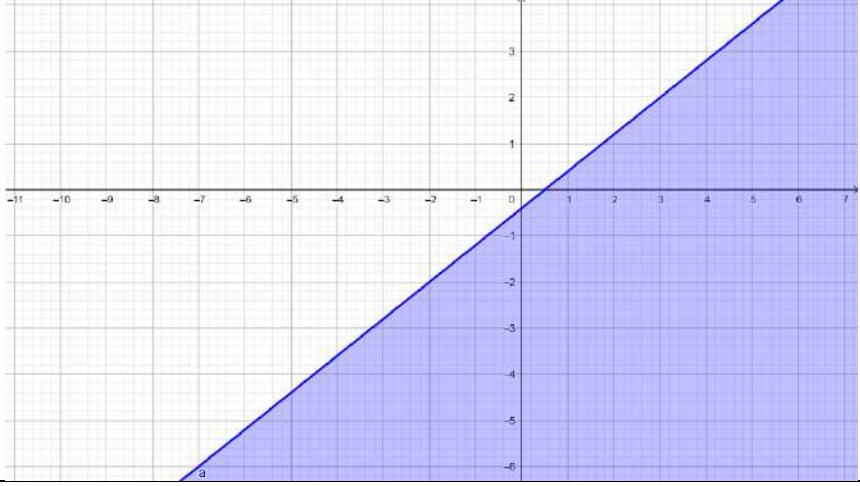
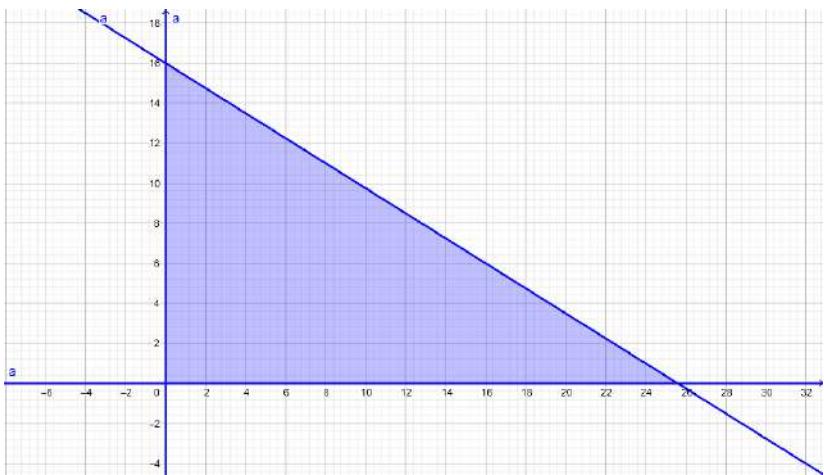


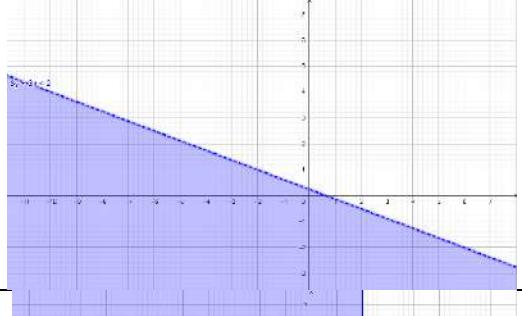
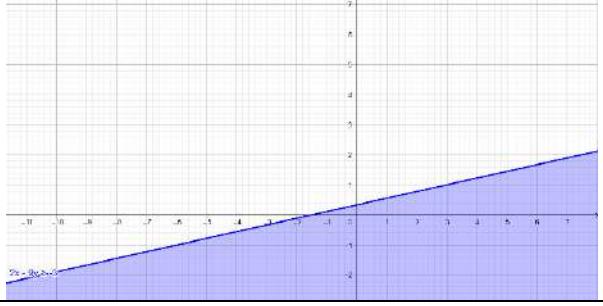
أجابات كتاب الطالب

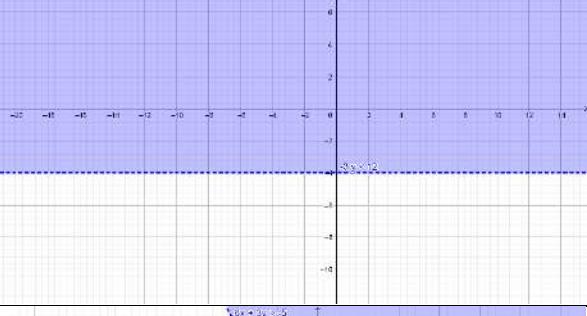
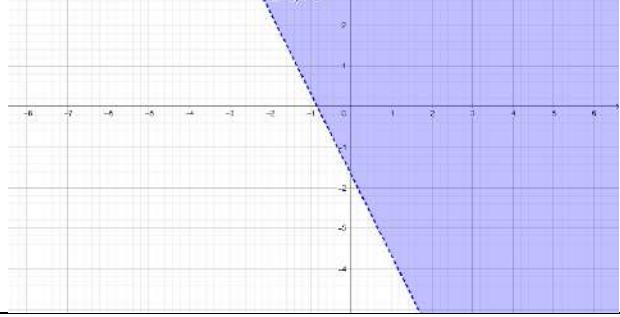
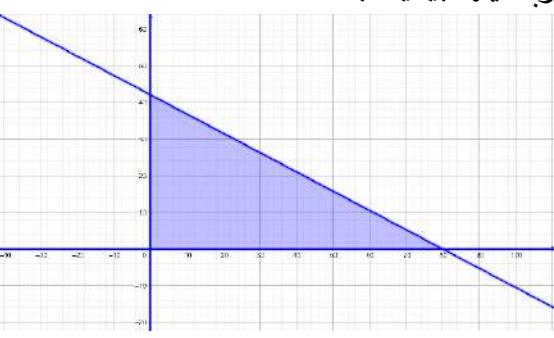
الوحدة 1 : البرمجة الخطية

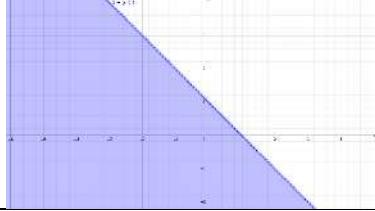
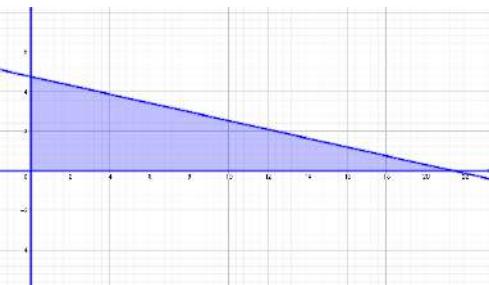
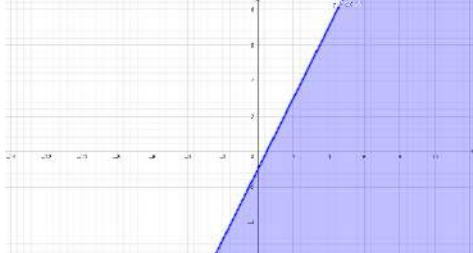
الدرس 1 : حل المتباينة الخطية بمتغيرين بيانياً

رقم السؤال	رقم الصفحة	الإجابة / الحل التفصيلي
9	9	<p>a) (2,3) يمثل الزوج حل للمتباينة</p> <p>b) (2,-1) لا يمثل الزوج حل للمتباينة</p> <p>c) (1,0) لا يمثل الزوج حل للمتباينة</p>
11	11	
13	13	$2.5x + 4y \leq 64$  <p>أقبل جميع القيم الصحيحة الموجبة في منطقة الحل لأنها تمثل اعداد طاولات</p>

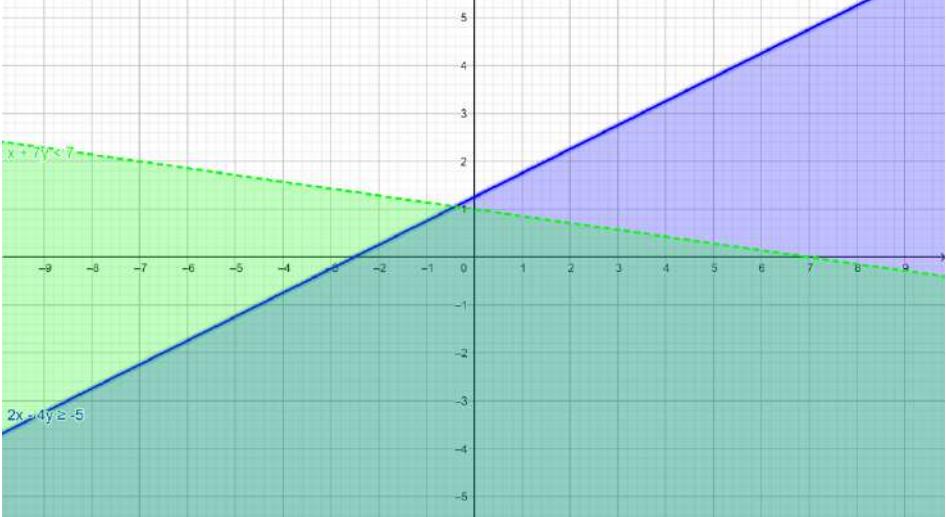
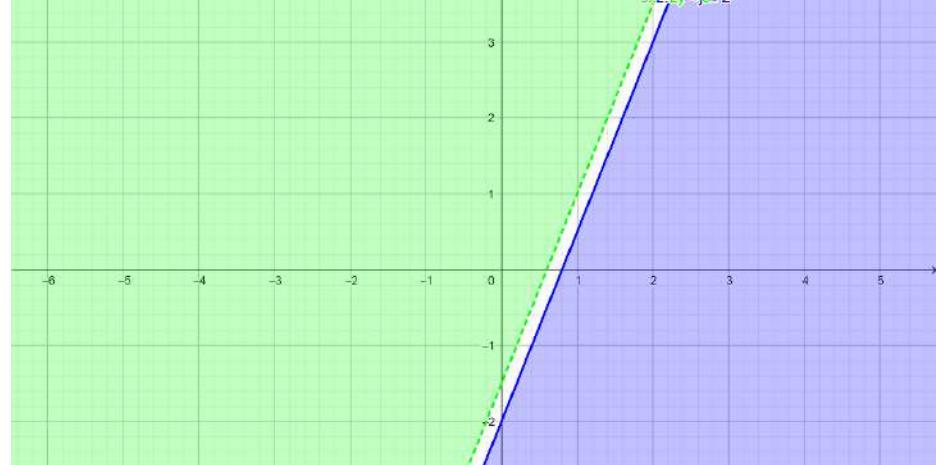
أتدريب وأحل المسائل

رقم السؤال	رقم الصفحة	الإجابة / الحل التفصيلي
1	13	يمثل الزوج حل للمتباينة
2	13	يمثل الزوج حل للمتباينة
3	13	لا يمثل الزوج حل للمتباينة
4	13	يمثل الزوج حل للمتباينة
5	13	لا يمثل الزوج حل للمتباينة
6	13	لا يمثل الزوج حل للمتباينة
7	13	يمثل الزوج حل للمتباينة
8	13	لا يمثل الزوج حل للمتباينة
9	13	لا يمثل الزوج حل للمتباينة
10	13	يمثل الزوج حل للمتباينة
11	13	لا يمثل الزوج حل للمتباينة
12	13	لا يمثل الزوج حل للمتباينة
13	13	
14	13	
15	13	

		13	17
		13	18
بتعويض $x = 20$ و $y = 18$ ينتج $95 \geq 96$ وهي عبارة صحيحة. اذن تحصل منى على A		14	19
التعبير عن المسألة بالمتباينة $50x + 95y \leq 4000$ وبتمثيلها بيانيًّا اجد منطقة الحل		14	20
أقل جميع القيم الصحيحة الموجبة في منطقة الحل			
أقل كل الاجابات الصحيحة مثل التمثيل البياني الاتي		14	21

			
منطقة الحل هي المنطقة التي تقع اسفل المستقيم المرسوم	14	22	
التعبير عن المسألة بالمتباينة $10x + 45y \leq 214$ وبتمثيلها بيانيًّا اجد منطقة الحل	14	23	
			
أقل جميع القيم الصحيحة الموجبة في منطقة الحل	14	24	
الخطي الذي وقع فيه سفيان هو تظليل المنطقة الأخرى التي لا تمثل منطقة الحل	14	25	
لأن النقطة التي تقع على المستقيم الحدودي تحقق دائمًا المعادلة المرتبطة بالمتباينة	14	26	
$y \leq 2x - 1$ 			

الدرس 2 : حل نظام مكون من متباينات خطية بمتغيرين بيانياً

الإجابة / الحل التفصيلي	رقم الصفحة	رقم السؤال
	17	أتحقق من فهمي
	17	أتحقق من فهمي
	18	أتحقق من فهمي
افرض ان عدد الغزلان x وعدد الأيلائل y		20
أتحقق من فهمي		

بكتابة نظام المتباينات التي تمثل المسألة

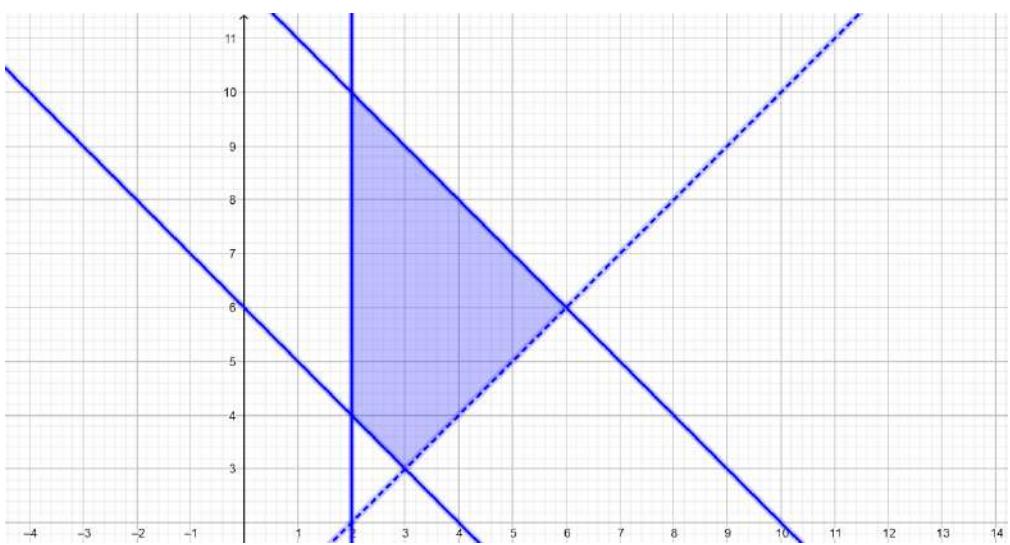
$$x + y \geq 6$$

$$x + y \leq 12$$

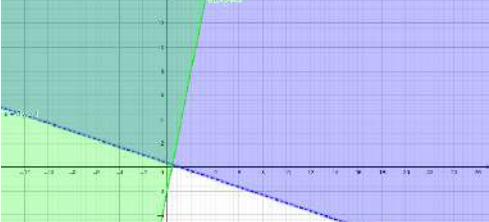
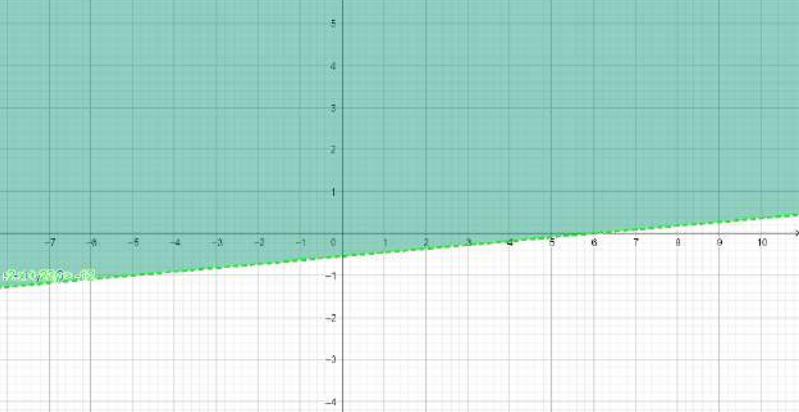
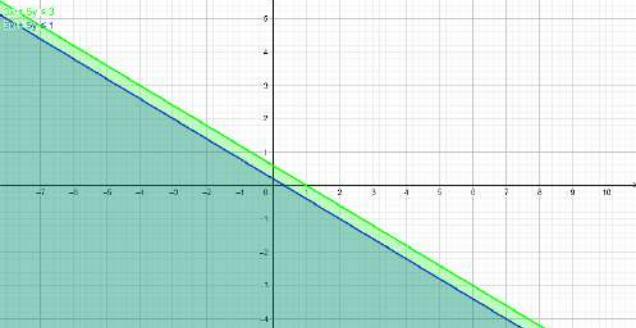
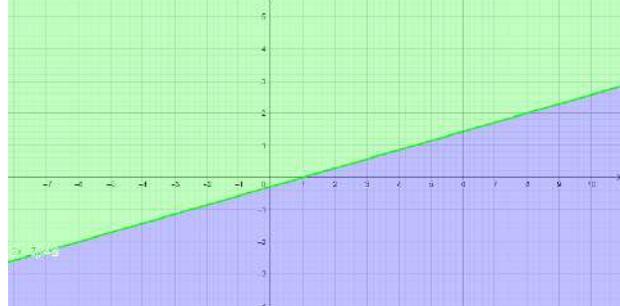
$$x < y$$

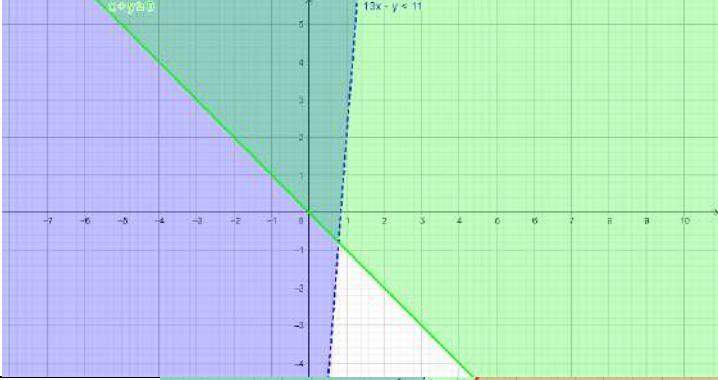
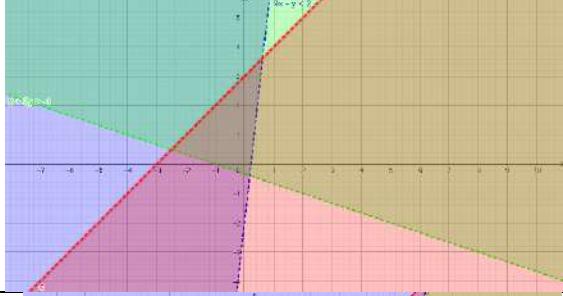
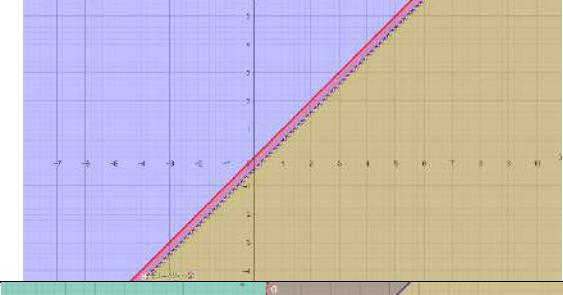
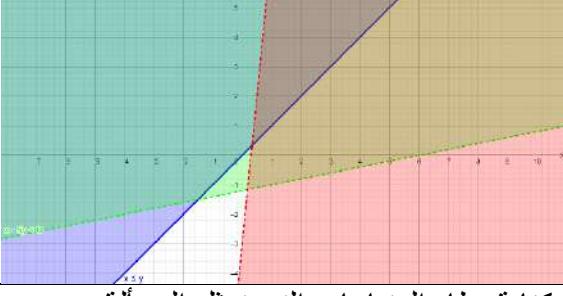
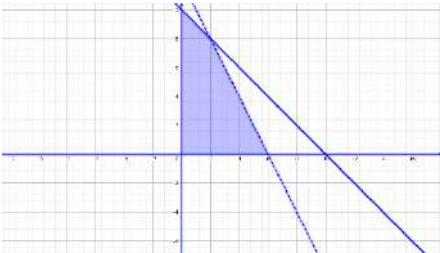
$$x \geq 2$$

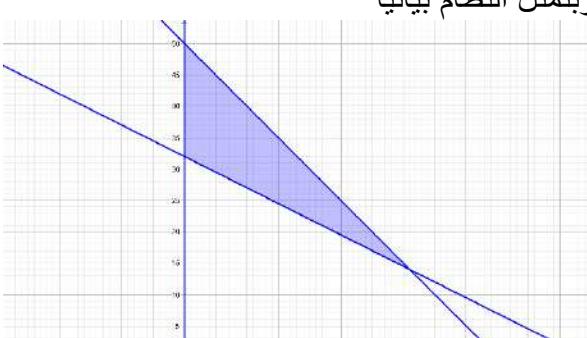
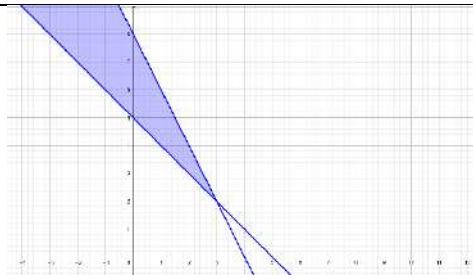
وبتمثل النظم بيانيًّا



أقبل جميع القيم الصحيحة الموجبة التي تقع في منطقة الحل لأنها تمثل اعداد
حيوانات

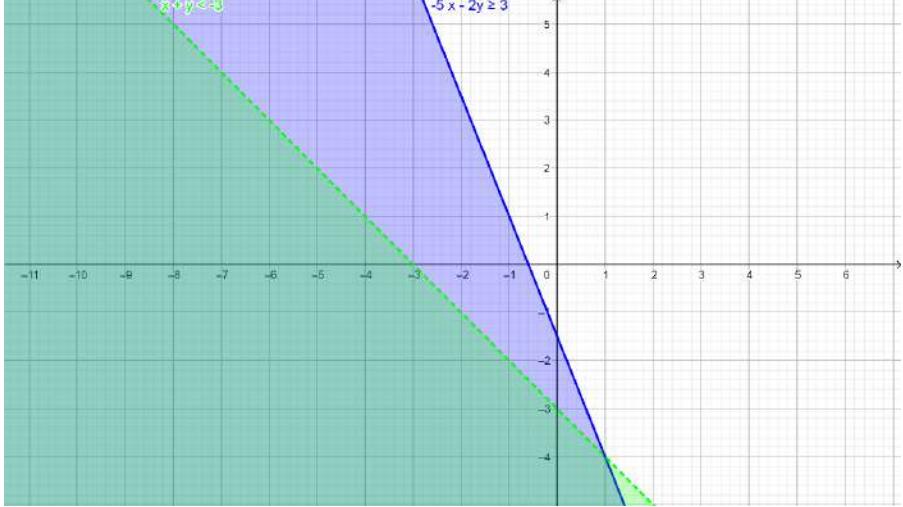
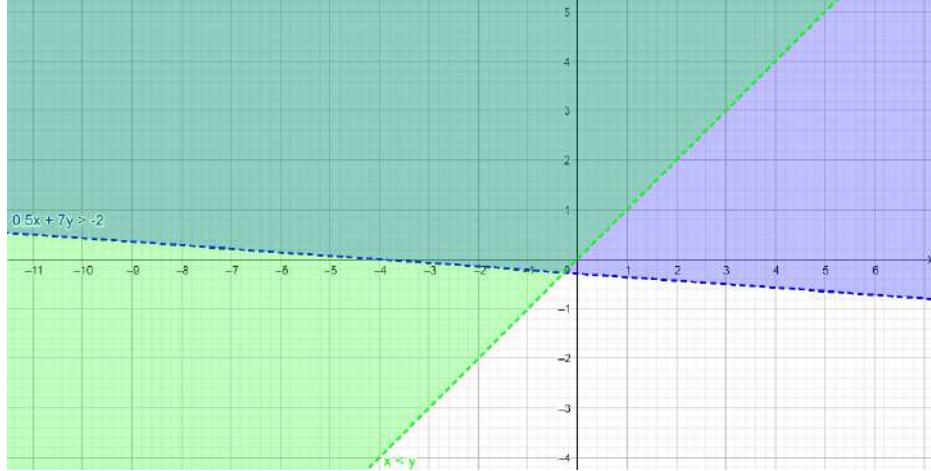
رقم السؤال	رقم الصفحة	الإجابة / الحل التفصيلي
1	21	
2	21	
3	21	
4	21	
5	21	

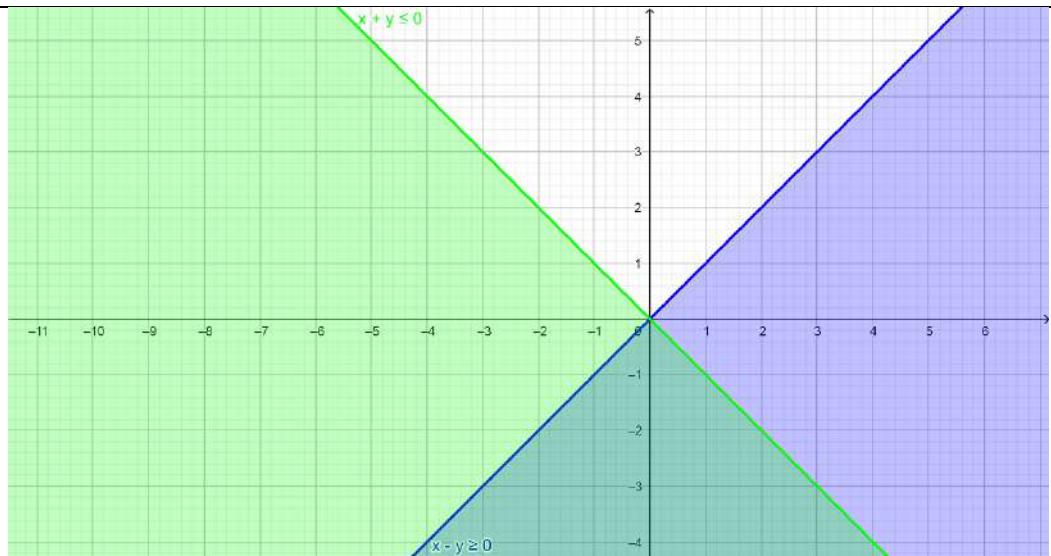
		21	6
		21	7
		21	8
		21	9
<p>بكتابة نظام المتباينات التي تمثل المسألة</p> $x + y \leq 10$ $2x + y < 12$ <p>وبتمثيل النظام بيانياً</p>		21	10
 <p>أقبل جميع القيم الصحيحة الموجبة التي تقع في منطقة الحل لأنها تمثل اعداد اشخاص</p>			

<p>افرض ان عدد تذاكر الدرجة السياحية x وعدد تذاكر الدرجة الخاصة y وبكتابة نظام المتبانيات التي تمثل المسألة $25x + 50y \geq 1600$ $x + y \leq 50$</p> <p>وبتمثل النظم بيانياً</p>  <p>أقبل جميع القيم الصحيحة الموجبة التي تقع في منطقة الحل لأنها تمثل اعداد تذاكر سفر</p>	21	11
 <p>(1,4), (1,5), (1,6), (2,3), (2,4), (3,2)</p>	21	12
<p>افرض ان عدد النقاط في الرياضيات x وعدد عدد النقاط في اللغة الانجليزية y وبكتابة نظام المتبانيات التي تمثل المسألة</p> $x + y \geq 900$ $x + y \leq 1200$ $x \geq 600$ $y \geq 200$	22	13

<p>أقبل جميع القيم الصحيحة الموجبة التي تقع في منطقة الحل لأنها تمثل عدد نقاط من مضاعفات المئة</p> <p>افرض ان عدد السيارات الصغيرة x وعدد عدد السيارات الكبيرة y وبكتابة نظام المتباينات التي تمثل المسألة</p> $2x + 3 \leq 75$ $x + y \leq 30$ <p>وبتمثل النظام بيانيًّا</p>	22	14
<p>أقبل جميع القيم الصحيحة الموجبة التي تقع في منطقة الحل لأنها تمثل اعداد سيارات</p> <p>تمثل منطقة حل كل متباينة احد الجهتين للمسقط $2x + y = 7$ وايضاً جميع النقاط الواقعه على المستقيم يكون منطقة الحل اي ان كل المستوى الاحداثي يمثل منطقة حل اذن مجموعه الحل هي مجموعه الاعداد الحقيقية</p>	22	15
<p>اقبل جميع الاجابات الصحيحة التي تحقق الشرط مثل</p> $x + 2y < 5$ $2x - 3y > 4$	22	16
<p>اقبل جميع الاجابات الصحيحة التي تتحقق الشرط مثل</p> $-x + y \geq 1$ $-3x + 3y < 2$	22	17
	22	18

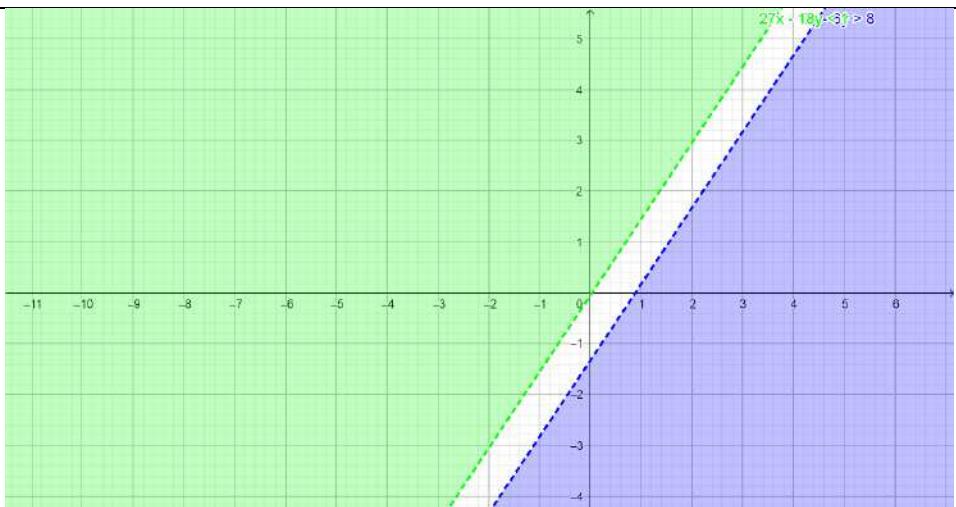
معلم برمجية جيوجبرا: استكشاف ميل مماس المنحنى.

الإجابة / الحل التفصيلي	رقم الصفحة	رقم السؤال
	24	1
	24	2



24

3



24

4

الدرس 3: البرمجة الخطية

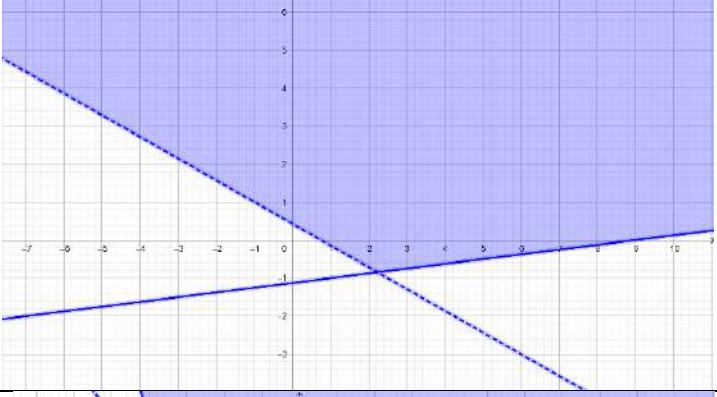
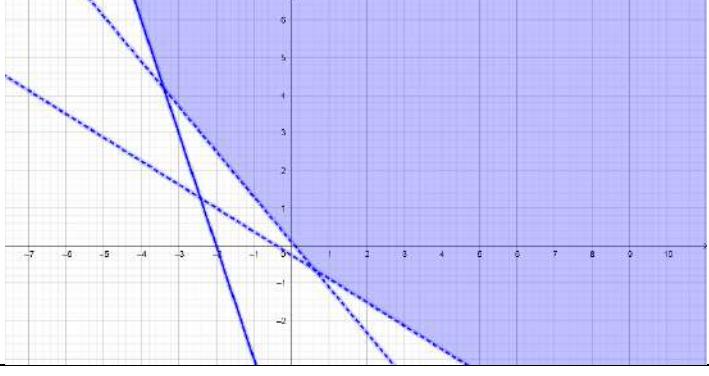
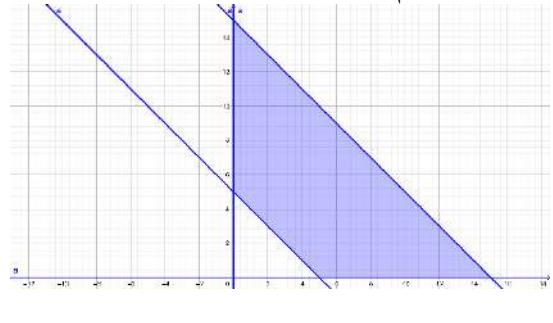
الإجابة / الحل التقسيلي	رقم الصفحة	السؤال										
أكبر قيمة $340 = Q$ عند النقطة $(2, 6)$	26	أتحقق من فهمي										
<p>x: عدد المعاطف ، y: عدد الحقائب المطلوب: أكبر قيمة للاقتران $P = 5x + 4y$</p> <p>تحت القيود:</p> $\begin{aligned} 2x + y &\leq 40 \\ 2x + 3y &\leq 60 \\ x &\geq 0, \quad y \geq 0 \end{aligned}$ <table border="1" data-bbox="241 811 1099 1043"> <thead> <tr> <th data-bbox="241 811 567 861">رؤوس منطقة الحل</th><th data-bbox="567 811 1099 861">$P = 5x + 4y$</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td data-bbox="241 861 567 912">(0, 0)</td><td data-bbox="567 861 1099 912">$P = 0$</td></tr> <tr> <td data-bbox="241 912 567 963">(0, 20)</td><td data-bbox="567 912 1099 963">$P = 5(0) + 4(20) = 80$</td></tr> <tr> <td data-bbox="241 963 567 1013">(15, 10)</td><td data-bbox="567 963 1099 1013">$P = 5(15) + 4(10) = 115$</td></tr> <tr> <td data-bbox="241 1013 567 1064">(20, 0)</td><td data-bbox="567 1013 1099 1064">$P = 5(20) + 4(0) = 100$</td></tr> </tbody> </table>	رؤوس منطقة الحل	$P = 5x + 4y$	(0, 0)	$P = 0$	(0, 20)	$P = 5(0) + 4(20) = 80$	(15, 10)	$P = 5(15) + 4(10) = 115$	(20, 0)	$P = 5(20) + 4(0) = 100$	28	أتحقق من فهمي
رؤوس منطقة الحل	$P = 5x + 4y$											
(0, 0)	$P = 0$											
(0, 20)	$P = 5(0) + 4(20) = 80$											
(15, 10)	$P = 5(15) + 4(10) = 115$											
(20, 0)	$P = 5(20) + 4(0) = 100$											
<p>أكبر ربح ممكن يساوي 115 دينار ويتحقق عند انتاج وبيع 15 معاطف و 10 حقائب أسبوعياً.</p>	30	أتحقق من فهمي										
<p>x: عدد العلب من النوع الأول ، y: عدد العلب من النوع الثاني المطلوب: أصغر قيمة للاقتران $C = 0.25x + 0.3y$</p> <p>تحت القيود:</p> $\begin{aligned} 60x + 60y &\geq 300 \\ 12x + 6y &\geq 36 \\ 10x + 30y &\geq 90 \\ x &\geq 0, \quad y \geq 0 \end{aligned}$ <table border="1" data-bbox="241 1600 1099 1833"> <thead> <tr> <th data-bbox="241 1600 567 1651">رؤوس منطقة الحل</th><th data-bbox="567 1600 1099 1651">$C = 0.25x + 0.3y$</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td data-bbox="241 1651 567 1702">(0, 6)</td><td data-bbox="567 1651 1099 1702">$C = 0 + 0.3(6) = 1.8$</td></tr> <tr> <td data-bbox="241 1702 567 1752">(1, 4)</td><td data-bbox="567 1702 1099 1752">$C = 0.25(1) + 0.3(4) = 1.45$</td></tr> <tr> <td data-bbox="241 1752 567 1803">(3, 2)</td><td data-bbox="567 1752 1099 1803">$C = 0.25(3) + 0.3(2) = 1.35$</td></tr> <tr> <td data-bbox="241 1803 567 1833">(9, 0)</td><td data-bbox="567 1803 1099 1833">$C = 0.25(9) + 0.3(0) = 2.25$</td></tr> </tbody> </table>	رؤوس منطقة الحل	$C = 0.25x + 0.3y$	(0, 6)	$C = 0 + 0.3(6) = 1.8$	(1, 4)	$C = 0.25(1) + 0.3(4) = 1.45$	(3, 2)	$C = 0.25(3) + 0.3(2) = 1.35$	(9, 0)	$C = 0.25(9) + 0.3(0) = 2.25$	30	أتحقق من فهمي
رؤوس منطقة الحل	$C = 0.25x + 0.3y$											
(0, 6)	$C = 0 + 0.3(6) = 1.8$											
(1, 4)	$C = 0.25(1) + 0.3(4) = 1.45$											
(3, 2)	$C = 0.25(3) + 0.3(2) = 1.35$											
(9, 0)	$C = 0.25(9) + 0.3(0) = 2.25$											
<p>أقل تكفة ممكنة تساوي 1.35 دينار وتتحقق عند استهلاك 3 علبة من النوع الأول و 2 علبة من النوع الثاني يومياً.</p>												

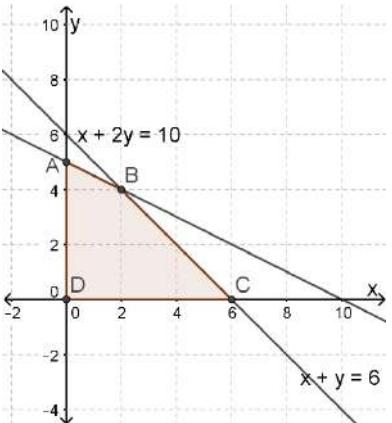
أتدرب وأحل المسائل

السؤال	رقم الصفحة	الإجابة / الحل التفصيلي										
	30	أكبر قيمة $P = 11$ عند النقطة $(2, 1)$										
	30	أكبر قيمة $R = 740$ عند النقطة $(60, 20)$										
	30	أكبر قيمة $Z = 8.5$ عند النقطة $(3, 4)$										
	30	أصغر قيمة $Q = 35$ عند النقطة $(5, 3)$										
	30	أصغر قيمة $C = 8$ عند النقطة $(0, 2)$										
	30	أصغر قيمة $K = 11250$ عند النقطة $(450, 0)$										
x : عدد علب الشوكولاتة المغطاة بالفستق ، y : عدد علب الشوكولاتة المغطاة بالبندق المطلوب: أكبر قيمة للاقتران $P = 1.5x + 2y$ تحت القيود: $x + y \leq 1200$ $2y - x \leq 0$ $x - 30y \leq 600$ $x \geq 0, y \geq 0$	31	7										
<table border="1"> <thead> <tr> <th>رؤوس منطقة الحل</th> <th>$P = 1.5x + 2y$</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>D(0, 0)</td> <td>$P = 0$</td> </tr> <tr> <td>C(600, 0)</td> <td>$P = 1.5(600) + 0 = 900$</td> </tr> <tr> <td>B(1050, 150)</td> <td>$P = 1.5(1050) + 2(150) = 1875$</td> </tr> <tr> <td>A(800, 400)</td> <td>$P = 1.5(800) + 2(400) = 2000$</td> </tr> </tbody> </table> <p>أكبر ربح ممكن يساوي 2000 دينار ويتحقق عند انتاج وبيع 800 علبة شوكولاتة مغطاة بالفستق و 400 علبة شوكولاتة مغطاة بالبندق شهرياً.</p>	رؤوس منطقة الحل	$P = 1.5x + 2y$	D(0, 0)	$P = 0$	C(600, 0)	$P = 1.5(600) + 0 = 900$	B(1050, 150)	$P = 1.5(1050) + 2(150) = 1875$	A(800, 400)	$P = 1.5(800) + 2(400) = 2000$		
رؤوس منطقة الحل	$P = 1.5x + 2y$											
D(0, 0)	$P = 0$											
C(600, 0)	$P = 1.5(600) + 0 = 900$											
B(1050, 150)	$P = 1.5(1050) + 2(150) = 1875$											
A(800, 400)	$P = 1.5(800) + 2(400) = 2000$											

أقل تكالفة ممكنة تساوي 25 دينار عند طباعة 50 كتيب و 150 نشرة.	31	8
أكبر إنتاج يساوي 70 kg عندما تشتري 5 شتلات من النوع A و 10 شتلات من النوع B .	31	9
أكبر ربح $P = 16$ ، ويتحقق عند أي من النقاط : $(4, 6), (8, 4), (10, 3), (3, 8)$ ، أو أي نقطة تقع على القطعة المستقيمة التي طرفيها النقطتين C, D ؛ لأن الاقتران الهدف P يوازي هذه القطعة المستقيمة.	32	10
$G = 3x + 4y$	32	11
$1 \leq n \leq 9$	32	12

اختبار نهاية الوحدة

الإجابة / الحل التفصيلي	رقم الصفحة	رقم السؤال
<i>d) (2,5)</i>	32	1
<i>a) $x - y \leq 0$</i>	32	2
<i>c) $y - 13x \leq -6$</i>	32	3
<i>b) (0,0)</i>	32	4
	32	5
	32	6
<p>تعني ان عدد الطالبات اقل او يساوي ضعف عدد الطالب $x + y \geq 5$ $x + y \leq 15$ $y \geq 0.5x$</p>	32	7
<p>افرض ان عدد الطالبات x وعدد الطالب y وبكتابة نظام المتباينات التي تمثل المسألة</p> $\begin{aligned} x + y &\geq 5 \\ x + y &\leq 15 \\ y &\geq 0.5x \end{aligned}$ <p>وبتمثل النظام بيانيًّا</p> 	32	8

<p>من التمثيل البياني الاحظ انه اذا كان عدد الطالبات 6 فيمكن ان يكون عدد الطلاب من صف الى 9</p> <p>بتمثيل النظام بيانياً</p>  <p>x: كيلوغرام طحين عادي ، y: كيلوغرام طحين شوفان المطلوب: أصغر قيمة للاقتران $C = 0.5x + 0.8y$</p> <p>تحت القيود:</p> $\begin{aligned} 3x + 4y &\geq 12 \\ 5x + 2y &\geq 10 \\ x + 3y &\geq 6 \\ x \geq 0, \quad y \geq 0 \end{aligned}$	33	13
---	----	----

رؤوس منطقة الحل	$C = 0.5x + 0.8y$		
A(0, 5)	$C = 0 + 0.8(5) = 4$		
B(1.14, 2.14)	$C = 0.5(1.14) + 0.8(2.14) = 2.282$		
C(2.4, 1.2)	$C = 0.5(2.4) + 0.8(1.2) = 2.16$		
D(6, 0)	$C = 0.5(6) + 0.8(0) = 3$		
أقل تكلفة ممكنة تساوي 2.16 دينار وتحقق عند خلط 2.4 kg من الطحين العادي و 1.2 kg من طحين الشوفان.			
a) >		33	14
c) $xy < x^2$		33	15
b) $x < y$		33	16
a) $x > y$		33	17
b) kn		33	18

أجابات كتاب التمارين

الوحدة 1 : البرمجة الخطية

أجابات أستعد لدراسة الوحدة صفحة 6+7

حل الممتاليات الخطية بمتغير واحد

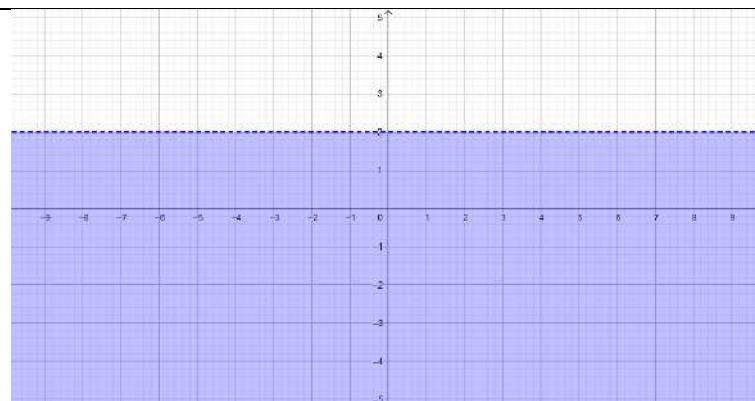
$[\frac{5}{3}, \infty)$

1

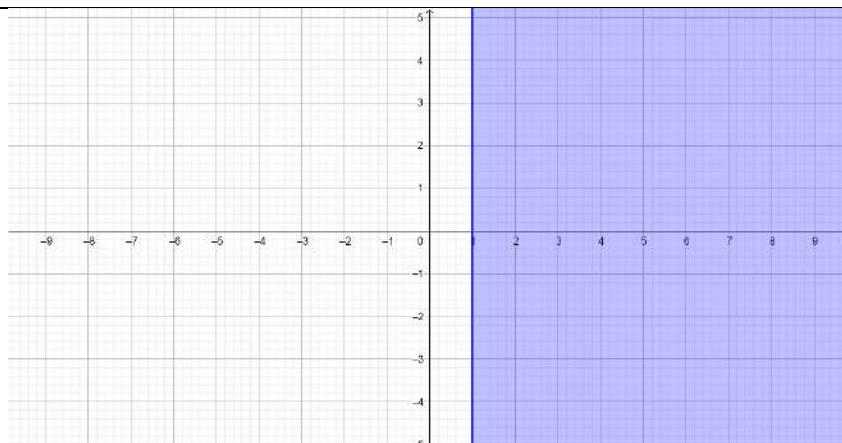
$(\frac{23}{3}, \infty)$

2

تمثيل الممتالية الخطية بمتغير واحد



1



2

حل نظام مكون من معادلتين خطيتين بطريقة الحذف

(3,2)

1

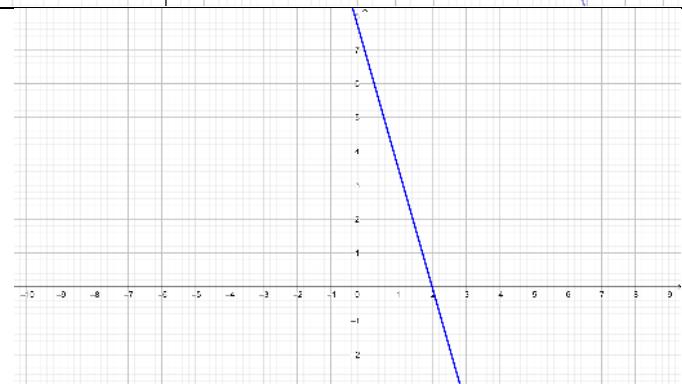
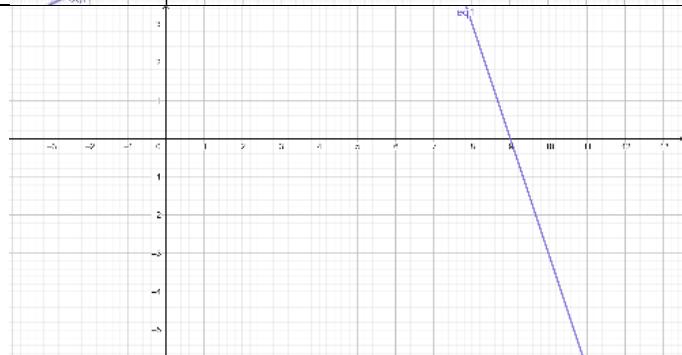
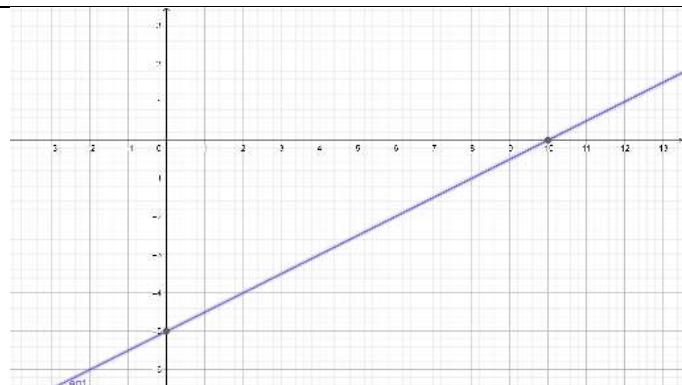
(3,3)

2

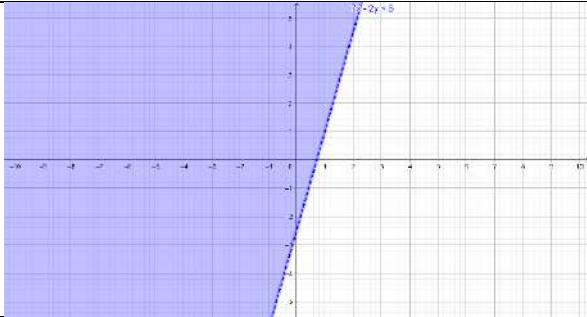
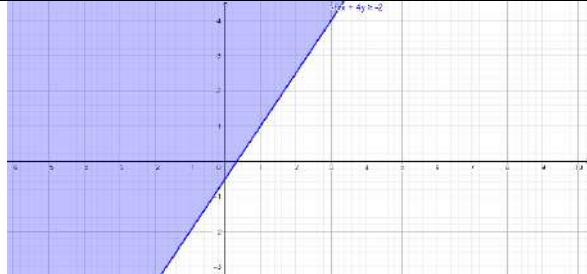
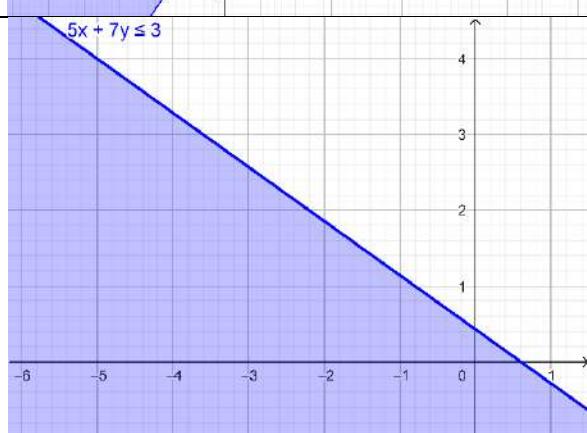
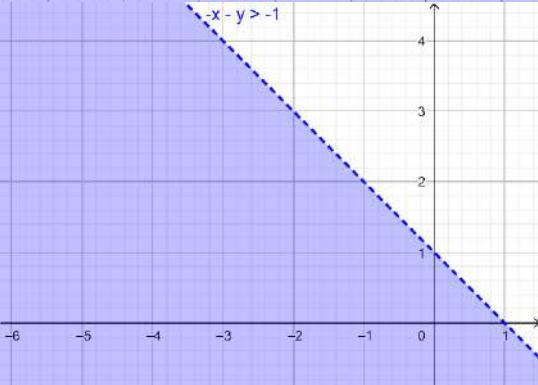
(3,-2)

3

تمثيل معادلة خطية بمتغيرين في المستوى الاحاثي



الدرس 1 : حل المتباعدة الخطية بمتغيرين بيانياً

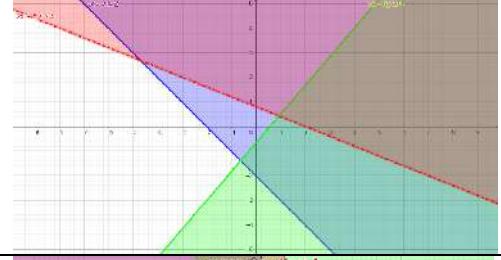
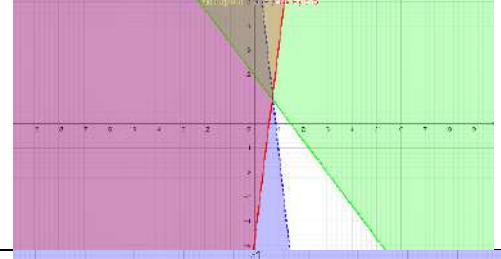
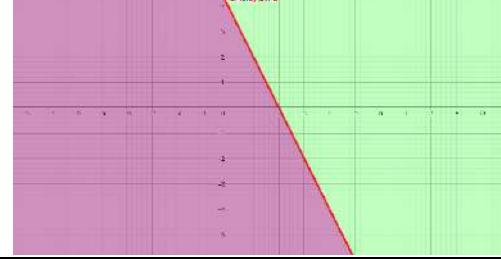
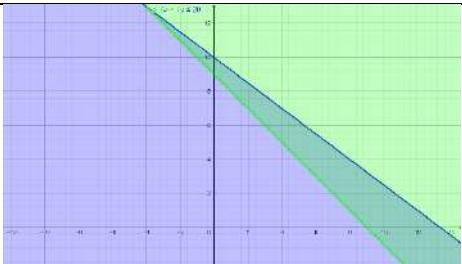
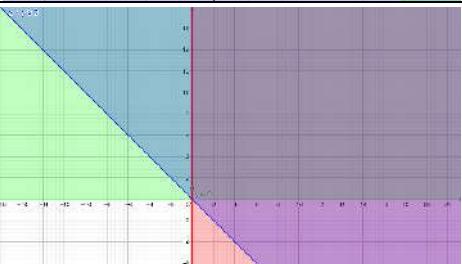
رقم السؤال	رقم الصفحة	الإجابة
1	8	يمثل الزوج حل للمتباعدة
2	8	لا يمثل الزوج حل للمتباعدة
3	8	يمثل حل الزوج للمتباعدة
4	8	المتباعدة $5x - y > -2$ تحقق الزوج المرتب
5	8	
6	8	
7	8	
8	8	

			8	9
			8	10
<p>افرض ان عدد كيلوغرام النوع الاول من الطلاء x وعدد كيلوغرام النوع الثاني من الطلاء y بتمثيل المتباينة الخطية $x + 1.25y \leq 6$</p>	8	11		
<p>حيث تمثل المنطقة المظللة منطقة الحل ويجب ان تكون y, x قيم موجبة لانها تمثل اوزان (كتل)</p>				
<p>افرض ان عدد وجبات النوع الاول x وعدد وجبات النوع الثاني y بتمثيل المتباينة الخطية $4x + 3y \geq 750$</p>	8	12		

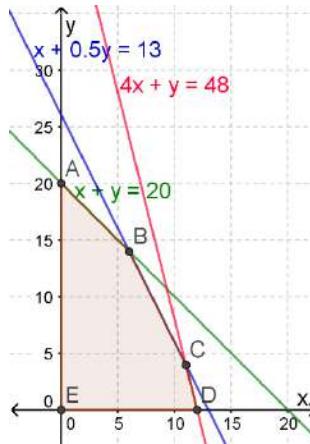
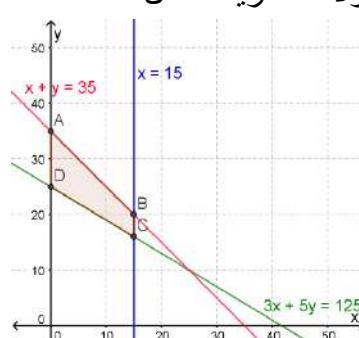
<p>حيث تمثل المنطقة المظللة منطقة الحل ويجب ان تكون x, y قيم صحيحة موجبة لانها تمثل عدد وجبات</p>		
<p>افرض ان عدد امتار النوع الاول x وعدد امتار النوع الثاني y بتمثيل المتباينة الخطية $2x + 1.5y \geq 3200$</p>	8	13
<p>حيث تمثل المنطقة المظللة منطقة الحل ويجب ان تكون x, y قيم موجبة لانها تمثل اطوال</p>		
<p>افرض ان عدد الخزانات الصغيرة x عدد الخزانات الكبيرة y بتمثيل المتباينة الخطية $18x + 40y \leq 1000$</p>	8	14

الدرس 2 : حلّ نظام متبادرات خطية بمتغيرين بيانياً

رقم الصفحة	رقم السؤال	الإجابة
9	1	
9	2	
9	3	
9	4	

	9	5
	9	6
	9	7
	9	8
$1.5a + 2b \leq 20$ $a + b > 9$	9	9
	9	10
	9	11
أقبل اي ثلاثة حلول تمثل حل للنظام $(0,0), (1,2), (2,2)$		

الدرس 3 : البرمجة الخطية

السؤال	رقم الصفحة	الإجابة / الحل التصيلي												
	10	أصغر قيمة $Q = 8$ عند النقطة $(0, 4)$												
	10	أكبر قيمة $W = 40$ عند النقطة $(0, 20)$												
	10	<p>x: عدد الدراجات من النوع A ، y: عدد الدراجات من النوع B المطلوب: أكبر قيمة للاقتران $P = 45x + 30y$</p> <p>تحت القيود:</p> $2x + 2y \leq 40$ $4x + y \leq 48$ $x + 0.5y \leq 13$ $x \geq 0, y \geq 0$  <table border="1"> <thead> <tr> <th>رؤوس منطقة الحل</th> <th>$P = 45x + 30y$</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>A(0, 20)</td> <td>$P = 45(0) + 30(20) = 600$</td> </tr> <tr> <td>B(6, 14)</td> <td>$P = 45(6) + 30(14) = 690$</td> </tr> <tr> <td>C(11, 4)</td> <td>$P = 45(11) + 30(4) = 615$</td> </tr> <tr> <td>D(12, 0)</td> <td>$P = 45(12) + 30(0) = 540$</td> </tr> <tr> <td>E(0, 0)</td> <td>$P = 45(0) + 30(0) = 0$</td> </tr> </tbody> </table> <p>أكبر ربح ممكن يساوي 690 دينار ويتتحقق عند انتاج وبيع 6 دراجات من النوع A و 14 دراجة من النوع B أسيو عيًّا.</p>	رؤوس منطقة الحل	$P = 45x + 30y$	A(0, 20)	$P = 45(0) + 30(20) = 600$	B(6, 14)	$P = 45(6) + 30(14) = 690$	C(11, 4)	$P = 45(11) + 30(4) = 615$	D(12, 0)	$P = 45(12) + 30(0) = 540$	E(0, 0)	$P = 45(0) + 30(0) = 0$
رؤوس منطقة الحل	$P = 45x + 30y$													
A(0, 20)	$P = 45(0) + 30(20) = 600$													
B(6, 14)	$P = 45(6) + 30(14) = 690$													
C(11, 4)	$P = 45(11) + 30(4) = 615$													
D(12, 0)	$P = 45(12) + 30(0) = 540$													
E(0, 0)	$P = 45(0) + 30(0) = 0$													
	10	<p>x: عدد الطاولات مستطيلة الشكل ، y: عدد الطاولات دائيرية الشكل</p> <p>المطلوب: أصغر قيمة للاقتران $C = 28x + 52y$</p> <p>تحت القيود:</p> $6x + 10y \geq 250$ $x + y \leq 35$ $x \leq 15$ $x \geq 0, y \geq 0$  <table border="1"> <thead> <tr> <th>رؤوس منطقة الحل</th> <th>$C = 28x + 52y$</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>A(0, 35)</td> <td>$C = 28(0) + 52(35) = 1820$</td> </tr> <tr> <td>B(15, 20)</td> <td>$C = 28(15) + 52(20) = 1460$</td> </tr> <tr> <td>C(15, 16)</td> <td>$C = 28(15) + 52(16) = 1252$</td> </tr> <tr> <td>D(0, 25)</td> <td>$C = 28(0) + 52(25) = 1300$</td> </tr> </tbody> </table> <p>أقل تكالفة ممكنة تساوي 1252 دينار وتحتحقق عند استئجار 15 مستطيلة الشكل و 16 طاولة دائيرية الشكل.</p>	رؤوس منطقة الحل	$C = 28x + 52y$	A(0, 35)	$C = 28(0) + 52(35) = 1820$	B(15, 20)	$C = 28(15) + 52(20) = 1460$	C(15, 16)	$C = 28(15) + 52(16) = 1252$	D(0, 25)	$C = 28(0) + 52(25) = 1300$		
رؤوس منطقة الحل	$C = 28x + 52y$													
A(0, 35)	$C = 28(0) + 52(35) = 1820$													
B(15, 20)	$C = 28(15) + 52(20) = 1460$													
C(15, 16)	$C = 28(15) + 52(16) = 1252$													
D(0, 25)	$C = 28(0) + 52(25) = 1300$													

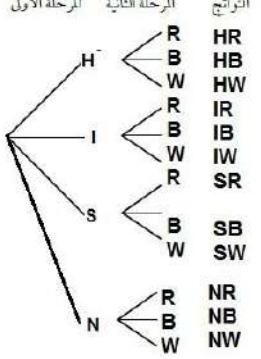
أجابات كتاب الطالب

الوحدة 2 : مبدأ العد والتباديل والتواتر

الدرس 1 : مبدأ العد الأساسي

رقم السؤال	رقم الصفحة	الإجابة / الحل التفصيلي
أتحقق من فهمي	37	<p style="text-align: center;">المرحلة الأولى النواتج</p> <p style="text-align: center;"> عدد النواتج = 16</p>
أتحقق من فهمي	38	$5 \times 3 \times 4 = 60$
أتحقق من فهمي	40	<p>a) $9 \times 9 \times 9 \times 9 \times 9 = 59049$</p> <p>b) $9 \times 8 \times 7 \times 6 \times 5 = 15120$</p> <p>c) $1 \times 9 \times 9 \times 9 \times 9 = 6561$</p>

أتدريب وأحل المسائل

الإجابة / الحل التفصيلي	رقم الصفحة	رقم السؤال																				
 <p style="text-align: center;">المرحله الأولى المرحلة الثانية المرحله الثانيه</p> <p style="text-align: center;">النتائج</p> <p style="text-align: center;"> عدد الطرق = 12</p>	40	1																				
<table border="1" style="width: 100%; text-align: center;"> <tr> <th></th><th>H</th><th>I</th><th>S</th><th>N</th></tr> <tr> <td>R</td><td>RH</td><td>RI</td><td>RS</td><td>RN</td></tr> <tr> <td>B</td><td>BH</td><td>BI</td><td>BS</td><td>BN</td></tr> <tr> <td>W</td><td>WH</td><td>WI</td><td>WS</td><td>WN</td></tr> </table>		H	I	S	N	R	RH	RI	RS	RN	B	BH	BI	BS	BN	W	WH	WI	WS	WN	40	2
	H	I	S	N																		
R	RH	RI	RS	RN																		
B	BH	BI	BS	BN																		
W	WH	WI	WS	WN																		
<table style="width: 100%; text-align: center;"> <tr> <td>RH</td><td>RI</td><td>RS</td><td>RN</td></tr> <tr> <td>BH</td><td>BI</td><td>BS</td><td>BN</td></tr> <tr> <td>WH</td><td>WI</td><td>WS</td><td>WN</td></tr> </table>	RH	RI	RS	RN	BH	BI	BS	BN	WH	WI	WS	WN	40	3								
RH	RI	RS	RN																			
BH	BI	BS	BN																			
WH	WI	WS	WN																			
$2 \times 8 \times 3 = 48$	40	4																				
$26 \times 26 \times 26 \times 26 \times 10 = 4569760$	41	5																				
$3 \times 3 = 9$	41	6																				
$3 \times 2 = 6$	41	7																				
$1 \times 21 \times 20 = 420$	41	8																				
$3 \times 2 = 6$	41	9																				
$3 \times 6 = 18$	41	10																				
$\frac{480}{6 \times 10} = 8$	41	11																				
$5 \times 5 \times 5 \times 1 = 125$	41	12																				
$10 \times 9 \times 5 = 450$	41	13																				
بضرب عدد الطرق الممكنة في كل مرحلة ببعضها .	41	14																				

الدرس 2: مضروب العدد

رقم السؤال	رقم الصفحة	الإجابة / الحل التفصيلي
أتحقق من فهمي	43	a) 5040 b) 120
أتحقق من فهمي	43	c) 24 d) 95040
أتحقق من فهمي	44	$7! = 5040$ a) $5! = 120$
أتحقق من فهمي		b) $\frac{5!}{(2!)(2!)} = 30$

أتدرب وأحل المسائل

رقم السؤال	رقم الصفحة	الإجابة / الحل التفصيلي
1	45	120
2	45	120
3	45	5040
4	45	8910720
5	45	210
6	45	1716
7	45	$5!=120$
8	45	$\frac{9!}{2!} = 181440$
9	45	$6!=720$
10	45	$4!=24$
11	45	$5!=120$
12	45	$5!=120$
13	45	$8!=40320$
14	45	$4 \times 3 \times 6! = 8640$
15	45	$4! \times 4! = 576$

الدرس 3: التباديل

رقم السؤال	رقم الصفحة	الإجابة / الحل التفصيلي
أتحقق من فهمي	48	a) 120 b) 132
أتحقق من فهمي	49	$5P3=60$
أتحقق من فهمي	50	$26P5=7893600$

اتدرب وأحل المسائل

رقم السؤال	رقم الصفحة	الإجابة
1	50	15120
2	50	1
3	50	9702
4	50	$\frac{90}{7}$
5	50	259458360
6	50	5040
7	50	$5P2=20$
8	51	$12P4=11880$
9	51	$8P2=56$
10	51	$5P5=120$
11	51	$9P3=504$
12	51	$6P6=720$
13	51	$4P4 \times 3P3 = 144$
14	51	$7P2=42$
15	51	$\frac{10!}{(10-r)!} = 5040$

$$\begin{aligned}
 (10 - r)! &= \frac{10!}{5040} \\
 (10 - r)! &= 720 \\
 10 \times 9 \times (10 - r + 1) &= 10 \times 9 \times 8 \\
 10 - r + 1 &= 8 \\
 r &= 3
 \end{aligned}$$

$$nP_r = \frac{n!}{(n - n)!} = \frac{n!}{1} = n!$$

51 16

الدرس 4 : التوافق

رقم السؤال	رقم الصفحة	الإجابة / الحل التفصيلي
أتحقق من فهمي	53	a) 1286 b) 1
أتحقق من فهمي	54	$10C3=120$
أتحقق من فهمي	55	a) $4C2=6$ b) $(4P2)(5P1)=60$

أتدرب وأحل المسائل

رقم السؤال	رقم الصفحة	الإجابة
1	55	120
2	55	1
3	55	27
4	55	7920
5	55	$\frac{15}{4}$
6	55	$\frac{3}{4}$
7	56	$7C2=21$
8	56	$8C3=56$
9	56	$10C3=120$
10	56	$15C2=105$
11	56	$15P2=210$
12	56	$9C5=126$
13	56	$10C4=210$
14	56	اجابة سعيد هي الصحيحة لأن ترتيب الطلبة غير مهم

${}_nP_r = {}_nC_r$	56	15
$\frac{n!}{(n-r)!} = \frac{n!}{r!(n-r)!}$		
$1 = \frac{1}{r!}$		
$r! = 1$		
$r = 0, 1$		
${}_nC_r = {}_nC_{(n-r)}$	56	16

اختبار نهاية الوحدة

رقم السؤال	رقم الصفحة	الإجابة / الحل التفصيلي
1	57	c) 7
2	57	b) 9
3	57	a) 1
4	57	b) n
5	57	$6 \times 4 = 24$
6	57	$25 \times 36 = 900$
7	57	$(5C2)(6C4)=150$
8	57	$(7C3)(10C5)=8820$
9	57	c) $8C3 = 56$
10	57	a) $10P3 = 720$
11	57	d) $7! = 5040$

أجابات كتاب التمارين

الوحدة 2 : مبدأ العد والتباديل والتواافق

أجابات أستعد لدراسة الوحدة صفحة 12+11

استعمال الرسم الشجري :	
عدد النواتج = 36	1
استعمال الجدول :	
عدد النواتج = 6	2
عدد النواتج = 4	3
القوائم المنظمة :	
عدد النواتج = 8	4
عدد النواتج = 30	5
عدد النواتج = 16	6

الدرس 1 : مبدأ العد الأساسي

الحل التفصيلي	الإجابة	رقم الصفحة	رقم السؤال																
		13	1																
	<table border="1"> <tr> <td>رمادي</td> <td>اخضر</td> <td>ابيض</td> <td></td> </tr> <tr> <td>اسود،رمادي</td> <td>اسود، ابيض</td> <td>اسود</td> <td></td> </tr> <tr> <td>ازرق،رمادي</td> <td>ازرق، اخضر</td> <td>ازرق</td> <td></td> </tr> <tr> <td>بني،رمادي</td> <td>بني، اخضر</td> <td>بني</td> <td></td> </tr> </table>	رمادي	اخضر	ابيض		اسود،رمادي	اسود، ابيض	اسود		ازرق،رمادي	ازرق، اخضر	ازرق		بني،رمادي	بني، اخضر	بني		13	2
رمادي	اخضر	ابيض																	
اسود،رمادي	اسود، ابيض	اسود																	
ازرق،رمادي	ازرق، اخضر	ازرق																	
بني،رمادي	بني، اخضر	بني																	
	اسود، ابيض اسود، اخضر اسود، رمادي ازرق، ابيض ازرق، اخضر ازرق، رمادي بني، ابيض بني، اخضر بني، رمادي	13	3																
	$8 \times 6 = 48$	13	4																
	$7 \times 7 \times 5 \times 5 = 1225$	13	5																
	$7 \times 6 \times 5 \times 4 = 840$	13	6																
	$7 \times 7 \times 5 \times 4 = 980$	13	7																
	$26 \times 26 \times 9 \times 9 = 54756$	13	8																
	$26 \times 25 \times 9 \times 8 = 46800$	13	9																
	$1 \times 25 \times 9 \times 8 = 1800$	13	10																
	$7 \times 4 = 28$	13	11																

الدرس 2 : مضروب العدد

الحل التفصيلي	الإجابة	رقم الصفحة	رقم السؤال
	5040	14	1
	24	14	2
	720	14	3
	30	14	4
	$\frac{1}{12}$	14	5
	36	14	6
	24	14	7
	$7!=5040$	14	8
	$\frac{9!}{(3!)(2!)(2!)} = 15120$	14	9
	$4! = 24$	14	10
	$6!=720$	14	11
	$(4!)(6!) = 17280$	14	12
	$5!=120$	14	13

الدرس 3 : التباديل

الحل التفصيلي	الإجابة	رقم الصفحة	رقم السؤال
	360360	15	1
	1411200	15	2
	58344	15	3
	180	15	4
	3P3=6	15	5
	365P3=48228180	15	6
	7P7=5040	15	7
	5P2=20	15	8
	10P3=720	15	9
	6P6=720	15	10
	10P6=151200	15	11
	11P5=55440	15	12
	22P2=462	15	13

الدرس 4 : التوافق

الحل التفصيلي	الإجابة		رقم السؤال
	126	16	1
	174	16	2
	5880	16	3
	$\frac{4}{3}$	16	4
	$8C3=56$	16	5
	$(7C 2)(9C4)=2646$	16	6
	$5C2=10$	16	7
	$9C2=36$	16	8
	$22C4=7315$	16	9
	$22P4=175560$	16	10
	$(9C3)(8C4)=5880$	16	11
	$(5C2)(5C3)=100$	16	12

أجابات كتاب الطالب

الوحدة 3 : الاحتمالات

الدرس 1 : الاحتمال بالتباديل والتوافيق

السؤال	رقم الصفحة	الإجابة / الحل التفصيلي
أتحقق من فهمي	61	$\frac{1}{3}$
أتحقق من فهمي	62	$\frac{1}{45}$
أتحقق من فهمي	63	$P(A) = \frac{8C3}{16C3} = \frac{56}{560} = \frac{1}{10}$
أتحقق من فهمي	65	a) $P(A) = \frac{6C2 \times 3C2}{9C4} = \frac{15 \times 3}{126} = \frac{5}{14}$ b) $P(B) = \frac{6P2 \times 3C2}{9C4} = \frac{30 \times 3}{126} = \frac{5}{7}$
أتدرب وأحل المسائل		
1	65	$P(A) = \frac{2 \times 10!}{12!} = \frac{1}{66}$
2	65	$P(A) = \frac{1}{10^5 - 1} = \frac{1}{99999}$
3	65	$P(A) = \frac{3}{6C3} = \frac{3}{20}$
4	65	$P(A) = \frac{6C2 \times 4C2}{10C4} = \frac{15 \times 6}{210} = \frac{3}{7}$
5	66	$P(A) = \frac{10P2 \times 10C4}{20C6} = \frac{90 \times 210}{38760} = \frac{315}{646}$
6	66	$P(A) = \frac{2}{4!} = \frac{2}{24} = \frac{1}{12}$
7	66	$P(A) = \frac{10C4}{30C4} = \frac{210}{27405}$
8	66	$P(B) = 1 - P(A) = 1 - \frac{210}{27405} = \frac{27196}{27405}$
9	66	$P(M) = \frac{(10C2 \times 7C1 \times 13C1) + (10C1 \times 7C2 \times 13C1) + (10C1 \times 7C1 \times 13C2)}{30C4}$ $= \frac{(45 \times 7 \times 13) + (10 \times 21 \times 13) + (10 \times 7 \times 78)}{27405} = \frac{4095 + 2730 + 5460}{27405} = \frac{12285}{27405}$
10	66	$P(A) = \frac{3}{6P6} = \frac{3}{720} = \frac{1}{240}$

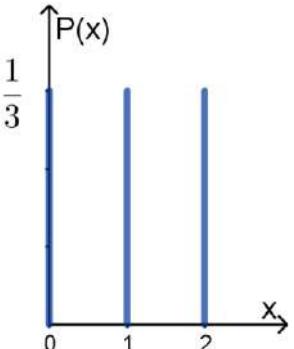
$P(A) = 1 - P(\bar{A})$ $= 1 - \frac{5 \times 2}{6P6} = \frac{710}{720}$	66	11
$P(A) = \frac{4!}{6!} = \frac{1}{30}$	66	12
$P(A) = \frac{2!}{6!} = \frac{1}{360}$	66	13
إجابة محتملة: خمسة عناصر من ضمنها العنصرين y, x ، ويطلب احتمال اختيار العنصرين y, x عشوائياً في مجموعة (الترتيب غير مهم) من بين العناصر الخمسة.	66	14
صالح ؛ لأن الترتيب مهم ، فيجب استعمال التباديل .	66	15

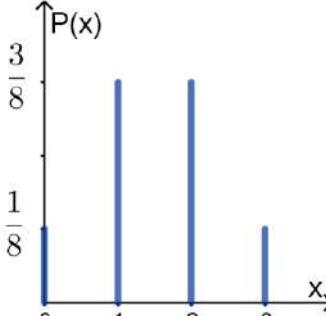
الدرس 2: المتغيرات العشوائية

السؤال	رقم الصفحة	الإجابة / الحل التفصيلي
أتحقق من فهمي	67	$X = \{ 1, 2, 3, 4, 5, 6 \}$
أتحقق من فهمي	68	$X = \{ 0, 1, 2, 3 \}$
أتحقق من فهمي	69	$A = \{ (0, 4), (4, 0), (1, 3), (3, 1) \}$
أتدرب وأحل المسائل		
1	70	$X = \{ 1, 2, 3, 4, 6, 9 \}$
2	70	$X = \{ 2, 3, 6 \}$
3	70	$X = \{ 2, 3, 6 \}$
4	70	$X = \{ 1, 2, 3, 4, 5, 6 \}$
5	70	$X = \{ 0, 1, 2, 3 \}$
6	70	$X = \{ 0, 1, 2, 3, 4, 6, 9 \}$
7	70	$R: \text{حمراء} , Y: \text{صفراء} , G: \text{خضراء}$ $A = \{ (R, R, Y), (R, Y, R), (Y, R, R), (R, R, G), (R, G, R), (G, R, R) \}$
8	70	8 مجاميع مختلفة
9	70	إجابة محتملة: سحب بطاقتين عشوائياً على التوالي مع الإرجاع وتسجيل الفرق المطلق بين العددين الظاهرين عليهما من بين ثلاثة بطاقات تحمل كل منها أحد الأعداد 2، 3، 4 .
10	70	السحب مع الإرجاع؛ لأن العدد 2 على سبيل المثال لا يمكن أن يكون إحدى قيم المتغير العشوائي، إلا إذا تكرر سحب البطاقة التي تحمل العدد 1 .

إجابة محتملة: سلعة تكلفتها 5 دنانير ، وبيعت في أيام مختلفة بالأسعار: 6 ، 7 ، 5 ، 4 ، 3 . وكان المتغير العشوائي يدل على مقدار الربح (أو الخسارة).	70	11
---	----	----

الدرس 3: احتمال المتغير العشوائي

السؤال	رقم الصفحة	الإجابة / الحل التفصيلي										
أتحقق من فهمي	73	<p>a)</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto; border-collapse: collapse; text-align: center;"> <tr> <td>x</td><td>0</td><td>1</td><td>2</td></tr> <tr> <td>$P(x)$</td><td>$\frac{1}{3}$</td><td>$\frac{1}{3}$</td><td>$\frac{1}{3}$</td></tr> </table> <p>b)</p> 	x	0	1	2	$P(x)$	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{3}$		
x	0	1	2									
$P(x)$	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{3}$									
أتحقق من فهمي	74	<p>1) $0.2 + b + 0.2 + 2b = 1$ $0.4 + 3b = 1$ $3b = 0.6$ $b = 0.2$</p> <p>2) $P(2 \leq x \leq 4) = P(2) + P(3) + P(4)$ $= 0.2 + 0.2 + 0.4 = 0.8$</p>										
أتحقق من فهمي	75	<p>1) $2k + 2k + 3k + 3k = 1$ $10k = 1$ $k = 0.1$</p> <p>2)</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto; border-collapse: collapse; text-align: center;"> <tr> <td>x</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td></tr> <tr> <td>$P(x)$</td><td>0.2</td><td>0.2</td><td>0.3</td><td>0.3</td></tr> </table> <p>3) $P(x \geq 3) = P(3) + P(4)$ $= 0.3 + 0.3 = 0.6$</p>	x	1	2	3	4	$P(x)$	0.2	0.2	0.3	0.3
x	1	2	3	4								
$P(x)$	0.2	0.2	0.3	0.3								

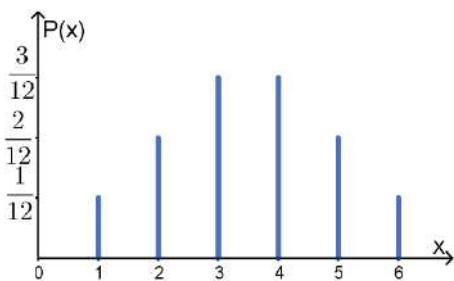
$X = \{ 0, 1, 2, 3 \}$ $P(x = 0) = \frac{4}{7} \times \frac{4}{7} \times \frac{4}{7} = \frac{64}{343}$ $P(x = 1) = 3 \left(\frac{3}{7} \times \frac{4}{7} \times \frac{4}{7} \right) = \frac{144}{343}$ $P(x = 2) = 3 \left(\frac{3}{7} \times \frac{3}{7} \times \frac{4}{7} \right) = \frac{108}{343}$ $P(x = 3) = \frac{3}{7} \times \frac{3}{7} \times \frac{3}{7} = \frac{27}{343}$ <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>x</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td></tr> <tr> <td>$P(x)$</td><td>$\frac{64}{343}$</td><td>$\frac{144}{343}$</td><td>$\frac{108}{343}$</td><td>$\frac{27}{343}$</td></tr> </table>	x	1	2	3	4	$P(x)$	$\frac{64}{343}$	$\frac{144}{343}$	$\frac{108}{343}$	$\frac{27}{343}$	76	أتحقق من فهمي
x	1	2	3	4								
$P(x)$	$\frac{64}{343}$	$\frac{144}{343}$	$\frac{108}{343}$	$\frac{27}{343}$								
أتدرب وأحل المسائل												
<table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>x</td><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td></tr> <tr> <td>$P(x)$</td><td>$\frac{1}{8}$</td><td>$\frac{3}{8}$</td><td>$\frac{3}{8}$</td><td>$\frac{1}{8}$</td></tr> </table>	x	0	1	2	3	$P(x)$	$\frac{1}{8}$	$\frac{3}{8}$	$\frac{3}{8}$	$\frac{1}{8}$	76	1
x	0	1	2	3								
$P(x)$	$\frac{1}{8}$	$\frac{3}{8}$	$\frac{3}{8}$	$\frac{1}{8}$								
	76	2										
$0.1 + a + 0.2 + a = 1$ $2a + 0.3 = 1$ $2a = 0.7$ $a = 0.35$	76	3										
$P(1 < x \leq 3) = P(2) + P(3)$ $= 0.2 + 0.35 = 0.55$	76	4										
$2k + 0.5k + 2k + 0.5k = 1$ $5k = 1$ $k = 0.2$	76	5										
<table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>x</td><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td></tr> <tr> <td>$P(x)$</td><td>0.4</td><td>0.1</td><td>0.4</td><td>0.1</td></tr> </table>	x	0	1	2	3	$P(x)$	0.4	0.1	0.4	0.1	76	6
x	0	1	2	3								
$P(x)$	0.4	0.1	0.4	0.1								

$P(x \geq 2) = P(x = 2) + P(x = 3)$ $= 0.4 + 0.1 = 0.5$	76	7										
$X = \{0, 1, 2, 3\}$ $P(x = 0) = \frac{3C0 \times 3C3}{6C3} = \frac{1}{20}$ $P(x = 1) = \frac{3C1 \times 3C2}{6C3} = \frac{9}{20}$ $P(x = 2) = \frac{3C2 \times 3C1}{6C3} = \frac{9}{20}$ $P(x = 3) = \frac{3C3 \times 3C0}{6C3} = \frac{1}{20}$ <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>x</td><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td></tr> <tr> <td>$P(x)$</td><td>$\frac{1}{20}$</td><td>$\frac{9}{20}$</td><td>$\frac{9}{20}$</td><td>$\frac{1}{20}$</td></tr> </table>	x	0	1	2	3	$P(x)$	$\frac{1}{20}$	$\frac{9}{20}$	$\frac{9}{20}$	$\frac{1}{20}$	77	8
x	0	1	2	3								
$P(x)$	$\frac{1}{20}$	$\frac{9}{20}$	$\frac{9}{20}$	$\frac{1}{20}$								
المجموع 7 هو المجموع ذو الاحتمال الأكبر والذي يساوي $\frac{6}{36} = \frac{1}{6}$	77	9										
$0.4 + 0.25 + 4k + 2k + k = 1$ $7k + 0.65 = 1$ $7k = 0.35$ $k = 0.05$ $P(x \geq 2) = P(2) + P(3) + P(4)$ $= 0.2 + 0.1 + 0.05$ $= 0.35$	77	10										
$0.1 \times 1 + 0.1 \times 2 + 0.1 \times 3 + k = 1$ $0.6 + k = 1$ $k = 0.4$	77	11										
$0.1 + a + 0.3 + a + 0.1 = 1$ $2a + 0.5 = 1$ $2a = 0.5$ $a = 0.25$ إذن المنوال يساوي 2	77	12										
يعتمد على اختيار الطالبة	77	13										

الدرس 4: توقع المتغير العشوائي

السؤال	رقم الصفحة	أتحقق من فهمي										
$E(x) = 0 \times 0.22 + 1 \times 0.48 + 2 \times 0.26 + 3 \times 0.04$ <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>x</td><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td></tr> <tr> <td>$P(x)$</td><td>0.22</td><td>0.48</td><td>0.26</td><td>0.04</td></tr> </table>	x	0	1	2	3	$P(x)$	0.22	0.48	0.26	0.04	79	
x	0	1	2	3								
$P(x)$	0.22	0.48	0.26	0.04								

$= 1.12$														
$0.1 + a + b + 0.2 + 0.3 = 1$ $a + b + 0.6 = 1$ $a + b = 0.4 \quad \dots [1]$ $a + 2b + 0.6 + 1.2 = 2.5$ $a + 2b = 0.7 \quad \dots [2]$ <p style="text-align: right;">بطرح المعادلة [1] من المعادلة [2]</p> $b = 0.7 - 0.4 = 0.3$ <p style="text-align: right;">بالتعويض في المعادلة [1]</p> $a + 0.3 = 0.4$ $a = 0.1$ <p style="text-align: right;">إذن $P(x = 1) = 0.1, P(x = 2) = 0.3$</p>	81	أتحقق من فهمي												
$E(x) = 0 \times 0.1 + 1 \times 0.4 + 2 \times 0.35 + 3 \times 0.15$ $= 1.55$ $\sigma^2 = \left(\sum x^2 \cdot P(x) \right) - (E(x))^2$ $= (1^2 \times 0.2 + 2^2 \times 0.35 + 3^2 \times 0.3 + 4^2 \times 0.15) - (1.55^2)$ $= 6.7 - 2.4025$ $= 4.2975$	82	أتحقق من فهمي												
أتدرب وأحل المسائل														
<table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td style="text-align: center;">x</td><td style="text-align: center;">1</td><td style="text-align: center;">2</td><td style="text-align: center;">3</td><td style="text-align: center;">4</td><td style="text-align: center;">5</td></tr> <tr> <td style="text-align: center;">$P(x)$</td><td style="text-align: center;">0.08</td><td style="text-align: center;">0.24</td><td style="text-align: center;">0.40</td><td style="text-align: center;">0.16</td><td style="text-align: center;">0.12</td></tr> </table> $E(x) = 1 \times 0.08 + 2 \times 0.24 + 3 \times 0.40 + 4 \times 0.16 + 5 \times 0.12$ $= 2.84$	x	1	2	3	4	5	$P(x)$	0.08	0.24	0.40	0.16	0.12	82	1
x	1	2	3	4	5									
$P(x)$	0.08	0.24	0.40	0.16	0.12									
$2a + b = 0.38 \quad \dots [1]$ $3a + b = 0.48 \quad \dots [2]$ <p style="text-align: right;">بطرح المعادلة [1] من المعادلة [2]</p> $b = 0.1$ <p style="text-align: right;">بالتعويض في المعادلة [1]</p> $2a + 0.1 = 0.38$ $a = 0.14$ <p style="text-align: right;">إذن $P(x = 0) = 0.14, P(x = 1) = 0.1$</p>	83	2												
<table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td style="text-align: center;">x</td><td style="text-align: center;">0</td><td style="text-align: center;">1</td><td style="text-align: center;">2</td></tr> <tr> <td style="text-align: center;">$P(x)$</td><td style="text-align: center;">0.15</td><td style="text-align: center;">0.50</td><td style="text-align: center;">0.35</td></tr> </table>	x	0	1	2	$P(x)$	0.15	0.50	0.35	83	3				
x	0	1	2											
$P(x)$	0.15	0.50	0.35											
$E(x) \approx 1.2$	83	4												
$\sigma^2 \approx 0.46$	83	5												



$$E(x) = 1 \times \frac{1}{12} + 2 \times \frac{2}{12} + 3 \times \frac{3}{12} + 4 \times \frac{3}{12} + 5 \times \frac{2}{12} + 6 \times \frac{1}{12}$$

$$= \frac{42}{12} = 3.5$$

$$\sigma^2 = \left(1 \times \frac{1}{12} + 4 \times \frac{2}{12} + 9 \times \frac{3}{12} + 16 \times \frac{3}{12} + 25 \times \frac{2}{12} + 36 \times \frac{1}{12} \right) - (3.5^2)$$

$$\sigma^2 \approx 14.17 - 12.25 = 1.92$$

$$\sigma = \sqrt{1.92} \approx 1.39$$

83 6

$$b = 035$$

$$2 \times 0.1 + 5 \times 0.35 + a \times 0.2 + 8 \times 0.35 = 5.95$$

$$0.2a = 1.2$$

$$a = 6$$

$$\sigma^2 = \left(\sum x^2 \cdot P(x) \right) - (E(x))^2$$

$$= (4 \times 0.1 + 25 \times 0.35 + 36 \times 0.2 + 64 \times 0.35) - (5.95^2)$$

$$= 38.75 - 35.4025$$

$$= 3.3475$$

83 7

$$k + \frac{1}{8} + \frac{1}{8} + 4k + \frac{1}{8} + \frac{1}{8} = 1$$

$$5k = 0.5$$

$$k = 0.1$$

$$E(x) = 1 \times 0.1 + 2 \times 0.125 + 3 \times 0.125 + 4 \times 0.4 + 5 \times 0.125$$

$$+ 6 \times 0.125$$

$$= 3.7$$

83 8

حلول أسئلة اختبار نهاية الوحدة 3

السؤال	رقم الصفحة	الإجابة / الحل التفصيلي												
b	84	1												
c	84	2												
d	84	3												
a	84	4												
b	84	5												
c	84	6												
a	84	7												
c	84	8												
<table border="1"> <tr> <td>x</td><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td></tr> <tr> <td>$P(x)$</td><td>$\frac{8}{60}$</td><td>$\frac{12}{60}$</td><td>$\frac{10}{60}$</td><td>$\frac{18}{60}$</td><td>$\frac{12}{60}$</td></tr> </table> $E(x) = 1 \times \frac{12}{60} + 2 \times \frac{10}{60} + 3 \times \frac{18}{60} + 4 \times \frac{12}{60}$ $= \frac{134}{60} \approx 2.23$		x	0	1	2	3	4	$P(x)$	$\frac{8}{60}$	$\frac{12}{60}$	$\frac{10}{60}$	$\frac{18}{60}$	$\frac{12}{60}$	85
x	0	1	2	3	4									
$P(x)$	$\frac{8}{60}$	$\frac{12}{60}$	$\frac{10}{60}$	$\frac{18}{60}$	$\frac{12}{60}$									
<table border="1"> <tr> <td>x</td><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td></tr> <tr> <td>$P(x)$</td><td>$\frac{20}{84}$</td><td>$\frac{45}{84}$</td><td>$\frac{18}{84}$</td><td>$\frac{1}{84}$</td></tr> </table>		x	0	1	2	3	$P(x)$	$\frac{20}{84}$	$\frac{45}{84}$	$\frac{18}{84}$	$\frac{1}{84}$	85		
x	0	1	2	3										
$P(x)$	$\frac{20}{84}$	$\frac{45}{84}$	$\frac{18}{84}$	$\frac{1}{84}$										
$P(x \geq 1) = \frac{45}{84} + \frac{18}{84} + \frac{1}{84} = \frac{64}{84}$		85												
$2a + 6b = 1 \dots \dots [1]$ $a + 2b = \frac{5}{12} \dots \dots [2]$ $2a + 4b = \frac{5}{6} \dots \dots [3]$ $2 \times [2] \quad \text{المعادلة [2]}$ $\text{المعادلة [1]} - \text{المعادلة [3]} \quad [1] - [3]$ $2b = \frac{1}{6} \dots \dots [3]$ $b = \frac{1}{12}$ $a + \frac{2}{12} = \frac{5}{12}$ $a = \frac{3}{12}$ $\text{بالتقسيم في المعادلة [2]}$		85												

$P(x = 4) = \frac{8C4 \times 4C2}{12C6} = \frac{70 \times 6}{924} = \frac{70}{154}$	85	13
$P(x \geq 4) = P(x = 4) + P(x = 5) + P(x = 6)$ $= \frac{420}{924} + \frac{224}{924} + \frac{28}{924} = \frac{672}{924}$	85	14
$E(x) = -2a + 3(1 - a) = 3 - 5a$ $(E(x))^2 = 9 - 30a + 25a^2$ $\sigma^2 = 4a + 9 - 9a - 9 + 30a - 25a^2$ $\sigma^2 = 25a - 25a^2$ $\sigma^2 = 25a(1 - a)$	85	15
$E(x) = 2$ $3 - 5a = 2$ $a = 0.2$ $\sigma^2 = 25(0.2)(0.8) = 4$ $\sigma = \sqrt{4} = 2$	85	16

أجابات كتاب التمارين

الوحدة 3 : الاحتمالات

أجابات أستعد لدراسة الوحدة صفحة 17+18

السؤال	رقم الصفحة	الإجابة / الحل التفصيلي
1	17	$\frac{5!}{3!} = \frac{5 \times 4 \times 3!}{3!} = 20$
1	17	$\frac{9!}{3! \times 6!} = \frac{9 \times 8 \times 7 \times 6!}{3! \times 6!} = \frac{9 \times 8 \times 7}{3 \times 2 \times 1} = 84$
2	17	$(n+1)! = 24$ $(n+1)! = 4!$ $n+1 = 4$ $n = 3$
3	17	$5P3 = 5 \times 4 \times 3 = 60$
4	18	$10P2 \times 8C2 = 90 \times 28 = 2520$
5	18	$6C2 \times 6C2 = 15 \times 15 = 225$

الدرس 1 : الاحتمالات بالتباديل والتواافق

السؤال	رقم الصفحة	الإجابة / الحل التفصيلي
1	19	$P(A) = \frac{2 \times 3!}{4!} = \frac{1}{2}$
2	19	$P(A) = \frac{1}{5P2} = \frac{1}{20}$
3	19	$P(A) = \frac{5C3}{9C3} = \frac{10}{84} = \frac{5}{42}$
4	19	$P(A) = \frac{6C2 \times 6C2}{12C4} = \frac{15 \times 15}{495} = \frac{15}{33}$
5	19	$P(B) = \frac{6P2 \times 6C2}{12C4} = \frac{30 \times 15}{495} = \frac{30}{33}$
6	19	$P(M) = \frac{6C4}{12C4} = \frac{15}{495} = \frac{1}{33}$
7	19	$P(F) = \frac{6C3 \times 6C1}{12C4} + \frac{6C4}{12C4} = \frac{20 \times 6}{495} + \frac{15}{495} = \frac{135}{495} = \frac{3}{11}$
8	19	$P(A) = \frac{10C2 \times 10C3}{20C5} = \frac{45 \times 120}{15504} = \frac{675}{1938}$

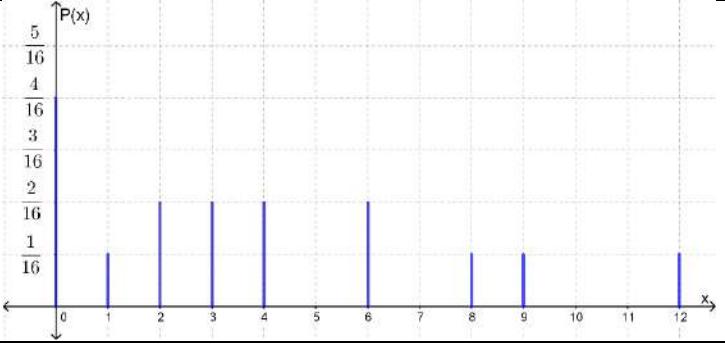
$P(B) = \frac{10C5}{20C5} = \frac{252}{15504} = \frac{63}{3876} = \frac{21}{1292}$	19	9
$P(D) = \frac{10C3 \times 10C2 + 10C4 \times 10C1 + 10C5 \times 10C0}{20C5}$ $= \frac{120 \times 45 + 210 \times 10 + 252 \times 1}{15504}$ $= \frac{7752}{15504} = \frac{1938}{3876} = \frac{646}{1292}$	19	10

الدرس 2 : المتغير العشوائي

السؤال	رقم الصفحة	الإجابة / الحل التفصيلي
1	20	$X = \{0, 1, 2\}$
2	20	$X = \{0, 1, 2, 3, 4\}$
3	20	$A = \{(1, 3), (3, 1)\}$
4	20	$B = \{(1, 3), (3, 1), (2, 2)\}$
5	20	$X = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$
6	20	$X = \{1, 2, 3, 4\}$
7	20	$X = \{1, 2, 3, 4, 6, 8, 9, 12\}$

الدرس 3 : احتمال المتغير العشوائي

السؤال	رقم الصفحة	الإجابة / الحل التفصيلي																				
1	21	<table border="1"> <tr> <td>X</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td><td>6</td><td>7</td> </tr> <tr> <td>$P(X)$</td><td>$\frac{1}{16}$</td><td>$\frac{2}{16}$</td><td>$\frac{3}{16}$</td><td>$\frac{4}{16}$</td><td>$\frac{3}{16}$</td><td>$\frac{2}{16}$</td><td>$\frac{1}{16}$</td> </tr> </table>	X	1	2	3	4	5	6	7	$P(X)$	$\frac{1}{16}$	$\frac{2}{16}$	$\frac{3}{16}$	$\frac{4}{16}$	$\frac{3}{16}$	$\frac{2}{16}$	$\frac{1}{16}$				
X	1	2	3	4	5	6	7															
$P(X)$	$\frac{1}{16}$	$\frac{2}{16}$	$\frac{3}{16}$	$\frac{4}{16}$	$\frac{3}{16}$	$\frac{2}{16}$	$\frac{1}{16}$															
2	21																					
3	21	<table border="1"> <tr> <td>X</td><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>6</td><td>8</td><td>9</td><td>12</td> </tr> <tr> <td>$P(X)$</td><td>$\frac{4}{16}$</td><td>$\frac{1}{16}$</td><td>$\frac{2}{16}$</td><td>$\frac{2}{16}$</td><td>$\frac{2}{16}$</td><td>$\frac{2}{16}$</td><td>$\frac{1}{16}$</td><td>$\frac{1}{16}$</td><td>$\frac{1}{16}$</td> </tr> </table>	X	0	1	2	3	4	6	8	9	12	$P(X)$	$\frac{4}{16}$	$\frac{1}{16}$	$\frac{2}{16}$	$\frac{2}{16}$	$\frac{2}{16}$	$\frac{2}{16}$	$\frac{1}{16}$	$\frac{1}{16}$	$\frac{1}{16}$
X	0	1	2	3	4	6	8	9	12													
$P(X)$	$\frac{4}{16}$	$\frac{1}{16}$	$\frac{2}{16}$	$\frac{2}{16}$	$\frac{2}{16}$	$\frac{2}{16}$	$\frac{1}{16}$	$\frac{1}{16}$	$\frac{1}{16}$													

	21	4								
$a + 0.2 + a + 0.1 = 1$ $2a + 0.3 = 1$ $2a = 0.7$ $a = 0.35$	21	5								
$P(x = 3) = 0.35$	21	6								
$P(2 \leq x < 4) = P(x = 2) + P(x = 3)$ $= 0.2 + 0.35 = 0.55$	21	7								
$P(1 \leq x < 2) = P(x = 1)$ $= 0.35$	21	8								
$k + 2k + 2k = 1$ $5k = 1$ $k = 0.2$	21	9								
<table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr> <td>X</td> <td>0</td> <td>1</td> <td>2</td> </tr> <tr> <td>$P(X)$</td> <td>0.2</td> <td>0.4</td> <td>0.4</td> </tr> </table>	X	0	1	2	$P(X)$	0.2	0.4	0.4	21	10
X	0	1	2							
$P(X)$	0.2	0.4	0.4							
$P(x \leq 1) = P(x = 0) + P(x = 1)$ $= 0.2 + 0.4 = 0.6$	21	11								
<table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr> <td>X</td> <td>0</td> <td>1</td> <td>2</td> </tr> <tr> <td>$P(X)$</td> <td>$\frac{10}{36}$</td> <td>$\frac{20}{36}$</td> <td>$\frac{6}{36}$</td> </tr> </table>	X	0	1	2	$P(X)$	$\frac{10}{36}$	$\frac{20}{36}$	$\frac{6}{36}$	21	12
X	0	1	2							
$P(X)$	$\frac{10}{36}$	$\frac{20}{36}$	$\frac{6}{36}$							

الدرس 4 : توقع المتغير العشوائي

السؤال الصفحة	رقم الصفحة	الإجابة / الحل التفصيلي										
1	22	0.25										
2	22	$E(x) = 0 \times 0.3 + 1 \times 0.25 + 2 \times 0.4 + 3 \times 0.05$ $= 1.2$										
3	22	<table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr> <td>X</td> <td>2</td> <td>3</td> <td>4</td> <td>5</td> </tr> <tr> <td>$P(X)$</td> <td>0.36</td> <td>0.44</td> <td>0.15</td> <td>0.05</td> </tr> </table>	X	2	3	4	5	$P(X)$	0.36	0.44	0.15	0.05
X	2	3	4	5								
$P(X)$	0.36	0.44	0.15	0.05								
4	22	$E(x) = 2 \times 0.36 + 3 \times 0.44 + 4 \times 0.15 + 5 \times 0.05$ $= 2.89$										
4	22	$P(x = 1) = 0.4, \quad P(x = 3) = 0.1$										
5	22	$E(x) = 3 \times 0.15 + 4 \times 0.45 + 5 \times 0.25 + 6 \times 0.15$ $= 4.4$										

$$\begin{aligned}\sigma^2 &= (9 \times 0.15 + 16 \times 0.45 + 25 \times 0.25 + 36 \times 0.15) - (4.4)^2 \\ &= 20.2 - 19.36 \\ &= 0.84\end{aligned}$$