِ الْمَاءِ. مَا أَكْبَرُ عَدَدٍ
مِنَ الصَّانِدِيقِ يُمَكِّنُ أَنْ يُجَهَّزَ هَا؟

فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أَجِدُ الْعَامِلَ الْمُشْتَرَكَ الْأَكْبَرَ
لِلْعَدَدَيْنِ.

الْمُصْطَلَحَاتُ

العامل المشترك الأكبر
(ع.م.أ)

أَتَعَلَّمُ



عند إيجاد العوامل المشتركة (عوامل أولية وغير أولية) لعددين مختلفين أو أكثر، يُسمى أكبر هذه العوامل
العامل المشترك الأكبر (ع.م.أ) (greatest common factor).

مثال 1 أجد العامل المشترك الأكبر للعددين 24 و40 بكتابة العوامل المشتركة جميعها بينهما.

أكتب العوامل لكل عدد، ثم أرسم دائرة حول العوامل المشتركة، ثم أحدد أكبرها.

40
1×40
2×20
4×10
5×8

1. أجد عوامل العددين.

2. أحدد العوامل المشتركة للعددين.

3. أختار أكبر عامل مشترك بينهما.

24
1×24
2×12
3×8
4×6

العوامل المشتركة بين العددين، هي: 1، 2، 4، 8، وأكبرها هو العدد 8.
إذن: العامل المشترك الأكبر هو 8.

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي: أجد العامل المشترك الأكبر للعددين 56، 60.

القيم العابرة للمواد:

أكد على المفاهيم العابرة للمواد حيثما وردت في كتاب الطالب أو التمارين ،
في فقرة أستكشف عزز الوعي بالقضايا الأخلاقية والدينية لدى الطلبة وتحدث
عن شهر رمضان بأنه أحد أركان الإسلام الخمسة، وعزز عند الطلبة فوائد الصوم
الصحية.

نتائج الدرس:

- يوجد العامل المشترك الأكبر لعددين.

المصطلحات:

العامل المشترك الأكبر
Greatest common factor

المصادر والأدوات:

حجر نرد.

التعلم القبلي:

- تمييز قواسم الأعداد.
- تمييز عوامل العدد.
- تمييز العوامل الأولية للأعداد.

التهيئة

وزَّع بطاقات على الطلبة (كل طالب بطاقة واحدة)،
بحيث يبدأ الترقيم بين البطاقات من العدد 1 وحتى العدد
30 (حسب عدد طلبة الصف)؛ بشكل عشوائي من دون
ترتيب الأعداد، واطلب إلى كل طالب أن يكتب العوامل
الأولية للبطاقة التي مع زميله، ثم يتفقان على أكبر عامل
بين العددين، وتقبل إجابات الطلبة جميعها.

- تحدّث عن شهر رمضان المبارك، وعن أهمية الصدقة ومساعدة الآخرين.
- وجّه الطلبة إلى قراءة المسألة في فقرة استكشف، واسألهم: ما أكبر عدد من الصناديق يمكن أن يجهّزها صالح؟ **6 صناديق.**
- تقبّل إجابات الطلبة جميعها.

التدريس

3

- راجع الطلبة في عوامل العدد، ثم اسأل:
 - « ما عوامل العدد 12؟ »
 - « ما عوامل العدد 18؟ »
 - « هل توجد عوامل مشتركة بين العددين 12 و18؟ »
 - « ما أكبر عامل مشترك بين العددين 12 و18؟ »

مثال 1

- ناقش الطلبة في حل المثال على اللوح، ثم اسأل:
 - « ما عوامل العدد 24؟ »
 - « ما عوامل العدد 40؟ »
 - « لماذا لا يُعدّ العدد 6 عاملاً من عوامل العدد 40؟ »

التقويم التكويني:



- وجّه الطلبة إلى فقرة أتحقّق من فهمي، واطلب إليهم حل السؤال، وفي أثناء ذلك تجوّل بينهم وزوّدهم بالتغذية الراجعة. قدّم الدعم الكافي للطلبة ذوي التحصيل المتوسط ودون المتوسط حيثما لزم.
- اختر بعض الإجابات التي تحتوي على أخطاء مفاهيمية وناقشها على اللوح، ولا تذكر اسم صاحب الخطأ أمام الصف تجنّباً لإحراجه.

إرشادات للمعلم

إذا واجه الطلبة صعوبة في استيعاب مفهوم العامل المشترك الأكبر فوجههم إلى نشاط رقم 4 لتكوين بطاقة تتضمن المصطلح أو المفهوم ورسماً يمثله، ومثالاً عليه، ويقترحون سؤالاً يمكن أن يسأل عليه، ويحتفظوا في البطاقات في ملفاتهم.

- تحدّث للطلبة عن الأزهار، واسألهم عن أنواع الأزهار التي يعرفونها.
- وجّه الطلبة إلى قراءة المثال، ثم ناقشهم في حلّه بطريقة شجرة العوامل على اللوح.

التقويم التكويني:

- وجّه الطلبة إلى فقرة أتحقّق من فهمي، واطلب إليهم حل السؤال بطريقة شجرة العوامل، وفي أثناء ذلك تجوّل بينهم وزوّدهم بالتغذية الراجعة. قدّم الدعم الكافي للطلبة ذوي التحصيل المتوسط ودون المتوسط حيثما لزم.
- اختر بعض الإجابات التي تحتوي على أخطاء مفاهيمية وناقشها على اللوح، ولا تذكر اسم صاحب الخطأ أمام الصف تجنّباً لإحراجهم.

4 التدريب

وجّه الطلبة إلى فقرة أدرّب وأحل مسائل، واطلب إليهم حل الأسئلة من (1 - 6) وفي أثناء ذلك تجوّل بينهم وزوّدهم بالتغذية الراجعة.

الواجب المنزلي:

- وجّه الطلبة إلى حل الأسئلة الفردية في كتاب التمارين الدرس الثالث، وقدّم لهم التغذية الراجعة في اليوم التالي، ثم وجههم إلى حل المسائل الزوجية في اليوم التالي، وقدّم لهم التغذية الراجعة والمساعدة حيث ما لزم.
- وجّه الطلبة إلى فقرة أحل مسائل واطلب إليهم حل الأسئلة 7 و8، وتجوّل بينهم وزوّدهم بالتغذية الراجعة.

يُمكنني أيضًا أن أجِدَ العاملَ المُشترَكَ الأكبرَ لعددين بطريقتي أُخرى نَعتمدُ على التَّحليلِ إلى العَواملِ الأَوَّلِيَّةِ، الَّتِي تَعَلَّمْتُهَا فِي الدَّرْسِ السَّابِقِ.



مثال 2: من الحياة

أُزهَرُ: لدى مُزارع 60 سَنَلَةً مِنْ أَزْهَارِ الْقُرْنُفُلِ، وَ42 سَنَلَةً مِنْ أَزْهَارِ التُّولِيْبِ. أَرَادَ تَوَازِيْعُهَا عَلَى أَخْوَاضٍ، بِحَيْثُ يَحْتَوِي كُلُّ حَوْضٍ عَلَى الْعَدَدِ نَفْسِهِ مِنْ كُلِّ نَوْعٍ. مَا أَكْبَرُ عَدَدٍ مِنَ السَّنَلَاتِ يُمكنُ وَضْعُهُ فِي كُلِّ حَوْضٍ؟

أَكْبَرُ عَدَدٍ مِنَ السَّنَلَاتِ يُمكنُ وَضْعُهُ فِي كُلِّ حَوْضٍ مِنْ كُلِّ نَوْعٍ، هُوَ الْعَامِلُ الْمُشْتَرَكُ الْأَكْبَرُ لِلْعَدَدَيْنِ 60 وَ42.

2	60
2	30
3	15
5	5
	1

$$60 = 2 \times 2 \times 3 \times 5$$

1. أَحْلَلْ الْعَدَدَيْنِ إِلَى عَوَامِلِهِمَا الْأَوَّلِيَّةِ.
2. أَكْتُبْ الْعَدَدَيْنِ بِصُورَةٍ نَاتِجِ ضَرْبِ عَوَامِلِ أَوَّلِيَّةِ.
3. أَحْدَدِ الْعَوَامِلَ الْأَوَّلِيَّةَ الْمُشْتَرَكَةَ.
4. (ع.م.أ) لِلْعَدَدَيْنِ هُوَ نَاتِجِ ضَرْبِ الْعَوَامِلِ الْأَوَّلِيَّةِ الْمُشْتَرَكَةِ. (تَأْخُذُ عَامِلًا وَاجِدًا مِنْ كُلِّ عَامِلَيْنِ أَوَّلِيَّيْنِ مُتَسَاوِيَيْنِ).

2	42
3	21
7	7
	1

$$42 = 2 \times 3 \times 7$$

$$60 = 2 \times 2 \times 3 \times 5$$

$$42 = 2 \times 3 \times 7$$

(ع.م.أ) لِلْعَدَدَيْنِ 60 وَ42 هُوَ $2 \times 3 = 6$

إِذَنْ: عَدَدُ السَّنَلَاتِ مِنْ كُلِّ نَوْعٍ، الَّتِي يُمكنُ وَضْعُهَا فِي كُلِّ حَوْضٍ هُوَ 6 سَنَلَاتٍ.

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي: نِجَارَةٌ: قِطْعَتَانِ مِنَ الْخَشَبِ إِحْدَاهُمَا طَوْلُهَا 50 cm، وَالْأُخْرَى طَوْلُهَا 75 cm، أَرَادَ نِجَارٌ تَقْسِيمَهُمَا إِلَى قِطْعٍ مُتَسَاوِيَةٍ؛ فَمَا أَكْبَرُ طَوْلٍ مُمكنٍ لِكُلِّ قِطْعَةٍ؟

- وجه الطلبة إلى حل الأسئلة في مجموعات ذات قدرات علمية متفاوتة ثلاثية أو رباعية، واطلب إليهم قراءة المسائل بدقة وتحديد المطلوب منها، بحيث يساعد الطلبة المتميزون زملاءهم من ذوي المستوى المتوسط وما دون المتوسط.
- ناقش الطلبة في سؤال **تحذّر**، ونبه الطلبة إلى إيجاد العامل المشترك الأكبر للعددين 24 و30، ثم اختيار عددين آخرين يكون العامل المشترك الأكبر لهما العامل المشترك للعددين 24 و30 نفسه، وهكذا...
- ناقش الطلبة في سؤال **أكتشف الخطأ**، واعمل على إثارة الطلبة عن طريق سؤالهم: من يؤيد إجابة لينا؟ ومن لا يؤيد إجابة لينا؟ واطلب إليهم تفسير إجاباتهم.
- ناقش المجموعات في حلول الأسئلة، وقدم لهم التغذية الراجعة.

الإثراء

5

وجه الأسئلة الآتية لإثراء تعلّم الطلبة:

- « جد العامل المشترك الأكبر للأعداد 24، 36، 72.
- « العامل المشترك الأكبر لعددين زوجين هو دائماً عدد زوجي، لماذا؟
- « العامل المشترك الأكبر لعدد فردي وعدد زوجي هو عدد فردي، لماذا؟
- « هاتِ مثلاً لعددين أوليين العامل المشترك الأكبر لهما ليس 1؟

الختام

6

- استعمل السؤال في فقرة **أتحدّث**، للتأكد من فهم الطلبة لموضوع الدرس، ووجه الطلبة ذوي المستوى المتوسط ودون المتوسط إلى الإجابة عن السؤال.
- بعد الانتهاء من هذا الدرس، نفذ نشاط رقم 3 مع الطلبة بوصفه نوعاً من الإثراء داخل الغرفة الصفية.

أَتَدَرَّبُ

وَأَحُلُّ الْمَسَائِلَ

(7) نُحَلِّلُ كُلًّا مِنَ الْعَدَدَيْنِ 30 و42 إلى عواملهما الأولية، ثم نجد العامل المشترك الأكبر بينهما.
 $30 = 2 \times 3 \times 5$
 $42 = 2 \times 3 \times 7$
 العامل المشترك الأكبر هو:
 $2 \times 3 = 6$

مَهَارَاتُ التَّفَكُّيرِ

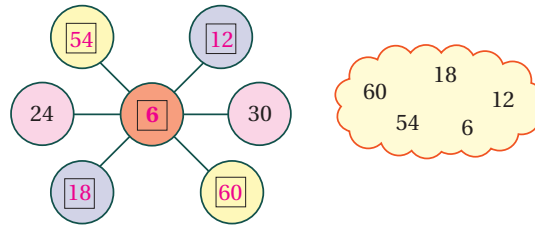
أَجِدِ الْعَامِلَ الْمُشْتَرَكَ الْأَكْبَرَ لِكُلِّ مِمَّا يَأْتِي: 1-6 انظر الهامش

- | | | |
|----------|--------------|--------------|
| 1 28, 36 | 2 72, 48 | 3 96, 84 |
| 4 5, 7 | 5 10, 15, 30 | 6 18, 24, 30 |

7 **قُرْطَابِيَّةٌ**: أَرَادَ صَاحِبُ مَحَلِّ قُرْطَابِيَّةٍ تَوَازِيْعَ 30 قَلَمٍ رَصَاصٍ وَ42 قَلَمٍ جَبْرِ فِي عُلْبٍ؛ بِحَيْثُ تَحْتَوِي كُلُّ عُلْبِيَّةٍ عَلَى الْعَدَدِ نَفْسِهِ مِنْ أَقْلَامِ الرِّصَاصِ وَأَقْلَامِ الْجَبْرِ. فَمَا أَكْبَرُ عَدَدٍ مِنْ أَقْلَامِ الرِّصَاصِ وَالْجَبْرِ يُمَكِّنُ وَضْعَهُ فِي الْعُلْبِيَّةِ الْوَاحِدَةِ؟

8 **مَسْأَلَةٌ مُفْتَوَحَةٌ**: إِذَا كَانَ الْعَامِلُ الْمُشْتَرَكُ الْأَكْبَرَ لِعَدَدَيْنِ هُوَ 5؛ فَمَا هُمَا الْعَدَدَانِ؟ أَكْتُبْ 4 حُلُولٍ مُمَكِنَةٍ. (15, 10)، (20, 15)، (25, 10)، (75, 35).

9 **تَحَدٍّ**: الْمُرَبَّعُ الَّذِي فِي الْوَسْطِ فِي الشَّكْلِ أَذْنَاهُ هُوَ الْعَامِلُ الْمُشْتَرَكُ الْأَكْبَرَ لِكُلِّ مُرَبَّعَيْنِ لِهَمَا اللَّوْنُ نَفْسُهُ. أَكْمِلِ الْمُرَبَّعَاتِ بِمَا يُنَاسِبُهَا مِنَ الْأَعْدَادِ الْمَوْجُودَةِ فِي الْعِيْمَةِ:



10 **أَكْتُشِفُ الْخَطَأَ**: قَالَتْ لِينَا إِنَّ الْعَامِلَ الْمُشْتَرَكَ الْأَكْبَرَ لِلْعَدَدَيْنِ 18، 24 هُوَ 3، فَهَلْ أَوَافَقُهَا الرَّأْيَ؟ أَفَسِّرُ إِجَابَتِي.

أَتَحَدَّثُ: لِمَاذَا يَكُونُ الْعَامِلُ الْمُشْتَرَكُ الْأَكْبَرَ لِأَيِّ عَدَدَيْنِ أَوَّلِيَيْنِ 1 دَائِمًا؟
 لأن العدد الأولي له عاملان مختلفان هما 1 والعدد نفسه، فيكون العامل المشترك لأي عددين أوليين هو 1. (أو لأن العدد 1 هو العدد الوحيد الذي تقبل الأعداد الأولية القسمة عليه من دون باقي).

67

إجابات:

- (1) $28 = 2 \times 2 \times 7$
 العامل المشترك الأكبر، هو: $2 \times 2 = 4$
 $36 = 2 \times 2 \times 3 \times 3$
- (2) $72 = 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3$
 العامل المشترك الأكبر، هو: $2 \times 2 \times 2 \times 3 = 24$
 $48 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3$
- (3) $96 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3$
 العامل المشترك الأكبر، هو: $2 \times 2 \times 3 = 12$
 $84 = 2 \times 2 \times 3 \times 7$
- (4) 5, 7 أعداد أولية، العامل المشترك الأكبر، هو 1.
- (5) $10 = 2 \times 5$
 $15 = 3 \times 5$
 العامل المشترك الأكبر، هو: 5.
 $30 = 2 \times 3 \times 5$
- (6) $18 = 2 \times 3 \times 3$
 $24 = 2 \times 2 \times 2 \times 3$
 العامل المشترك الأكبر، هو: $2 \times 3 = 6$
 $30 = 2 \times 3 \times 5$

الدَّرْسُ 4 المضاعف المشترك الأصغر

اَسْتَكْشِفْ



تَدَوِّرُ بَكْرَتَانِ إِحْدَاهُمَا كَبِيرَةٌ وَلَهَا 12 سِنًا،
وَالْأُخْرَى صَغِيرَةٌ وَلَهَا 8 أَشْنَانٍ كَمَا فِي الشَّكْلِ.
إِذَا بَدَأَتِ الْبَكْرَتَانِ بِالدَّوْرَانِ عِنْدَ الْعَلَامَةِ
الْحُمْرَاءِ؛ فَمَا أَقْلُ عَدَدٍ مِنَ الدَّوْرَاتِ يَجِبُ
أَنْ تَدَوِّرَهَا كُلُّ بَكْرَةٍ كَيْ تَلْتَقِيَا مَرَّةً أُخْرَى عِنْدَ
الْعَلَامَةِ الْحُمْرَاءِ نَفْسِيهَا.

فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أَجِدُ الْمُضَاعَفَ الْمُشْتَرَكَّ
الْأَصْغَرَ لِعَدَدَيْنِ.

الْمُصْطَلَحَاتُ

الْمُضَاعَفُ، الْمُضَاعَفُ
الْمُشْتَرَكُّ الْأَصْغَرُ (م.م.أ.)

اَتَعَلَّمْ



- مُضَاعَفٌ (multiple) الْعَدَدُ هُوَ نَاتِجُ ضَرْبِهِ فِي أَيِّ عَدَدٍ كُلِّيٍّ مَا عَدَا الصُّفْرِ.
- الْمُضَاعَفَاتُ الَّتِي يَشْتَرِكُ فِيهَا عَدَدَانِ أَوْ أَكْثَرُ تُسَمَّى مُضَاعَفَاتٍ مُشْتَرَكَّةً، أَمَّا أَصْغَرُ هَذِهِ الْمُضَاعَفَاتِ فَيُسَمَّى
الْمُضَاعَفَ الْمُشْتَرَكَّ الْأَصْغَرَ (lowest common multiple)، وَيُرْمَزُ لَهُ بِالرَّمْزِ (م.م.أ.).

مِثَالُ 1 أَجِدُ الْمُضَاعَفَ الْمُشْتَرَكَّ الْأَصْغَرَ لِلْعَدَدَيْنِ 8, 12.

أَبْدَأُ بِكِتَابَةِ مُضَاعَفَاتِ كُلِّ عَدَدٍ، ثُمَّ أَحْدَدُ أَوَّلَ مُضَاعَفٍ مُشْتَرَكٍّ بَيْنَهُمَا.

مُضَاعَفَاتُ الْعَدَدِ 8 هِيَ: 8، 16، 24، 32، ...

مُضَاعَفَاتُ الْعَدَدِ 12 هِيَ: 12، 24، 36، ...

نُلاحِظُ أَنَّ 24 هُوَ أَوَّلُ مُضَاعَفٍ مُشْتَرَكٍّ بَيْنَ الْعَدَدَيْنِ، إِذَنْ: (م.م.أ.) لِلْعَدَدَيْنِ 8 وَ 12 هُوَ الْعَدَدُ 24.

اَتَحَقَّقْ مِنْ فَهْمِي: أَجِدُ الْمُضَاعَفَ الْمُشْتَرَكَّ الْأَصْغَرَ لِلْعَدَدَيْنِ 3، 14

إرشادات للمعلم

إذا واجه الطلبة صعوبة في استيعاب مفهوم المضاعف المشترك الأصغر فوجههم إلى نشاط رقم 4 لتكوين بطاقة تتضمن المصطلح أو المفهوم ورسمًا يمثله، ومثالاً عليه، ويقترحون سؤالاً يمكن أن يسأل عليه، ويحتفظوا في البطاقات في ملفاتهم.

نتائج الدرس:

- يجد المضاعف المشترك الأصغر لعدددين.

المصطلحات:

المضاعف multiple، المضاعف المشترك الأصغر lowest common factor.

المصادر والأدوات:

اللوح، الورقة والقلم.

التعلم القبلي:

- مضاعفات الأعداد.
- إيجاد عوامل العدد.
- تمييز الأعداد الأولية.
- العوامل الأولية للأعداد.

التهيئة

1

ارم حجرَي نرد 3 مرّات، واكتب ناتج كل حجر على اللوح، ثم اطلب إلى الطلبة إعطائك أول 6 مضاعفات لكل عدد، ثم اطلب إليهم أن يختاروا أصغر مضاعف مشترك بين العددين.

الاستكشاف

2

- وجه الطلبة إلى قراءة فقرة استكشف، واسأل: ما أقل عدد من الدورات يجب أن تدور كل بكرة كي تلتقيا مرة أخرى؟
- تقبل إجابات الطلبة جميعها.

- راجع الطلبة بمضاعفات العدد، وعوامل العدد، والأعداد الأولية.
- ناقش الطلبة في فقرة أنعم.

مثال 1

- ناقش الطلبة في حل المثال على اللوح، واسألهم:

« كيف نجد مضاعفات العدد 8؟ »

« كيف نجد مضاعفات العدد 12؟ »

« ما علاقة العدد 24 بالعددين 8 و 12؟ »

التقويم التكويني:



- وجه الطلبة إلى فقرة أنعم من فهمي، واطلب إليهم حل السؤال، وفي أثناء ذلك تجول بينهم وزودهم بالتغذية الراجعة. قدم الدعم الكافي للطلبة ذوي التحصيل المتوسط ودون المتوسط حيثما لزم.
- اختر بعض الإجابات التي تحتوي على أخطاء مفاهيمية وناقشها على اللوح، ولا تذكر اسم صاحب الخطأ أمام الصف تجنباً لإحراجه.

مثال 2: من الحياة



- وجه الطلبة إلى قراءة المثال، ثم ناقشهم في الحل على اللوح، ثم اسأل الطلبة: لماذا يكون ارتفاع الصناديق هو المضاعف المشترك الأصغر للعددين 36 و 30؟

التقويم التكويني:



- وجه الطلبة إلى فقرة أنعم من فهمي، واطلب إليهم حل السؤال، وفي أثناء ذلك تجول بينهم وزودهم بالتغذية الراجعة. قدم الدعم الكافي للطلبة ذوي التحصيل المتوسط ودون المتوسط حيثما لزم.
- اختر بعض الإجابات التي تحتوي على أخطاء مفاهيمية وناقشها على اللوح، ولا تذكر اسم صاحب الخطأ أمام الصف تجنباً لإحراجه.



مثال 2: من الحياة

زراعة: وَصَّعَ مُزَارِعٌ مُتَّحَاتِيَه فِي تَوَعَيْنٍ مِنَ الصَّنَادِيْقِ، ارْتِفَاعُ أَحَدِهَا 30 cm وَارْتِفَاعُ الْآخَرِ 36 cm، ثُمَّ وَصَّعَ الصَّنَادِيْقَ حَسَبَ نَوْعِهَا فَوْقَ بَعْضِهَا فِي عَمُوْدَيْنِ مُتَّجَاوِرَيْنِ، وَتَوَقَّفَ عِنْدَمَا أَصْبَحَ لِلْعَمُوْدَيْنِ الارتفاعُ نَفْسُهُ. كَمْ بَلَغَ ارْتِفَاعُ الصَّنَادِيْقِ فِي الْعَمُوْدَيْنِ؟

ارتفاع الصناديق هو المضاعف المشترك الأصغر للعددين 30 و36.

الخطوة 1: أجد العوامل الأولية لكلا العددين بالتحليل.

2	30
3	15
5	5
	1

2	36
2	18
3	9
3	3
	1

الخطوة 2: أحدد العوامل الأولية المشتركة من تحليل العددين.

$$30 = 2 \times 3 \times 5$$

$$36 = 2 \times 2 \times 3 \times 3$$

الخطوة 3: أجد (م.م.أ) بضرب كل عامل مشترك مرة واحدة فقط في العوامل المتبقية جميعها لكلا العددين.

$$2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 5 = 180$$

التحقيق من فهمي: أجد المضاعف المشترك الأصغر للعددين 72، 48.

الواجب المنزلي:

وجه الطلبة إلى حل الأسئلة الفردية في كتاب التمارين الدرس الرابع، وقدم لهم التغذية الراجعة في اليوم التالي، ثم وجههم إلى حل المسائل الزوجية في اليوم التالي، وقدم لهم التغذية الراجعة والمساعدة حيث ما لزم.

وجه الطلبة إلى فقرة أتدرب وأحل مسائل، واطلب إليهم حل الأسئلة (7 - 9)، وتجول بينهم وزودهم بالتغذية الراجعة.

مهارات التفكير

وجه الطلبة إلى حل الأسئلة في مجموعات ذات قدرات علمية متفاوتة ثلاثية أو رباعية، واطلب إليهم قراءة المسائل بدقة وتحديد المطلوب منها، بحيث يساعد الطلبة المتميزون زملاءهم من ذوي المستوى المتوسط وما دون المتوسط.

ناقش الطلبة في مسألة مفتوحة، وقسم إجابات الطلبة إلى مجموعتين (إن أمكن)، وقدم لهم الحل الصحيح.

ناقش الطلبة في سؤال تحد، وأعطيهم مثالا على ذلك، ثم اطلب إليهم مثالا آخر، واطلب إليهم استنتاج العلاقة.

ناقش المجموعات في حلول الأسئلة، وقدم لهم التغذية الراجعة.

إرشادات للمعلم

ذكر الطلبة بالأعداد الأولية حتى 100، واطلب إليهم كتابتها على لوحة.

وجّه الأسئلة الآتية لإثراء تعلّم الطلبة:

- هات المضاعف المشترك الأصغر للأعداد 2، 8، 12.
- هل المضاعف المشترك الأصغر لعددتين يمكن أن يكون أصغر من أحدهما (أو أصغر من كليهما)؟ لماذا؟
- هل يمكن أن يكون أحد العددين هو المضاعف المشترك الأصغر لهما؟ أعط مثالاً.
- هات مثالاً لعددتين، بحيث يكون العامل المشترك الأكبر لهما يساوي المضاعف المشترك الأصغر لهما.

القيم العابرة للمواد:

أكد على المفاهيم العابرة للمواد حيثما وردت في كتاب الطالب أو التمارين، في السؤال 7 عزز الوعي بالمهارات الحياتية والوعي الصحي عند الطلبة وثقافة مراجعة الطبيب، وأهمية الرياضة من الناحية الصحية للجسم، وأعطهم مفهوم عن مرض السكري، واطلب إلى الطلبة البحث في الإنترنت عن طرق الوقاية من هذا المرض.

- وجّه الطلبة إلى فقرة **أتحدّث** للتأكد من فهم الطلبة لموضوع الدرس.
- اطلب إلى بعض الطلبة ذوي المستوى المتوسط أو دون المتوسط الإجابة عن السؤال.

مشروع الوحدة:

وجّه الطلبة إلى مشروع الوحدة.

أَتَدْرِبُ وَأَدْخُلُ الْمَسَائِلَ

(7) نجد المضاعف المشترك الأصغر للعددين 3 و 5، ولأن العددين أوليان، فالمضاعف المشترك الأصغر هو ناتج ضربهما: 15.

(8) نجد المضاعف المشترك الأصغر للعددين 8 و 6. $8 = 2 \times 2 \times 2$
 $6 = 2 \times 3$
المضاعف المشترك الأصغر، هو: $2 \times 2 \times 2 \times 3 = 24$

(9) نجد المضاعف المشترك الأصغر للعددين 2 و 3، وهو 6، (إذن: ستلتقيان بعد 6 ساعات) فإذا كانت مناوبيهما 12 ساعة فستلتقيان مرتين؛ مرة كل 6 ساعات.

مهارات التفكير

(12) أتحدّث: تحلّل العددين إلى عواملهما الأولية:
 $18 = 2 \times 3 \times 3$
 $24 = 2 \times 2 \times 2 \times 3$
ثم نأخذ عددًا واحدًا من كل عاملين مشتركين: 2، 3.
ونأخذ بقية الأعداد: 2، 3.
ونضرب كل الأعداد التي أخذناها: $3 \times 2 \times 3 \times 2 \times 2 = 72$

أجد المضاعف المشترك الأصغر لكل مما يأتي: 1-6 انظر الهامش

1 6, 8	2 10, 12	3 14, 15
4 12, 8	5 4, 5, 10	6 2, 3, 13

أدوية: تُراجع سمر العيادة ليصرف دواءً مريض السكري كلّ 3 أسابيع، بينما يراجع عليّ العيادة كلّ 5 أسابيع. إذا راجع كلّ منهما العيادة في هذا الأسبوع، فبعد كم أسبوعًا سيُراجعا العيادة في الأسبوع نفسه؟

مصايح: يضيء مصباحٌ تخذيري باللون الأخضر مرّة كلّ 8 ثوانٍ، ويضيء مصباحٌ تخذيري آخر باللون الأحمر مرّة كلّ 6 ثوانٍ، إذا أضاء المصباحان في اللحظة نفسها، فبعد كم ثانية سيضيء المصباحان معًا؟

طب: تعمل ملكٌ وجنى طبيبتان في مستشفى، وخلال مناوبيهما تتفقد الطبيبة ملكٌ قسم الطوارئ كلّ ساعتين، بينما تتفقد الطبيبة جنى كلّ 3 ساعات، إذا التفت الطبيبتان في قسم الطوارئ عند بداية دوايمهما، فكم مرّة ستلتقيان بعدها في قسم الطوارئ إذا كانت مناوبيهما 12 ساعة؟

أعود إلى فقرة (استكشف) وأجد أقل عددٍ من الدورات اللازمة كي تلتقي البكرتان مرّة أخرى عند العلامة الحمراء؟ انظر الهامش

مسألة مفتوحة: إذا علمت أن العدد 20 هو المضاعف المشترك الأصغر لعددين، فما هما العددان؟ مسألة مفتوحة: (4، 5) أو (5، 10) أو (10، 20).

تحلّل: ما العلاقة بين المضاعف المشترك الأصغر لعددين أوليين؟ المضاعف المشترك الأصغر بين عددين أوليين هو ناتج ضربهما.

أتحدّث: أشرح كيف أجد (م.م.أ) للعددين 24، 18 باستعمال التحليل إلى العوامل.

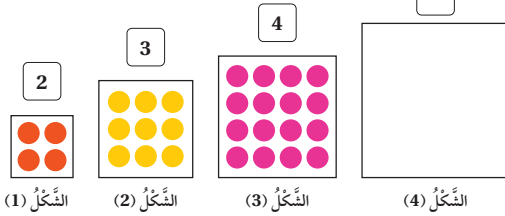
إجابات:

- | | |
|--------------------------------------|-------------------------------------|
| (1) $6 = 2 \times 3$ | (4) $12 = 2 \times 2 \times 3$ |
| $8 = 2 \times 2 \times 2$ | $8 = 2 \times 2 \times 2$ |
| المضاعف المشترك الأصغر، هو: | المضاعف المشترك الأصغر، هو: |
| $2 \times 2 \times 2 \times 3 = 24$ | $2 \times 2 \times 2 \times 3 = 24$ |
| (2) $10 = 2 \times 5$ | (5) $4 = 2 \times 2$ |
| $12 = 2 \times 2 \times 3$ | $5 = 5$ |
| المضاعف المشترك الأصغر، هو: | المضاعف المشترك الأصغر، هو: |
| $2 \times 2 \times 3 \times 5 = 60$ | $2 \times 2 \times 5 = 20$ |
| (3) $14 = 2 \times 7$ | (6) $2 = 2$ |
| $15 = 3 \times 5$ | $3 = 3$ |
| المضاعف المشترك الأصغر، هو: | $13 = 13$ |
| $2 \times 3 \times 5 \times 7 = 210$ | المضاعف المشترك الأصغر، هو: |
| | $2 \times 3 \times 13 = 78$ |

أَسْتَكْشِفُ



إذا اسْتَمَرَّ رَسْمُ الْأَشْكَالِ أَذْنَاهُ بِالْمَطِّ نَفْسِهِ، فَكَمْ عَدَدُ نِقَاطِ الشَّكْلِ الرَّابِعِ؟ وَمَا الْعَدَدُ الَّذِي سَأَكْتُبُهُ فِي □؟



فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أَجِدْ مَرَبَّعَ الْعَدَدِ، وَالْجَذْرَ التَّرْبِيعِيَّ لِلْعَدَدِ.

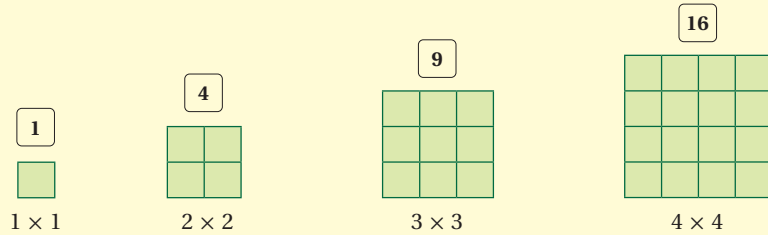
الْمُضْطَلَحَاتُ

مَرَبَّعُ الْعَدَدِ، الْمُرَبَّعُ الْكَامِلُ، الْجَذْرُ التَّرْبِيعِيُّ

أَتَعَلَّمُ



مَرَبَّعُ الْعَدَدِ (square number) هُوَ نَائِجُ ضَرْبِ ذَلِكَ الْعَدَدِ فِي نَفْسِهِ.



مَرَبَّعُ الْعَدَدِ 4 هُوَ (4 × 4) الْعَدَدُ 9 مَرَبَّعٌ كَامِلٌ، لِأَنَّهُ نَائِجُ ضَرْبِ عَدَدٍ بِنَفْسِهِ، وَالنَّائِجُ 4، وَيُرْمَزُ لِمَرَبَّعِ الْعَدَدِ 4 بِالرَّمْزِ 4²، وَيُسَمَّى الْعَدَدُ 16 مَرَبَّعًا كَامِلًا (perfect square)؛ لِأَنَّهُ نَائِجُ ضَرْبِ عَدَدٍ بِنَفْسِهِ، وَهُوَ (4 × 4)، أَيْ 4² = 4 × 4 = 16.

مَرَبَّعُ الْعَدَدِ 2 هُوَ (2 × 2) الْعَدَدُ 9 مَرَبَّعٌ كَامِلٌ، لِأَنَّهُ نَائِجُ ضَرْبِ عَدَدٍ بِنَفْسِهِ، وَالنَّائِجُ 4، وَيُرْمَزُ لِمَرَبَّعِ الْعَدَدِ 2 بِالرَّمْزِ 2²، وَهُوَ (3 × 3)، أَيْ 3² = 3 × 3 = 9.

نَتَاجَاتُ الدَّرْسِ:

- يجد مربع العدد والجذر التربيعي للعدد.

المصطلحات:

مربع العدد square number، المربع الكامل perfect square.

المصادر والأدوات:

اللوح، الورقة والقلم.

التعلم القبلي:

- مضاعفات الأعداد.
- إيجاد عوامل العدد.

التهيئة

1

وزَّع أوراق فارغة على الطلبة، ثم اطلب إلى كل طالب أن يضرب العدد بنفسه ويعطي الناتج لزميله (ليتأكد من الإجابة)، أو وزَّع على الطلبة أوراقاً فيها نقاط بشكل صفوف وأعمدة، واطلب إلى كل واحد منهم توصيل الدوائر بشكل أفقي وعمودي ليشكل مربعاً، ثم يعدد كم نقطة في المربع.

إرشادات للمعلم

راجع مع الطلبة حقائق الضرب الأساسية، وضرب العدد في نفسه.

- وجّه الطلبة إلى قراءة فقرة **استكشف**، واسأل: كم عدد نقاط الشكل الرابع؟ وما العدد الذي سنكتبه فوق الشكل الرابع؟
- تقبل إجابات الطلبة جميعها.

تعزيز اللغة ودعمها:

كرّر المصطلحين: (مربع العدد square number ، المربع الكامل perfect square) أمام الطلبة، واحرص على استعمالهما من قبلهم.

التدريس

- راجع الطلبة بمضاعفات العدد، وعوامل العدد، والأعداد الأولية.
- ناقش الطلبة في فقرة **أتعلم**.

مثال 1

- ناقش الطلبة في حل المثال على اللوح، وذكرهم بأن مربع العدد ليس العدد مضروباً في 2.

التقويم التكويني:

- وجّه الطلبة إلى فقرة **أتحقق** من فهمي، واطلب إليهم حل السؤال، وفي أثناء ذلك تجوّل بينهم وزوّدهم بالتغذية الراجعة. قدّم الدعم الكافي للطلبة ذوي التحصيل المتوسط ودون المتوسط حيثما لزم.
- اختر بعض الإجابات التي تحتوي على أخطاء مفاهيمية وناقشها على اللوح، ولا تذكر اسم صاحب الخطأ أمام الصف تجنباً لإحراجه.

مثال 2: من الحياة



- وجّه الطلبة إلى قراءة المثال، ثم ناقش الطلبة في الحل على اللوح.

التقويم التكويني:

- وجّه الطلبة إلى فقرة **أتحقق** من فهمي، واطلب إليهم حل السؤال، وفي أثناء ذلك تجوّل بينهم وزوّدهم بالتغذية الراجعة. قدّم الدعم الكافي للطلبة ذوي التحصيل المتوسط ودون المتوسط حيثما لزم.
- اختر بعض الإجابات التي تحتوي على أخطاء مفاهيمية وناقشها على اللوح، ولا تذكر اسم صاحب الخطأ أمام الصف تجنباً لإحراجه.

إرشادات للمعلم

إذا واجه الطلبة صعوبة في استيعاب مفهوم مربع العدد والجذر التربيعي فوجههم إلى نشاط رقم 4 لتكوين بطاقة تتضمن المصطلح أو المفهوم ورسماً يمثله، ومثالاً عليه، ويقترحون سؤالاً يمكن أن يسأل عليه، ويحتفظوا في البطاقات في ملفاتهم.

ملاحظات المعلم

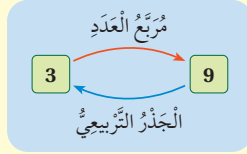
مثال 1: أجد مربع العدد 8

مربع العدد 8 هو 8×8 فيكون الناتج 64.

$$8^2 = 8 \times 8 = 64$$

أنتحقق من فهمي: أجد مربع العدد 7.

الجذر التربيعي (square root) للمربع الكامل هو ذلك العدد الذي مربعه (العدد ضرب نفسه) يساوي المربع الكامل.



مثال 2: من الحياة



حديقة مربعة الشكل مساحتها 81 m^2 ، أجد طول ضلعها.

$$\text{مساحة الحديقة} = \text{الطول} \times \text{العرض}$$

بما أن الحديقة مربعة فإن طولها يساوي عرضها.

إذن: ناتج ضرب عدد ما في نفسه يساوي 81، وهذا العدد هو الجذر التربيعي للعدد 81.

$$\text{لكن الجذر التربيعي للعدد 81 يساوي 9؛ لأن } 9 \times 9 = 81$$

إذن: طول ضلع الحديقة 9 m.

أنتحقق من فهمي: حوض مزروعات مربع الشكل مساحته 36 m^2 ، أجد طول ضلعه.

نشاط التكنولوجيا

- شجع الطلبة دخول الرابط

<https://www.geogebra.org/m/cY9dfWyY>

في المنزل ومتابعة أوراق العمل والأنشطة حول المربع الكامل للعدد.

وجه الطلبة إلى فقرة أتدرب وأحل مسائل، واطلب إليهم حل الأسئلة من (1 - 9) وفي أثناء ذلك تجول بينهم وزودهم بالتغذية الراجعة.

الواجب المنزلي:

- وجه الطلبة إلى حل الأسئلة الفردية في كتاب التمارين الدرس الخامس، وقدم لهم التغذية الراجعة في اليوم التالي، ثم وجههم إلى حل المسائل الزوجية في اليوم التالي، وقدم لهم التغذية الراجعة والمساعدة حيث ما لزم.
- وجه الطلبة إلى فقرة أحل مسائل، واطلب إليهم حل السؤالين 10 و 11، وتفسير الإجابات في السؤال 11، وقدم لهم التغذية الراجعة المناسبة.

مهارات التفكير

- وجه الطلبة إلى حل الأسئلة في مجموعات ذات قدرات علمية متفاوتة ثلاثية أو رباعية، واطلب إليهم قراءة المسائل بدقة وتحديد المطلوب منها، بحيث يساعد الطلبة المتميزون زملاءهم من ذوي المستوى المتوسط وما دون المتوسط.
- ناقش الطلبة في **أكتشف الخطأ**، وقسم إجابات الطلبة إلى مجموعتين (إن أمكن)، وقدم لهم الحل الصحيح، وذكر الطلبة بأن الدرس يركز على مربع العدد وليس على قواسم العدد.
- ناقش الطلبة في سؤال **تحذّر**، وارسم مستطيلاً على اللوح، ثم ارسم مربعاً لتكون الصورة أوضح للطلبة.
- ناقش المجموعات في حلول الأسئلة، وقدم لهم التغذية الراجعة.

• وجه الأسئلة الآتية لإثراء تعلّم الطلبة:

« هاتِ مثلاً على عدد مربعه يساوي العدد نفسه.

« هاتِ مثلاً على عدد مربعه يساوي ضعفه.

« اكتب الأعداد جميعها التي تقع مربعاتها بين 60 و130.

« هاتِ مثلاً لمربعين كاملين، حاصل ضربهما يُعطي مربعاً كاملاً.

« هاتِ مثلاً لمربعين كاملين، حاصل جمعهما يُعطي مربعاً كاملاً.

القيم العابرة للمواد:

أكد على المفاهيم العابرة للمواد حيثما وردت في كتاب الطالب أو التمارين، في السؤال 14 عزز الوعي بالقضايا البيئية والتوازن البيئي لدى الطلبة وتحدث عن جمالية الأزهار في حياتنا.

• وجه الطلبة إلى فقرة **أتحدث** للتأكد من فهم الطلبة

لموضوع الدرس.

• اطلب إلى بعض الطلبة ذوي المستوى المتوسط أو دون المتوسط الإجابة عن السؤال.

مشروع الوحدة

وجه الطلبة إلى مشروع الوحدة.

الوَحدة 3

أجد مربع كل عدد مما يأتي: 1-10 انظر الهامش

1 4

2 6

3 11

ما العدد الذي يُعدّ مربعاً كاملاً مما يأتي؟ أفسّر إجابتي.

4 1

5 45

6 144

أسمي المربع الكامل الذي تمثله كل شبكة مما يأتي، ثم أجد جذره:

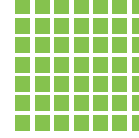
7



8



9



x	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
2	2	4	6	8	10	12	14	16	18	20
3	3	6	9	12	15	18	21	24	27	30
4	4	8	12	16	20	24	28	32	36	40
5	5	10	15	20	25	30	35	40	45	50
6	6	12	18	24	30	36	42	48	54	60
7	7	14	21	28	35	42	49	56	63	70
8	8	16	24	32	40	48	56	64	72	80
9	9	18	27	36	45	54	63	72	81	90
10	10	20	30	40	50	60	70	80	90	100

10 عُمُر دلال 4 أعوام، وعُمُر دانيا مُربع عُمُر دلال، فكَم عُمُر دانيا؟

11 أَسْتَغْمِل لَوْحَةَ الأَعْدَادِ المُجَاوِزَةِ فِي تَحْدِيدِ المُرَبَّعِ الكَامِلِ وَجُدُورِهِ التَّرْبِيعِيَّةِ. أفسّر إجابتي. انظر الهامش

12 أَكْشِفُ الخَطَأَ: قَالَ عَامِرُ إِنَّ مُرَبَّعَ العَدَدِ 7 هُوَ 14، أَجِدْ خَطَأَ عَامِرٍ وَأَصَحِّحْهُ.

13 أَيُّهَا لَا يَتَنَمَّى: مَا العَدَدُ المُخْتَلِفُ فِي الأَعْدَادِ الآتِيَةِ؟ أفسّر إجابتي.

9

99

121

49

العدد المختلف هنا هو 99؛ لأنه ليس مربعاً كاملاً، بينما بقية الأعداد هي مربعات كاملة.

14 تَحَدَّثْ: زَرَعَتْ مَرْيَمُ حَوْضَيْنِ بِالْأَزْهَارِ، أَحَدُهُمَا مُسْتَطِيلُ الشَّكْلِ طَوْلُهُ 9 m وَعَرْضُهُ 4 m، وَالْآخَرُ مُرَبَّعُ الشَّكْلِ. إِذَا كَانَ لِلْحَوْضَيْنِ الوَسَاحَةُ نَفْسُهَا؛ فَكَمْ طَوْلُ ضِلْعِ المُرَبَّعِ؟ مساحه المستطيل، هي: $9 \times 4 = 36$ وبما أن الحوض الثاني هو مربع وله المساحة نفسها 36، إذن: هو مربع كامل، فنجد الجذر التربيعي له وهو 6.

أَتَحَدَّثْ: أَسْأَلُ كَيْفَ أُمَيِّزُ بَيْنَ مُرَبَّعِ العَدَدِ وَمِثْلِيَّةِ.

مربع العدد هو ناتج ضرب العدد مع نفسه، بينما ضعف العدد هو ناتج ضرب العدد مع العدد 2.

73

أَتَدَرَّبُ

وَأَدْخُلُ الْمَسَائِلَ

مَهَارَاتُ التَّفْكِيرِ

12 خطأ عامر أنه ضرب العدد 7 في العدد 2، وليس بنفسه العدد 7. مربع العدد 7 هو ناتج ضرب 7 مع نفسه، وهو 49.

إجابات:

11 العدد 1 هو مربع كامل؛ لأنه ناتج ضرب 1 مع نفسه، والجذر التربيعي له هو 1.

العدد 4 هو مربع كامل؛ لأنه ناتج ضرب 2 مع نفسه، والجذر التربيعي له هو 2.

العدد 9 هو مربع كامل؛ لأنه ناتج ضرب 3 مع نفسه، والجذر التربيعي له هو 3.

العدد 16 هو مربع كامل؛ لأنه ناتج ضرب 4 مع نفسه، والجذر التربيعي له هو 4.

العدد 25 هو مربع كامل؛ لأنه ناتج ضرب 5 مع نفسه، والجذر التربيعي له هو 5.

العدد 36 هو مربع كامل؛ لأنه ناتج ضرب 6 مع نفسه، والجذر التربيعي له هو 6.

العدد 49 هو مربع كامل؛ لأنه ناتج ضرب 7 مع نفسه، والجذر التربيعي له هو 7.

العدد 64 هو مربع كامل؛ لأنه ناتج ضرب 8 مع نفسه، والجذر التربيعي له هو 8.

العدد 81 هو مربع كامل؛ لأنه ناتج ضرب 9 مع نفسه، والجذر التربيعي له هو 9.

العدد 100 هو مربع كامل؛ لأنه ناتج ضرب 10 مع نفسه، والجذر التربيعي له هو 10.

1) 16

2) 36

3) 121

4) 1 مربع كامل؛ لأن حاصل ضرب 1 في 1 يُعطي ناتج 1.

5) لا يوجد عدد كلي عند ضربه بنفسه يُعطي العدد 45.

6) مربع كامل لأن حاصل ضرب العدد 12 مع نفسه: 144

36 (7)

25 (8)

49 (9)

16 (10)

اختبار الوحدة

6 أجد العامل المشترك الأكبر للأعداد 24, 48, 84

- (أ) 6 (ب) 12
(ج) 8 (د) 24

7 أصل يخط بين العدد ومربعه:

العدد	مربع العدد
9	225
15	49
6	3
7	81
	36

8 أضع إشارة (✓) أمام الجملة الصحيحة، وإشارة (X) أمام الجملة غير الصحيحة:

- (أ) العامل المشترك الأكبر لعددين زوجيين يجب أن يكون عددًا زوجيًا. ✓
(ب) المضاعف المشترك الأصغر لعددين أوليين هو عدد أولي. ✗
(ج) العدد 18 هو مربع كامل للعدد 9. ✗
(د) العدد 2512 يقبل القسمة على 9 من دون باقي. ✗

أسئلة موضوعية

أختار الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي:

1 العامل المشترك الأكبر للعددين 36, 60 هو:

- (أ) 4 (ب) 12
(ج) 15 (د) 18

2 العدد الذي يقبل القسمة على 9 مما يأتي هو:

- (أ) 1818271 (ب) 96541232
(ج) 27271845 (د) 986523

3 المضاعف المشترك الأصغر للعددين 3, 5 هو:

- (أ) 15 (ب) 18
(ج) 30 (د) 1

4 الأعداد الآتية عوامل أولية للعدد 60 ما عدا:

- (أ) 2 (ب) 3
(ج) 5 (د) 6

5 أي الأعداد الآتية تحلله $2 \times 3 \times 5$ ؟

- (أ) 120 (ب) 60
(ج) 30 (د) 15

يمكنك التحقق من فهم طلبتك للمهارات الواردة في الوحدة، وقدرتهم على تطبيقها تطبيقاً صحيحاً عن طريق اختبار الوحدة الذي يتكوّن من:

- أسئلة موضوعية.
- أسئلة ذات إجابة قصيرة.
- تدريب على الاختبارات الدولية.

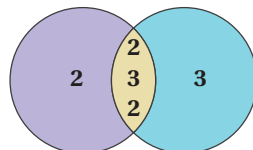
التقويم الختامي:

- وجه الطلبة إلى حل الأسئلة الموضوعية من اختبار الوحدة بشكل فردي، وناقشهم في حلولهم.
- كرّر مع الأسئلة ذات الإجابة القصيرة، ثم مع الأسئلة الدولية.

- هي أسئلة قُدمت في اختبارات دولية أو تُحاكيها.

تدريب على الاختبارات الدولية:

14 يُبين شكل (فن) أذناه تحليل عددين إلى عواملهما الأوليّة، ما العبارة الصحيحة مما يأتي؟



أ (م. م. أ) للعددين هو 12.

ب (م. م. أ) للعددين هو 36.

ج (م. م. أ) للعددين هو 72.

د (م. م. أ) للعددين هو 24.

15 العدد 5562 لا يقبل القسمة على:

أ (4) ب (6)

ج (9) د (2)

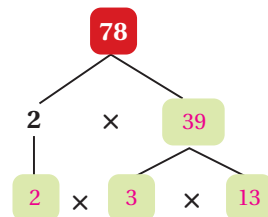
16 ما قيمة (ع. م. أ) للعددين 14، 18؟

أ (2) ب (3)

ج (4) د (5)

أسئلة ذات إجابة قصيرة:

9 أكمل شجرة العوامل الآتية؛ لأحلّل العدد 78 إلى عوامله الأوليّة.



10 أجد عددين أوليين، المضاعف المشترك الأصغر لهما 14، 2، 7.

11 أجد عددين مجموعتهما 11، والمضاعف المشترك الأصغر لهما 24.

12 عددان كل واحد منهما أقل من 40، ويقبلان القسمة على 4، والمضاعف المشترك الأصغر لهما 72، والعامل المشترك الأكبر لهما 12؛ فما العددين؟ 36، 24

13 أكتب عددًا مرّعة يساوي العدد نفسه. 1

ملاحظات المعلم

كتاب التمارين

الدرس 2 تحليل العدد إلى عوامله الأولية

أحلل كل عدد مما يأتي إلى عوامله الأولية:

1 100 $100 = 2 \times 2 \times 5 \times 5$

2 98 $98 = 2 \times 7 \times 7$

3 144 $144 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3$

4 45 $45 = 3 \times 3 \times 5$

5 أراد عبد الرحمن توزيع 14 كرتيساً في صفتين، بحيث يكون عدد الكراسي في كل صف عدداً أولياً، فهل يمكنه فعل ذلك؟ نعم يمكنه فعل ذلك: $14 = 2 \times 7$ إما صفان في كل صف 7 كراسي، وإما 7 صفوف في كل صف كرتسي.

أكمل شجرة التحليل إلى العوامل الأولية في كل مما يأتي:

6 20

7 36

8 63

9 45

10 يتلّع عدد طوابق برج الساعة في مكة المكرمة 120 طابقاً. أحلل العدد 120 إلى عوامله الأولية.

الوحدة 3: خصائص العدد

20

الدرس 1 قابلية القسمة على 4, 6, 9

1 يقبل القسمة على 4: لأن أول منزلتين تقبلان القسمة على 4.
لا يقبل القسمة على 6، لأنه لا يقبل القسمة على 3.
لا يقبل القسمة على 9: لأن مجموع منازلها ليست من مضاعفات العدد 9.

أبحث قابلية قسمة كل عدد مما يأتي على 4, 6, 9:

1 3232

2 4610

3 5616

2 لا يقبل القسمة على 4، لا يقبل القسمة على 6، لا يقبل القسمة على 9.
3 يقبل القسمة على 4، يقبل القسمة على 6، يقبل القسمة على 9.
4 أراد صاحب مكتبة توزيع 104 كتاب على 6 رفوف بالتساوي من دون باقي، فهل يمكنه ذلك؟ أقسم إجابتي.
لا يمكنه ذلك؛ لأن العدد 104 لا يقبل القسمة على 6 من دون باقي.

أبدل أماكن أرقام العدد 4563 بحيث يصبح:

5 قابلاً للقسمة على 6 وغير قابل للقسمة على 4. 6354

6 قابلاً للقسمة على 9 وغير قابل للقسمة على 4. 6534

7 قابلاً للقسمة على 9 وغير قابل للقسمة على 6. 6543

8 أكمل الهرم بحيث يكون مجموع كل رقمين يساوي الرقم المباشر فوقهما.

	5	4	
	5	0	4
5	0	0	4

9 أنا عدد مكون من 4 منازل: أحادي تقبل القسمة على 4 وهي أكبر من 4، وعشري تقبل القسمة على 3 وهي ضعف رقم مئتي، وآلافي تقبل القسمة على 5، فمن أنا؟ 5368

الوحدة 3: خصائص العدد

19

الدرس 3 العامل المشترك الأكبر

أجد العامل المشترك الأكبر لكل عددين في ما يأتي:

1 4, 8 4

2 6, 15 3

3 18, 22 2

4 15, 25 5

5 يرغب تاجر بتوزيع 50 كيساً من الأرز، و 45 كيساً من السكر على عدد من الفقراء، بحيث يأخذ كل فقير العدد نفسه من أكياس الأرز والسكر، فكم عدد الفقراء الذين يمكنه توزيع الأكياس عليهم بالتساوي؟ وكم يأخذ كل فقير؟
نجد العامل المشترك الأكبر: $50 = 5 \times 5 \times 2 = 50$ $45 = 5 \times 3 \times 3 = 45$ العامل المشترك الأكبر هو 5، عدد الفقراء الذي يمكنه توزيع الأكياس عليهم بالتساوي هم 9، ويأخذ كل فقير 5 أكياس من السكر و 5 أكياس من الأرز.

6 إذا كان العامل المشترك الأكبر لعددين هو 3، فما هما العددان؟ هل توجد أكثر من إجابة؟ أكتب إجابتي فقط. (6, 3) أو (9, 12).

أكتب العامل المشترك الأكبر في:

7

8

9 أجد العامل المشترك الأكبر لكل مرتين متجاورتين، وأكتب الإجابة في المربع الذي فوقهما مباشرة، وهكذا...

2			
2	8		
6	8	16	
18	24	32	48

الوحدة 3: خصائص العدد

21

كتاب التمارين

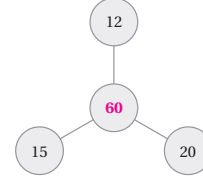
الدرس 4 المضاعف المشترك الأصغر

أجد المضاعف المشترك الأصغر لكل عددين في ما يأتي:

- | | | |
|--------------------|--------------------|--------------------|
| 1 5, 8 40 | 2 12, 15 60 | 3 10, 20 20 |
| 4 15, 30 30 | 5 12, 20 60 | 6 30, 45 90 |

7 تلعب أماني وسحر لعبة القفز. إذا كانت أماني تقفز 3 بلاط في كل مرة بينما تقفز سحر بلاطتين، فما هي أول بلاطة مشتركة يقفان عليها؟ **عند البلاطة رقم 6**

8 أصح المضاعف المشترك الأصغر في:



9 تبصر: هل يوجد عددين مختلفان لهما العامل المشترك الأكبر والمضاعف المشترك الأصغر نفسهما؟ أترز إجابتي. **نعم، العدد مع نفسه**



10 يقدم مطعم وجبة سمك مرة واحدة كل 4 أيام، ويقدم مطعم آخر وجبة سمك مرة واحدة كل 5 أيام، إذا قدما وجبة السمك معاً، فبعد كم يوم سيقدّم المطعمان وجبة السمك معاً في المرة القادمة؟ **اليوم رقم 20**

22

الدرس 5 مربع العدد والجذر التربيعي

أجد مربع كل عدد مما يأتي:

- | | |
|-----------------|---------------|
| 1 12 144 | 2 8 64 |
| 3 9 81 | 4 6 36 |

أجد الجذر التربيعي لكل من الأعداد الآتية:

- | | |
|-----------------|---------------|
| 5 25 5 | 6 49 7 |
| 7 121 11 | 8 64 8 |

9 إذا علمت أن عمر زجلي 36 عاماً، وعمر ابنه 7 أعوام، فهل مربع عمر ابنه أكبر من عمر الأب؟ **نعم مربع عمر ابنه أكبر من عمر الأب، لأن مربع العدد 7 هو 49.**

10 اخیار من متعلدو: ما العدد الذي يعد مربعاً كاملاً مما يأتي؟

- أ) 6 ب) 49 ج) 10 د) 99



11 يبلغ ارتفاع مبنى فندق (الرويال) في العاصمة عمان 105 m. هل العدد 105 مربع كامل؟ أترز إجابتي. **لا، ليس مربعاً كاملاً، لأنه لا يوجد عدد ضرب نفسه لمعطي العدد 105.**

23