

السؤال الأول : ضع دائرة حول رمز الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي : (30 علامة)

- (1) أي من الاقترانات الآتية ليس كثر حدود :
- (أ) $f(x) = 2x - 6$ (ب) $f(x) = \frac{2x-7}{x}$ (ج) $f(x) = \frac{6x-8}{7}$ (د) $f(x) = x^3$
- (2) مجال الاقتران $g(x) = \frac{x-2}{x^2-4}$ يساوي :
- (أ) $\{x | x \neq \pm 2\}$ (ب) $\{x | x \neq 2\}$ (ج) $\{x | x \neq -2\}$ (د) $\{x | x \neq 0\}$
- (3) إذا كان $f(x) = x^2$, $g(x) = x + 4$ فإن $(g \circ f)(3)$ تساوي :
- (أ) 10 (ب) 13 (ج) 12 (د) 11
- (4) إذا كان $g(x)$ كثير حدود من الدرجة السادسة، و $h(x)$ كثير حدود من الدرجة الثانية، فإن درجة ناتج قسمة $g(x)$ على $h(x)$ هي :
- (أ) الأولى (ب) الثالثة (ج) الرابعة (د) الثامنة
- (5) ميل منحنى الاقتران $f(x) = 3x - 1$ عن النقطة $x = 5$ يساوي :
- (أ) 0 (ب) -1 (ج) $\frac{1}{3}$ (د) 3
- (6) إذا كان $f(x) = \pi^6 - 3\pi$ فإن مشتقة الاقتران $f(x)$ تساوي :
- (أ) $6\pi^5 - 3$ (ب) $5\pi^6 - 3$ (ج) $6\pi^5$ (د) 0
- (7) إذا كان $f(x) = x^3 - 18x + 3$ فإن قيمة x التي يكون عندها ميل منحنى الاقتران يساوي صفر هي :
- (أ) $\{3\}$ (ب) $\{-3, 3\}$ (ج) $\{-2, 2\}$ (د) $\{2\}$
- (8) إذا كان $v = \langle 1, -1 \rangle$ فإن $|v|$ تساوي :
- (أ) 0 (ب) 1 (ج) 2 (د) $\sqrt{2}$
- (9) إذا كان $A(2, 5)$, $B(-1, 7)$ فإن \overline{AB} هو :
- (أ) $\langle -2, 3 \rangle$ (ب) $\langle 3, -2 \rangle$ (ج) $\langle 3, 2 \rangle$ (د) $\langle -3, 2 \rangle$
- (10) الحد العام (T_n) للمتتالية $2, 6, 18, 54, \dots$ هو :
- (أ) $T_n = 2 \times 3^{n-1}$ (ب) $T_n = 2 \times 3^n$ (ج) $T_n = 6 \times 3^{n-1}$ (د) $T_n = 6 \times 3^n$
- (11) إذا كان (A) و (B) حادثين متنافيين في تجربة عشوائية فإن احتمال وقوعهما معاً يساوي :
- (أ) 1 (ب) 0 (ج) $\frac{1}{2}$ (د) Ω
- (12) لأي حادث (A) في فضاء العينة لتجربة عشوائية ما Ω فإن :
- (أ) $P(A) \geq 1$ (ب) $P(A) \leq 1$ (ج) $0 \leq P(A) \leq 1$ (د) $P(A) \leq 0$
- (13) في صندوق 7 كرات حمراء، و 3 كرات خضراء، جميعها متماثلة. إذا سُحِبَتْ منه كرتان عشوائياً على التوالي من دون إرجاع، فإن احتمال أن تكون الكرتان المسحوبتان من اللون نفسه هو :
- (أ) $\frac{24}{45}$ (ب) $\frac{29}{50}$ (ج) $\frac{1}{15}$ (د) $\frac{21}{45}$
- (14) قيمة المدى الربيعي للقيم : 4, 7, 6, 9, 10, 12, 13, 10, 8, 5, 11 هي :
- (أ) 6 (ب) 5 (ج) 11 (د) 9
- (15) مجموع انحرافات المشاهدات أو القيم عن وسطها الحسابي يساوي :
- (أ) صفر (ب) 1 (ج) -1 (د) σ

السؤال الثاني : (20 علامة)

(أ) يمثل الاقتران $h(t) = 80t - 10t^2$ ارتفاع منطاد عن سطح الأرض بالمتر بعد t ثانية من انطلاقة إلى الأعلى :
1) جد سرعة المنطاد بعد ثانييتين من انطلاقة .

2) جد أقصى ارتفاع يصله المنطاد

ب) جد مشتقة كل من الاقترانات الآتية :

1) $f(x) = 6 - 3x^7$

2) $f(x) = \frac{4}{7}x^3 - 8x + 24$

3) $f(x) = 6\pi x^3 - \frac{3x-1}{6}$

السؤال الثالث : أ) جد قياس الزاوية θ المحصورة بين المتجهين $a = \langle 6, 8 \rangle$, $b = \langle 3, 4 \rangle$ ؟ (10علامات)

ب) أطلق صياداً طلقةً واحدةً على هدفٍ، وأطلقَ آخرُ طلقةً واحدةً على الهدفِ نفسه. إذا كان احتمالُ إصابةِ الأولِ للهدفِ 70%، واحتمالُ إصابةِ الثاني 60% للهدفِ، فأجدُ احتمالَ: (20 علامة)
1 - إصابةِ كلا الصيادينِ الهدف.

2 - عدم إصابةِهما الهدف.

3 - إصابةِ الصيادِ الثانيِ الهدف، علمًا بأنَّ الصيادَ الأولَ أصابَ الهدف.

4 - عدم إصابةِ الصيادِ الثانيِ الهدف، علمًا بأنَّ الصيادَ الأولَ لم يُصِبِ الهدف.