



# الرياضيات

الفصل الدراسي الأول

كتاب التمارين

10

فريق التأليف

د. عمر محمد أبوغليون (رئيساً)

يوسف سليمان جرادات      إبراهيم عقله القادري      هيثم زهير مرشود

نفين أحمد جوهر (منسقاً)

إضافة إلى جهود فريق التأليف، فقد جاء هذا الكتاب ثمرة جهود وطنية مشتركة من لجان مراجعة وتقدير علمية وتربيوية ولغوية، ومجموعات مُؤكّدة من المعلّمين والمشرفين التربويين، وملحوظات مجتمعية من وسائل التواصل الاجتماعي، وإسهامات أساسية دقيقة من اللجنة الاستشارية والمجلس التنفيذي والمجلس الأعلى في المركز، ومجلس التربية والتعليم ولجانه المتخصصة.

الناشر

المركز الوطني لتطوير المناهج

يس المرکز الوطني لتطوير المناهج، وزارة التربية والتعليم - إدارة المناهج والكتب المدرسية، استقبال آرائكم وملحوظاتكم على هذا الكتاب  
عن طريق العناوين الآتية: هاتف: 8-4617304، فاكس: 4637569، ص. ب: 1930، الرمز البريدي: 11118  
أو بوساطة البريد الإلكتروني: scientific.division@moe.gov.jo

قررَت وزارة التربية والتعليم تدريس هذا الكتاب في مدارس المملكة الأردنية الهاشمية بجميعها، بناءً على قرار المجلس الأعلى للمركز الوطني لتطوير المناهج في جلسته رقم (2020/4)، تاريخ 11/6/2020 م، وقرار مجلس التربية والتعليم رقم (2020/57) تاريخ 24/6/2020 م بدءاً من العام الدراسي 2020 / 2021 م.

© Harper Collins Publishers Limited 2020.

- Prepared Originally in English for the National Center for Curriculum Development. Amman - Jordan  
- Translated to Arabic, adapted, customised and published by the National Center for Curriculum Development. Amman - Jordan

**ISBN: 978 - 9923 - 41 - 040 - 0**

المملكة الأردنية الهاشمية  
رقم الإيداع لدى دائرة المكتبة الوطنية  
(2020/8/2972)

373,19

الأردن. المركز الوطني لتطوير المناهج

الرياضيات: كتاب التمارين (الصف العاشر) / المركز الوطني لتطوير المناهج.- عمان: المركز، 2020

ج1(28) ص.

ر.إ.: 2020/8/2972

الواصفات: / الرياضيات / التعليم الاعدادي / / المناهج /

يتحمل المؤلف كامل المسؤولية القانونية عن محتوى مصنفه ولا يعبر هذا المصنف عن رأي دائرة المكتبة الوطنية.

All rights reserved. No part of this publication may be reproduced, sorted in retrieval system, or transmitted in any form by any means, electronic, mechanical, photocopying, recording or otherwise , without the prior written permission of the publisher or a license permitting restricted copying in the United Kingdom issued by the Copyright Lecensing Agency Ltd, Barnard's Inn, 86 Fetter Lane, London, EC4A 1EN.

British Library Cataloguing -in- Publication Data

A catalogue record for this publication is available from the Library.



# قائمة المحتويات

## الوحدة 1 الأسس والمعادلات

- 6 أستعد لدراسة الوحدة
- 7 الدرس 1 حل نظام مكون من معادلة خطية ومعادلة تربيعية
- 8 الدرس 2 حل نظام مكون من معادلتين تربيعيتين
- 9 الدرس 3 تبسيط المقادير الأساسية
- 10 الدرس 4 حل المعادلة الأساسية

## الوحدة 2 الدائرة

- 11 أستعد لدراسة الوحدة
- 12 الدرس 1 أوتار الدائرة، وأقطارها، ومماساتها
- 13 الدرس 2 الأقواس والقطاعات الدائرية
- 14 الدرس 3 الزوايا في الدائرة
- 15 الدرس 4 معادلة الدائرة
- 16 الدرس 5 الدوائر المتماسة

# قائمة المحتويات

## الوحدة 3 حساب المثلثات

- 17 ..... أستعد لدراسة الوحدة
- 18 ..... الدرس 1 النسب المثلثية
- 19 ..... الدرس 2 النسب المثلثية للزوايا ضمن الدورة الواحدة
- 20 ..... الدرس 3 تمثيل الاقترانات المثلثية
- 21 ..... الدرس 4 حل المعادلات المثلثية

## الوحدة 4 تطبيقات المثلثات

- 22 ..... أستعد لدراسة الوحدة
- 23 ..... الدرس 1 الاتجاه من الشمال
- 24 ..... الدرس 2 قانون الجيب
- 25 ..... الدرس 3 قانون جيب التمام
- 26 ..... الدرس 4 استعمال جيب الزاوية لإيجاد مساحة المثلث
- 27 ..... الدرس 5 حل مسائل ثلاثة الأبعاد

## أستعد لدراسة الوحدة

## الوحدة ١: الأسس والمعادلات

أختبر معلوماتي قبل البدء بدراسة الوحدة، وفي حال عدم تأكدي من الإجابة استعين بالمراجعة.

### أختبر معلوماتي

### مراجعة

أحدّد عدد حلول كل من المعادلات الآتية:

$$1 \quad x^2 + 6x - 7 = 0$$

$$2 \quad x^2 - 4x + 4 = 0$$

$$3 \quad x^2 - 2x + 7 = 0$$

$$4 \quad x^2 + x - 6 = 0$$

$$5 \quad x^2 + 4x - 1 = 0$$

$$6 \quad x^2 + 2x - 5 = 0$$

أحل المعادلات الآتية:

أحل المعادلة التربيعية:  $x^2 + 4x - 12 = 0$ .

لحل المعادلة باستعمال القانون العام، أجد قيم المعاملات:

$$a = 1, b = 4, c = -12$$

القانون العام

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$= \frac{-4 \pm \sqrt{64}}{2}$$

$$x = \frac{-4 - 8}{2}, \quad x = \frac{-4 + 8}{2}$$

إذن، حلاً المعادلة هما:  $x = -6, x = 2$

أحل كلاً من أنظمة المعادلات الآتية:

$$7 \quad 4x + 3y = 11$$

$$2x + y = 5$$

$$8 \quad x - 2y = 1$$

$$2x - 4y = -3$$

$$9 \quad 2x - 4y = 1$$

$$5x - 10y = \frac{5}{2}$$

أحل النظام الآتي مستعملًا طريقة التعويض:

$$y = x - 3 \quad (1)$$

$$3x - 2y = 10 \quad (2)$$

الخطوة 1: أuwْض المعادلة (1) في المعادلة (2)، ثم أحل المعادلة الناتجة.

$$3x - 2(x-3) = 10$$

بفك الأقواس

$$3x - 2x + 6 = 10$$

بالتبسيط

$$x = 4$$

بالتبسيط

الخطوة 2: أuwْض قيمة المُتغير  $x$  في إحدى المعادلتين، ولتكن المعادلة (1) لإيجاد قيمة  $y$ .

$$y = 4 - 1 = 3$$

إذن، حل النظام هو النقطة  $(4, 3)$ .

أكتب كلاً مما يأتي في أبسط صورة:

$$10 \quad \frac{(3^{-2})(8^0)}{(3^{-3})(5^0)}$$

$$11 \quad \frac{6x^4 y^3}{2xy}$$

$$12 \quad \frac{(54xy^3)^2}{7x^5 y^4}$$

أكتب ما يأتي في أبسط صورة:

$$\frac{(4 \times 3xy)^{11}}{2xp}$$

$$= \frac{4^{11} \times 3^{11} \times x^{11} \times y^{11}}{2xp}$$

قوة حاصل الضرب

$$= \frac{2^{21} \times 3^{11} \times x^{10} \times y^{11}}{p}$$

بكتابه  $4^{11} = (2^2)^{11}$

والتبسيط

# الدرس

## ١

### حلّ نظام مُكوّن من معادلة خطية ومعادلة تربيعية

أَحْلِ كُلًّا مِنْ أَنْظَمَةِ الْمَعَادِلَاتِ التَّرْبِيعِيَّةِ الْآتِيَّةِ، ثُمَّ أَتَحْقِّقُ مِنْ صِحَّةِ الْحَلِّ:

١)  $y = 7x + 15$

$$y = 3x^2 + 5x - 2$$

٢)  $y - x = 1$

$$y = 2x^2 - 11x + 16$$

٣)  $y - x = 10$

$$x^2 + y^2 = 50$$

٤)  $x + y = 20$

$$x^2 - y^2 = 16$$

٥)  $y - x = 0$

$$y = x^2 + 3x + 2$$

٦)  $y = 2x - 5$

$$y = x^2 - 2x$$

٧)  $y = x - 1$

$$y = x^2 - 3x + 2$$

٨)  $y - 2x = 1$

$$y = 5x^2 + 4y - 1$$

٩)  $y - x + 1 = 0$

$$y = x^2 + 3x$$

١٠)  $y = 2$

$$x^2 + y^2 = 4$$

١١)  $y - x = 1$

$$y = x^2 + 6x + 8$$

١٢)  $y = 2 - 3x$

$$y = x^2 - 4x + 3$$

١٣) حدائق: حديقة مستطيلة الشكل، طول قطريها 30 m، ومحيطها 84 m. أجد بعديها.

١٤) سجادة: اشتراط ليلي سجادة مستطيلة الشكل، طول قطريها  $\frac{1}{2}\sqrt{34}$  m، ومحيطها 8 m. أجد بعديها.

١٥) ادخار: إذا كان الفرق بين المبلغ الذي ادخرته رزان والمبلغ الذي ادخرته اختها هديل هو دينارين، وكان مجموع مربعين ما معهما 74 ديناراً، فكم ديناراً ادخرت كل منهما؟

١٦) نقود: قال مازن إن مجموع مالدي ولدى أخيه من نقود هو 7 دنانير، وإن الفرق بين مربعين ما معنا هو 7 دنانير. كم ديناراً مع مازن وأخيه؟

١٧) إذا كان المستقيم  $y = 3x - 4$  يقطع المنحنى  $y = x^2 - px + 4$  في نقطتين، فما قيمة  $P$ ؟

# الدرس 2

## حلّ نظام مُكوّن من معادلتين تربيعيتين

أَهْلُ كُلًّا مِنْ أَنظْمَةِ الْمُعَادِلَاتِ التَّرْبِيعِيَّةِ الْآتِيَّةِ، ثُمَّ أَتَحَقَّقُ مِنْ صِحَّةِ الْحَلِّ :

1)  $y = x^2 - 6x + 9$   
 $y = x^2 - 3x$

2)  $y - 3x^2 = x + 2$   
 $y = -6x^2 + 7x$

3)  $y = 0.5x^2 + 0.5x + 1$   
 $y = -x^2 + 2x + 4$

4)  $y = 2x^2 + 8x + 4$   
 $y = x^2 + 2x + 4$

5)  $y - x^2 = 0$   
 $y + x^2 = 0$

6)  $y = x^2 + x - 1$   
 $y = 5 - x^2$

7)  $y = x^2 + x + 2$   
 $y + x^2 + 2 = 0$

8)  $y = x^2 + 2x + 2$   
 $y = -x^2 - 2x + 2$

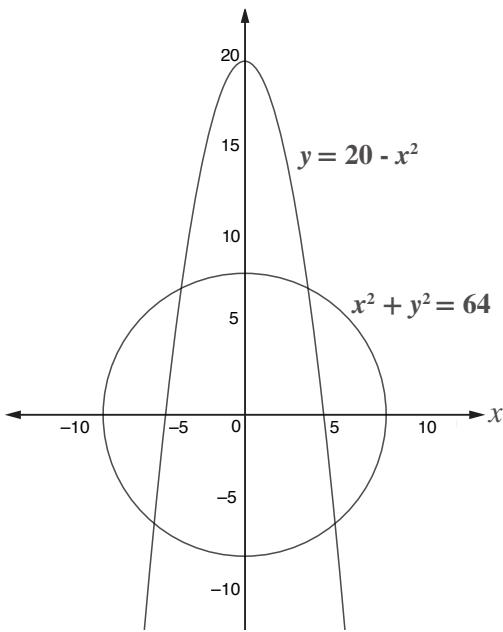
9)  $y = -x^2 + 2x + 2$   
 $y = -x^2 - 2x + 2$

10)  $y^2 = -x^2 + 4$   
 $y = 0.5x^2 - 2$

11)  $4y + 9x^2 = 25$   
 $y - x^2 = 3x - 4$

12)  $x^2 + y^2 = 16$   
 $y^2 = (x - 3)^2$

- 13) كُرْةٌ طائِرَةٌ: فِي أَثْنَاءِ لَعْبِ سَامِيَّةٍ وَهَنْدَ كُرَةً الطائِرَةِ، رَمَتْ سَامِيَّةُ الْكُرَةَ عَلَى شَكْلٍ مَنْحُنَّى مَعَادِلَتُهُ  $3 - x^2 = y$ ، ثُمَّ رَمَتْ هَنْدُ الْكُرَةَ عَلَى شَكْلٍ مَنْحُنَّى مَعَادِلَتُهُ  $x^2 + 2x + 2 = y$ . أَجِدُ إِحْدَاثِيَّاتِ نَقْطَةِ التَّقَاءِ الْكُرَتَيْنِ.



- 14) أَبْرَاجُ: أَرَادَ مَرْكُزُ حَرَاسَةٍ إِيجَادَ نَقَاطِ التَّقَاطِعِ الْمُبَيَّنَةِ فِي الشَّكْلِ الْمُجاوِرِ لِتَرْكِيَّبِ أَبْرَاجٍ مَراقبَةٍ عَنْهَا. أَجِدُ إِحْدَاثِيَّاتِ هَذِهِ النَّقَاطِ.

# الدرس

## 3

أَجِدْ قيمَةَ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي فِي أَبْسِطِ صُورَةٍ:

المُوَحدَةُ 1:

الأسَسُ وَالعَدَالَاتُ

1  $16^{\frac{1}{4}}$

2  $36^{\frac{3}{2}}$

3  $32^{-\frac{3}{5}}$

4  $(81)^{\frac{1}{4}}$

5  $(-27)^{\frac{2}{3}}$

6  $(-64)^{\frac{2}{3}}$

7  $1^{-\frac{4}{9}}$

8  $25^{-\frac{3}{2}}$

أَكْتُبْ كَلَّا مِمَّا يَأْتِي فِي أَبْسِطِ صُورَةٍ، عَلَمًا بِأَنَّ أَيَّاً مِنَ الْمُتَغَيِّرَاتِ لَا يَسَاوِي صُفْرًا:

9  $y^{\frac{4}{3}} \times y^{-\frac{5}{2}}$

10  $z^{\frac{7}{2}} \times z^{-\frac{3}{4}}$

11  $\left(x^{\frac{2}{3}}\right)^{-\frac{5}{2}}$

12  $\left(x^{\frac{3}{4}}\right)^{-\frac{7}{3}}$

13  $\frac{x^{\frac{2}{7}}}{x^{-\frac{3}{5}}}$

14  $\frac{x^{\frac{3}{4}}}{x^{-\frac{1}{4}}}$

15  $\left(\frac{x}{y}\right)^{-\frac{3}{7}}$

16  $\frac{\sqrt[3]{x}}{\sqrt[5]{x^4}}$

أَكْتُبْ كَلَّا مِمَّا يَأْتِي فِي أَبْسِطِ صُورَةٍ، عَلَمًا بِأَنَّ أَيَّاً مِنَ الْمُتَغَيِّرَاتِ لَا يَسَاوِي صُفْرًا:

17  $\frac{8x^{-\frac{7}{2}}y^{\frac{1}{3}}}{2x^{\frac{5}{2}}y}$

18  $\frac{10xy^{-\frac{3}{4}}}{5x^{-\frac{5}{3}}y^{\frac{4}{3}}}$

19  $\frac{(4y^{-\frac{7}{3}}) \times (24xy^{\frac{3}{2}})}{(2x^{\frac{5}{3}}y)(y^{-\frac{5}{2}})}$

20  $\frac{(125y^{-\frac{2}{5}}) \times (10x^{\frac{2}{7}}y^{\frac{1}{5}})}{(5xy^{-\frac{5}{2}})(y^{-\frac{7}{5}})}$

21  $\sqrt[3]{2x^{27}y^9}$

22  $\sqrt{9x^8y^4}$

23 بكتيريا: يتضاعفُ عيّنةُ بكتيريا مخبريةٍ 4 مراتٍ كلَّ أسبوعٍ. إذا كانَ في العيّنةِ 3500 خليةٍ بكتيريةٍاليوم، فكمْ يصبحُ عددها بعدَ مرورِ 7 أسابيع؟

24 تجارةً: يتضاعفُ ثمنُ قطعةٍ أرضٍ سنويًّا بمقدارِ الضعفِ. كمْ سيصبحُ ثمنُها بعدَ 3 سنواتٍ، علَمًا بِأَنَّ ثمنَها اليومَ 5000 دينارٍ؟

# الدرس

## ٤

أحل كلًا من المعادلات الآتية:

١  $64 = (16)^{5x+7}$

٢  $49 = (343)^{7x+1}$

٣  $16^{2x+3} = 4^{x+1}$

٤  $36^{3x-1} = 6^{x-2}$

٥  $125^x = 5 \times \left(\frac{1}{25}\right)^x$

٦  $81^x = 3 \times \left(\frac{1}{9}\right)^x$

٧  $128^{5x-4} = \frac{2}{\sqrt{2}}$

٨  $2^x = \frac{16^{2x}}{32^{x+1}}$

٩  $\frac{3^{x+2}}{9^{1-x}} = \frac{27^{2-x}}{3^{1-x}}$

١٠  $\frac{25^{\frac{x}{2}}}{125^{-x}} = \frac{5^{3x+1}}{25^x}$

١١  $\frac{8^{\frac{x-1}{3}}}{64^{\frac{2x}{3}}} = \frac{4^{\frac{x}{2}}}{32^{-x}}$

١٢  $\frac{100^{\frac{2-x}{2}}}{1000^{\frac{x}{3}}} = \frac{1000^{\frac{x-1}{3}}}{100^{\frac{5x}{2}}}$

١٣ كهرباء: تفاصُل شدَّة التيار الكهربائي بوحدة الأمبير  $A$ . إذا كانت العلاقة بين شدَّة التيار  $I$  والزمن  $t$  هي:  $I = 2^{-t}$ ، فبعد كم ثانية تصبح شدَّة التيار  $A$ ؟

١٤ لعبة شطرنج: حصل مُخترع لعبه الشطرنج على مكافأة من الملك، هي حبوب من القمح: حبة قمح عن المربع الأول في لوحة الشطرنج، وحبات عن المربع الثاني، وأربع حبات عن المربع الثالث، وثمانيني حبات عن المربع الرابع، وهكذا. إذا كان عدد حبات القمح التي حصل عليها في المربع  $x$  هو 4096، فما قيمة  $x$ ؟

أحل أنظمة المعادلات الآتية:

١٥  $125^x \times 25^{-y} = 625$

$4^x \times 2^y = 8$

١٦  $16^x \times 2^{3y} = 2048$

$49^x \times 7^y = 16807$

١٧  $25^x \times 5^y = 125$

$4^{2x} \times 2^{2y} = 64$

١٨  $27^x \times 9^{2y} = 81$

$2^{5x} \times 32^y = 128$

## الوحدة ٢: الدائرة

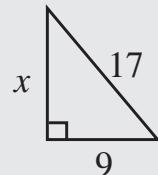
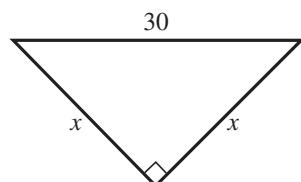
### أستعد لدراسة الوحدة

أختبر معلوماتي قبل البدء بدراسة الوحدة، وفي حال عدم تأكدي من الإجابة أستعين بالمراجعة.

#### أختبر معلوماتي

#### مراجعة

- ١** أَجِدُ قيمة  $x$  في الشكل الآتي، مُقْرَبًا إيجابيًّا إلى منزلة عشرية واحدة:

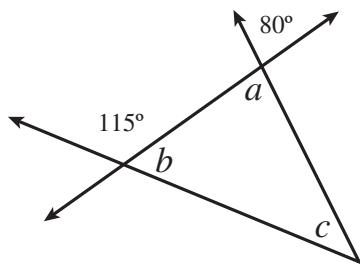


- ٢** نجارة: صنعَ فি�صلَ بابًا لمزرعته مستطيلَ الشكلِ، وقد بلغَ عرضُه  $1.2\text{ m}$  وارتفاعُه  $2.5\text{ m}$ ، ثمَ أرادَ تدعيمَ البابِ بوضعِ قطعةٍ خشبيةٍ رفيعةٍ تمتدُ بينَ زاويتينِ متقابلتينِ فيه. ما طولُ هذه القطعةِ الإضافية؟

$$\begin{aligned}x^2 &= 17^2 - 9^2 \\&= 289 - 81 \\&= 208 \\x &= \sqrt{208} = 14.4222 \\&\approx 14.4\end{aligned}$$

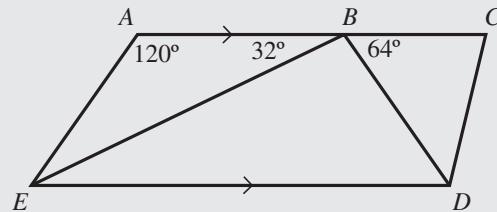
نظريَّة فيثاغورس  
بالتبسيط  
بالتبسيط  
بأخذِ الجذرِ التربيعيِّ  
بالتقريبِ إلى منزلة عشرية واحدةٍ

- ٣** أَجِدُ قيمةَ كُلِّ من:  $a$ ،  $b$ ، وـ  $c$  في الشكل الآتي:

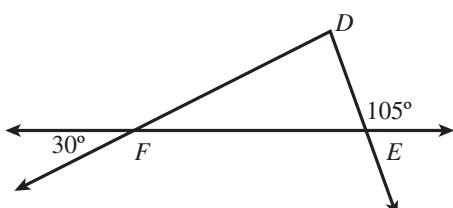


إذا كان  $ED \parallel AC$ ، فاجدُ قياسَ الزوايا الآتية:

$EBD, AEB, DEB$



- ٤** ما نوعُ المثلث  $DEF$  في الشكل الآتي، مُبِّراً إيجابيًّا؟



$$\begin{aligned}m\angle EBD &= 180^\circ - 32^\circ - 64^\circ = 84^\circ \\&\text{مجموعُ الزوايا المتجلورة على مستقيمٍ هو } 180^\circ\end{aligned}$$

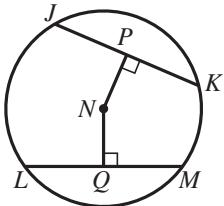
$$m\angle AEB = 180^\circ - 32^\circ - 120^\circ = 28^\circ$$

$$\begin{aligned}&\text{مجموعُ قياسِ زوايا المثلث } ABE \text{ هو } 180^\circ \\&m\angle DEB = m\angle ABE = 32^\circ \\&\text{زوايا داخليات متبادلات}\end{aligned}$$

# الدرس 1

الجبر  
الثانية  
المادة

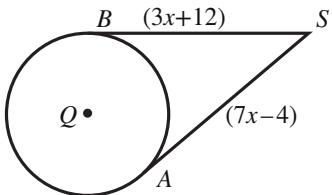
## أوتار الدائرة، وأقطارها، ومماساتها



يُمثلُ  $N$  مركزَ الدائرةِ في الشكلِ المجاورِ. إذا كانَ  $JK = LM = 24 \text{ cm}$  ، وكانَ  $NP = 9 \text{ cm}$  ، فأَجِدُ:

1 طولَ  $\overline{NQ}$ .

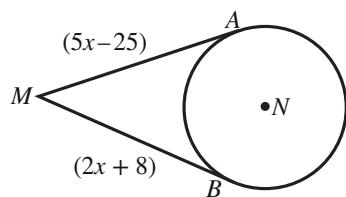
2 طولَ نصفِ قُطْرِ الدائرة.



و $\overline{SA}$  مماسانِ لدائريِّ مركبُها  $Q$ . إذا كانَ طولُ نصفِ قُطْرِ الدائرةِ  $10 \text{ cm}$  ، فأَجِدُ:

3 قيمةَ  $x$ .

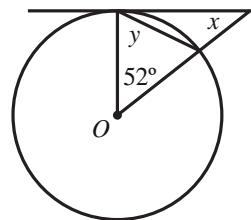
4 طولَ  $\overline{QS}$ .



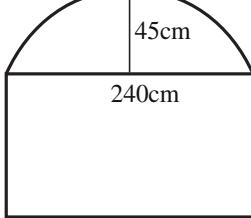
و $\overline{MA}$  ،  $\overline{MB}$  مماسانِ لدائريِّ مركبُها  $N$ . إذا كانَ  $MN = 34 \text{ cm}$  ، فأَجِدُ:

5 قيمةَ  $x$ .

6 طولَ نصفِ قُطْرِ الدائرة.



يُبيّنُ الشكُلُ المجاورُ مماساً لدائريِّ مركبُها  $O$ . أَجِدُ قيمةَ كُلِّ منْ  $x$  ، و $y$ .



نافذةٌ على شكُلِ مستطيلٍ طولُهَا  $240 \text{ cm}$  ، يعلو المستطيلَ قوسٌ منْ دائرةٍ كما في الشكُلِ المجاورِ.

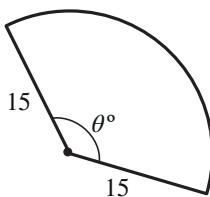
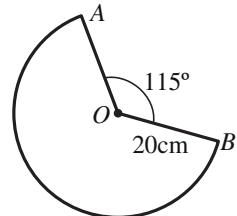
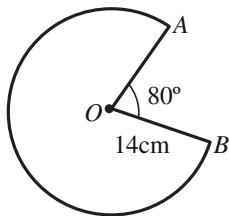
إذا كانَ ارتفاعُ متصفِ القوسِ عنْ متصفِ الضلعِ العلويِّ منَ المستطيلِ  $45 \text{ cm}$  ، فأَجِدُ:

8 طولَ نصفِ قُطْرِ الدائرةِ التي كانَ القوسُ جزءاً منها.

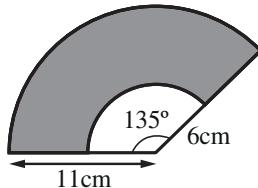
# الدرس 2

## الأقواس والقطاعات الدائرية

- 1 أَجِدْ طولَ القوسِ ومساحةَ القطاعِ إذا كانَ قياسُ زاويةِ القطاع  $120^\circ$ ، وطولُ نصفِ قطرِ الدائرة  $21\text{ cm}$ .
- 2 أَجِدْ طولَ القوسِ ومساحةَ القطاعِ إذا كانَ قياسُ زاويةِ القطاع  $135^\circ$ ، وطولُ قطرِ الدائرة  $14\text{ cm}$ .
- 3 إذا كانتْ مساحةُ قطاعٍ دائريٍّ  $35\text{ cm}^2$ ، وكانَ قياسُ زاويةِ القطاع  $72^\circ$ ، فما طولُ نصفِ قطرِ الدائرة؟
- 4 إذا كانتْ مساحةُ قطاعٍ دائريٍّ  $60\text{ cm}^2$ ، وكانَ قياسُ زاويةِ القطاع  $45^\circ$ ، فما طولُ قطرِ الدائرة؟
- 5 أَجِدْ محیطَ القطاعِ الدائريِّ الآتِي.



- 7 إذا كانتْ مساحةُ القطاعِ الدائريِّ المجاور  $200\text{ cm}^2$ ، فما قيمةُ  $\theta$ ؟



- 8 أَجِدْ مساحةَ المنطقةِ المظللةِ في الشكلِ المجاورِ.

- 9 علومٌ: وُضِعَتْ كرّةٌ طولُ قُطْرِها  $15\text{ cm}$  على بُعدٍ أفقِيٍّ يساوي  $x$  مِنْ عينِ آلاء. إذا كانَ طولُ خطِّ البصِّر الواصلِ بينَ مركزِ العينِ وأبعادِ نقطةٍ على الكرّة يُمْكِنُ أنْ تراها آلاء هو  $40\text{ cm}$ ، فما قيمةُ  $x$ ؟

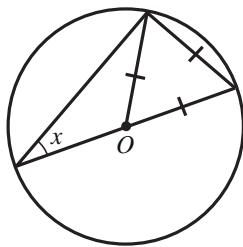
# الدرس 3

المادة 2:  
الدوائر

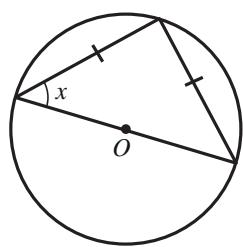
## الزوايا في الدائرة

إذا كانت النقطة  $O$  هي مركز الدائرة، فما قيمة  $x$  في كل من الشكلين الآتيين؟

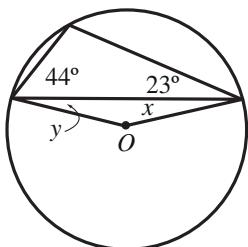
1



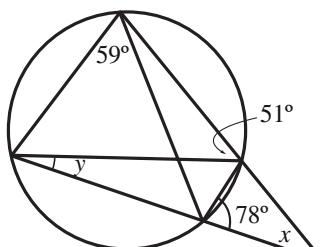
2



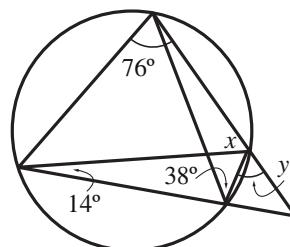
3



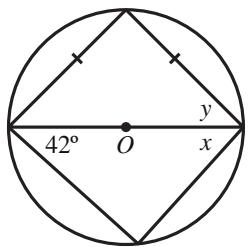
4



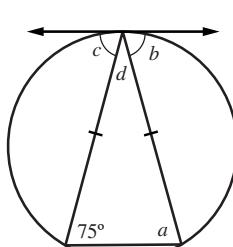
5



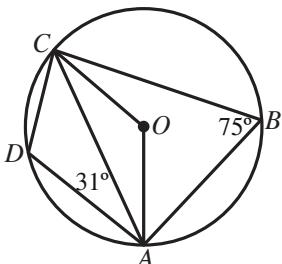
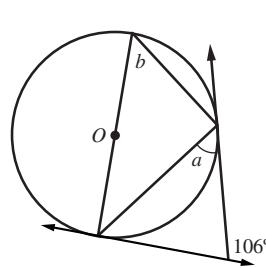
6



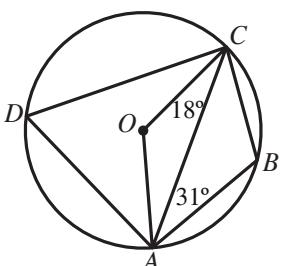
7



8



تقع النقاط  $A$ ,  $B$ ,  $C$ , و  $D$  على دائرة مركزها  $O$ . اعتماداً على القياسات المُبيَّنة في الشكل المجاور، أجد قياس كل من الزاويتين  $DCA$ ,  $OCA$ , و  $DCA$ .



تقع النقاط  $A$ ,  $B$ ,  $C$ , و  $D$  على دائرة مركزها  $O$ . اعتماداً على القياسات المُبيَّنة في الشكل المجاور، أجد قياس كل من الزاويتين  $CAB$ ,  $OAC$ , و  $OBC$ .

# الدرس

## ٤

### معادلة الدائرة

أكتب بالصورة القياسية معادلة الدائرة في كل من الحالات الآتية:

الوحدة ٢:

الدائرة

١ دائرة مركزها النقطة  $(-4, 2)$ ، وطول نصف قطرها 6 وحدات.

٢ دائرة مركزها النقطة  $(-1, -3)$ ، وطول نصف قطرها 4 وحدات.

٣ دائرة مركزها النقطة  $(0, 2)$ ، وتمرر بالنقطة  $(10, 5)$ .

٤ دائرة مركزها النقطة  $(3, 7)$ ، وتمرر بالنقطة  $(-1, 3)$ .

٥ دائرة تمثل النقطتان  $A(11, -4)$ ,  $B(5, 6)$  نهائياً قطر فيها.

٦ دائرة تمثل النقطتان  $S(4, 12)$ ,  $T(-8, 6)$  نهائياً قطر فيها.

أجد إحداثي المركز، وطول نصف القطر لكـل دائرة في ما يأتي:

٧  $(x + 6)^2 + (y - 3)^2 = 169$

٨  $3x^2 + 3y^2 + 12x - 36y - 72 = 0$

٩  $x^2 + (y - 7)^2 = 225$

١٠  $2x^2 + 2y^2 - 20x - 16y + 10 = 0$

١١ أجد طول المماس المرسوم من النقطة  $T(8, 7)$ ، الذي يمس الدائرة التي معادلتها  $(x + 5)^2 + (y - 3)^2 = 41$ .

١٢ تمثل النقاط:  $A(-2, -5)$ ,  $B(-8, 7)$ , و  $C(-16, 3)$  مواقع ٣ أبراج اتصالات. أجد موقع البرج الرابع الذي يبعد المسافة نفسها عن الأبراج الثلاثة، ثم أكتب معادلة الدائرة التي تقع عليها الأبراج الثلاثة.

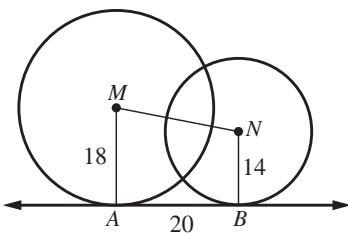
# الدرس 5

المراجعة

الذكاء

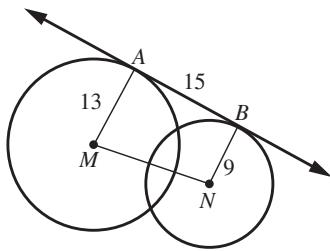
## الدوائر المتماسة

1 كم مماساً مشتركاً داخلياً يمكن أن أرسم لدائرتين متامتين من الداخل؟

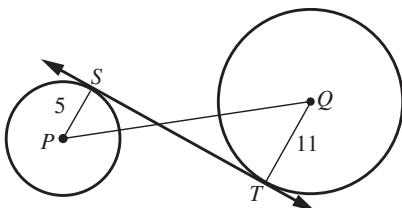


2 كم مماساً مشتركاً خارجياً يمكن أن أرسم لدائرتين متقاطعتين؟

3 إذا كان  $\overleftrightarrow{AB}$  مماساً مشتركاً للدائرتين في الشكل المجاور، فما المسافة بين  
مركزى الدائرتين باستخدام القياسات المبينة في الشكل؟



4 إذا كان  $\overleftrightarrow{AB}$  مماساً مشتركاً للدائرتين في الشكل المجاور، فما المسافة بين  
مركزى الدائرتين باستخدام القياسات المبينة في الشكل؟



5 إذا كان  $\overleftrightarrow{ST}$  مماساً مشتركاً للدائرتين في الشكل المجاور،  
وكان  $PQ = 34 \text{ cm}$ ، فما طول  $\overleftrightarrow{ST}$ ؟

6 رسمت دائرتان، الأولى مركزها  $M$ ، وطول نصف قطرها  $25 \text{ cm}$ ، والثانية مركزها  $N$ ، وطول نصف قطرها  $36 \text{ cm}$ ،  
والمسافة بين مركزيهما  $61 \text{ cm}$ ، ورسم لهما مماس مشترك، مس الصغرى في النقطة  $A$ ، ومس الكبرى في النقطة  $B$ . ما

نوع الشكل الرباعي  $AMNB$ ؟ ما أطوال أضلاعه؟

7 رسمت دائرتان، الأولى مركزها  $P$ ، وطول نصف قطرها  $12 \text{ cm}$ ، والثانية مركزها  $Q$ ، وطول نصف قطرها  $27 \text{ cm}$ ،  
والمسافة بين مركزيهما  $39 \text{ cm}$ ، ورسم لهما مماس مشترك، مس الصغرى في النقطة  $R$ ، ومس الكبرى في النقطة  $S$ . ما

نوع الشكل الرباعي  $RPQS$ ؟ ما أطوال أضلاعه؟

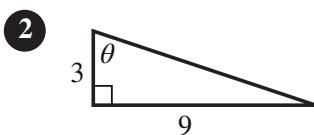
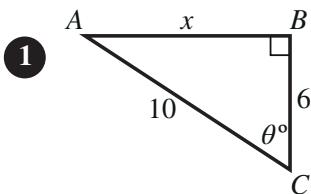
## أستعد لدراسة الوحدة

## الوحدة 3: حساب المثلثات

أختبر معلوماتي قبل البدء بدراسة الوحدة، وفي حال عدم تأكدي من الإجابة أستعين بالمراجعة.

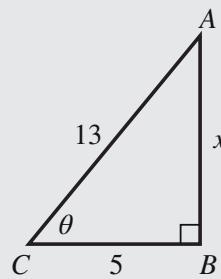
### أختبر معلوماتي

أَجِد قيمة  $x$  في كلٍّ من المثلثات الآتية، ثم أَجِد النسبة الأساسية للزاوية  $\theta$ :



### مراجعة

أَجِد قيمة  $x$  في المثلثات الآتية، ثم أَجِد النسبة الأساسية للزاوية  $\theta$ :



$$\begin{aligned} (AC)^2 &= (BC)^2 + (AB)^2 \\ 13^2 &= 5^2 + AB^2 \\ 169 &= 25 + AB^2 \\ 169 - 25 &= AB^2 \\ 144 &= AB^2 \\ 12 &= AB \\ \sin \theta &= \frac{12}{13}, \quad \cos \theta = \frac{5}{13}, \quad \tan \theta = \frac{12}{5} \end{aligned}$$

نظريّة فيثاغورس  
بالتعويض  
بالتبسيط  
بطرح 25  
بالتبسيط  
بأخذ الجذر التربيعي للطرفين

أمثل كلًّا اقتراحٍ ممّا يأتي في المستوى الإحداثي:

3)  $y = 2x + 3$

4)  $y = 4 - 3x$

5)  $y + x = 10$

6)  $y = x^2$

7)  $y = 3x - x^2$

8)  $y = x^2 - 2x - 3$

أمثل الاقتران الآتي: 8)  $y = x^2 - 6x + 8$  في المستوى الإحداثي:

الخطوة 1: أُنشئ جدول قيم كالتالي.

$x$	1	2	3	4	5
$y$	3	0	-1	0	3
$(x, y)$	(1, 3)	(2, 0)	(3, -1)	(4, 0)	(5, 3)

أكمل المعادلات الآتية:

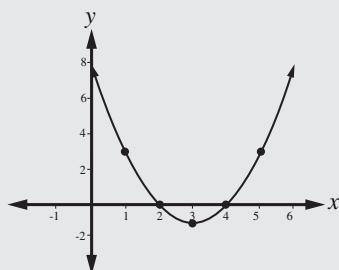
9)  $2x + 3 = 11$

10)  $5x - 4 = 10 - 2x$

11)  $3x^2 - 12x = 0$

12)  $2x^2 - 5x - 3 = 0$

الخطوة 2: أُعِين النقاط في المستوى الإحداثي، ثم أصل بينها بمنحنى.



# الدرس

## 1

أرسم الزوايا الآتية في الوضع القياسي:

1  $170^\circ$

2  $240^\circ$

3  $315^\circ$

4  $85^\circ$

الوحدة 3:  
بيان المثلثات

أحدد الربع الذي يقع فيه ضلُعٌ انتهاء كل زاوية ممَّا يأتي إذا رسمت في الوضع القياسي:

5  $245^\circ$

6  $275^\circ$

7  $130^\circ$

8  $26^\circ$

أجد النسب المثلثية الأساسية للزاوية  $\theta$  إذا قطع ضلُعٌ انتهاهَا في الوضع القياسي دائرة الوحدة في النقطة:

9  $P(0, -1)$

10  $P(1, 0)$

11  $P\left(\frac{8}{17}, -\frac{15}{17}\right)$

12  $P\left(-\frac{60}{61}, -\frac{11}{61}\right)$

أحدد الربع (أو الأربع) الذي يقع فيه ضلُعٌ انتهاء الزاوية  $\theta$  في الوضع القياسي إذا كان:

13  $\sin \theta < 0$

14  $\cos \theta < 0$

15  $\cos \theta < 0, \tan \theta > 0$

16  $\tan \theta < 0, \cos \theta < 0$

أجد النسبتين المثلثتين الأساسيتين الباقيتين في كل من الحالات الآتية:

17  $\cos \theta = -\frac{1}{12}, 90^\circ < \theta < 180^\circ$

18  $\tan \theta = -2, -1 < \sin \theta < 0$

19  $\sin \theta = 0.6, \tan \theta < 0$

20  $\cos \theta = 0.45, 270^\circ < \theta < 360^\circ$

جلسَ زيدُ في لعبة الدوّلاب على المقعد الذي تمثّلُ النقطة  $(1, 0)$  على دائرة الوحدة. إذا كان الدوّلاب يدور عكس حركة عقارب الساعة، ويُكمل دورةً واحدةً في دقيقتين:

21 فما إحداثيا النقطة على دائرة الوحدة التي تمثّل مقعدَ زيدَ بعد 60 ثانية؟

22 فما إحداثيا النقطة على دائرة الوحدة التي تمثّل مقعدَ زيدَ بعد 90 ثانية؟

# الدرس

## 2

أَجِدُ الزوايا المرجعية لـ كُلٌّ من الزوايا الآتية:

الوحدة 3:

حساب المثلثات

1  $117^\circ$

2  $250^\circ$

3  $215^\circ$

4  $300^\circ$

أَجِدُ قيمة كُلٌّ مِمَّا يأتِي:

5  $\sin 170^\circ$

6  $\tan 230^\circ$

7  $\cos 250^\circ$

8  $\tan 310^\circ$

أَجِدُ القيمة الدقيقة لـ كُلٌّ مِمَّا يأتِي (من دون استعمال الآلة الحاسبة):

9  $\cos 135^\circ$

10  $\sin 240^\circ$

11  $\tan 315^\circ$

12  $\sin 210^\circ$

أَجِدُ قيمة كُلٌّ مِمَّا يأتِي:

13  $\sin 40^\circ + \sin 130^\circ + \sin 220^\circ + \sin 310^\circ$

14  $\sin 60^\circ - \sin 120^\circ + \sin 180^\circ - \sin 240^\circ + \sin 300^\circ - \sin 360^\circ$

أَجِدُ في كُلٌّ مِمَّا يأتِي زاوية أخرى بين  $0^\circ$  و  $360^\circ$ , لها نسبة الجيب نفسها، مثل الزاوية المعطاة:

15  $80^\circ$

16  $146^\circ$

17  $215^\circ$

18  $306^\circ$

أَجِدُ في كُلٌّ مِمَّا يأتِي زاوية أخرى بين  $0^\circ$  و  $360^\circ$ , لها نسبة جيب التمام نفسها، مثل الزاوية المعطاة:

19  $10^\circ$

20  $125^\circ$

21  $208^\circ$

22  $311^\circ$

أَجِدُ في كُلٌّ مِمَّا يأتِي قيمة ( $\theta$  قيم)  $\theta$ , علماً بأن  $0^\circ \leq \theta \leq 360^\circ$ :

23  $\sin \theta = 0.75$

24  $\cos \theta = 0.65$

25  $\tan \theta = -1$

26  $\sin \theta = -0.87$

27  $\sin \theta = 0.812$

28  $\tan \theta = -\frac{2}{3}$

29  $\cos \theta = -0.25$

30  $\tan \theta = 5$

**الألعاب:** في دولاب مدينة الألعاب يُعطى ارتفاع الراكب عن الأرض بعد  $x$  دقيقة من بدء الدوران بالعلاقة:  $h = 14.5 - 12.5 \cos(36x)$ , حيث  $h$  هو الارتفاع عن سطح الأرض بالأمتار. أَجِد ارتفاع الراكب بعد 7.5 دقائق من بدء الدوران.

**حساب فلكي:** يُقدَّر في إحدى المدن عدد ساعات النهار في كُل يوم من أيام السنة حسب رقم اليوم  $d$  من السنة بالعلاقة:  $y = 3\sin(d - 81) + 12$ . ما عدد ساعات النهار في هذه المدينة يوم الأول من شهر آب (اليوم رقم 213)?

# الدرس 3

## تمثيل الاقترانات المثلثية

أرسم منحنى كل ممّا يأتي في الفترة المعطاة، محدداً الفترة التي يكون فيها الاقتران موجباً، والفترة التي يكون فيها سالباً:

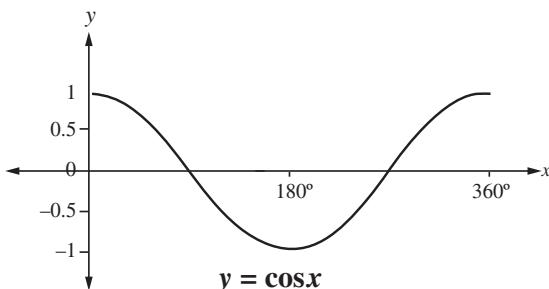
1)  $y = \sin x, 90^\circ \leq x \leq 180^\circ$

2)  $y = \cos x, 0^\circ \leq x \leq 180^\circ$

3)  $y = \tan x, 0^\circ \leq x \leq 180^\circ$

4) أرسم الاقترانين  $y = \sin x$  و  $y = \cos x$  في الفترة  $[0^\circ, 360^\circ]$  على المستوى الإحداثي نفسه. ماذالاحظ على المنحنين؟

5) أستعمل التمثيل البياني الآتي لأجد قيم  $a, b, c$  و  $d$ :

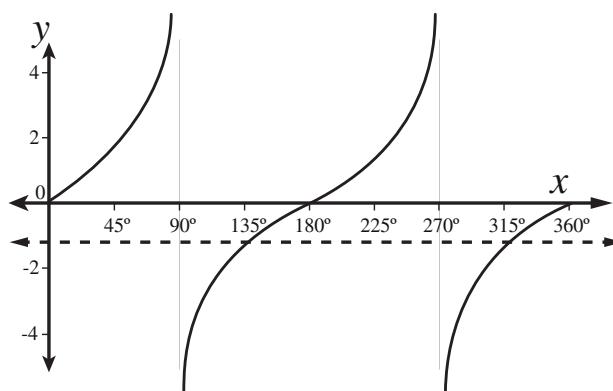


$$\begin{aligned}\cos 0^\circ &= \cos a^\circ \\ \cos 30^\circ &= \cos b^\circ \\ \cos 45^\circ &= \cos c^\circ \\ \cos 90^\circ &= \cos d^\circ\end{aligned}$$

يظهر في الشكل الآتي التمثيل البياني للاقتران  $x = \tan y$  في الفترة  $[0^\circ, 360^\circ]$ . أستعمل الشكل لأجد:

7) قيم المتغير  $x$  التي يكون عندها  $\tan x = 0$ .

6) قيمتين للمتغير  $x$  يكون عندهما  $\tan x = -1$ .



# الدرس

# ٤

أَحْلُّ كُلًاً مِنَ الْمَعَادِلَاتِ الْمُثَلِّثَةِ فِي الْفَتْرَةِ  $[0^\circ, 360^\circ]$ :

الوحدة ٣:

حساب المثلثات

١  $\sin x = \frac{1}{3}$

٢  $\tan x = \sqrt{3}$

٣  $\cos x = -\frac{\sqrt{3}}{3}$

٤  $\cos x = -\frac{1}{2}$

٥  $\tan x = -\frac{1}{\sqrt{3}}$

٦  $2\sin x + 3 = 1$

٧  $\sqrt{2} \cos x + 1 = 2$

٨  $\sqrt{3} \tan x + 4 = 1$

٩  $3 \tan x + 2 = 7 - 2\tan x$

١٠  $5 - 3\sin x = \sin x + 1$

١١  $2(3 \sin x + 1) + 2 = 4\sin x + 5$

١٢  $3(2 - \cos x) + 4 = 5\cos x + 2$

١٣  $3 + 2\cos(3x) = 1 , 0^\circ < x < 120^\circ$

١٤  $5 + 2\tan(4x) = 7 , 0^\circ < x < 90^\circ$

١٥  $4\sin x \cos x + 3 \sin x = 0$

١٦  $2 \cos x \sin x = \cos x$

١٧  $4\sin^2 x = 1$

١٨  $\tan^2 x - 9 = 0$

١٩  $2\cos^2 x - 3 \cos x + 1 = 0$

٢٠  $3\sin^2 x + 5\sin x + 2 = 0$

٢١  $2\tan^2 \theta - 5\tan \theta - 3 = 0$

٢٢  $6\sin^2 x + 7\sin x - 3 = 0$

٢٣  $9\cos^2 x - 9\cos x + 2 = 0$

٢٤  $\tan^2 \theta + 4\tan \theta - 12 = 0$

٢٥ قياسات: يرتكز سلم طوله ٥ m على أرضٍ أفقيةٍ وحائطٍ رأسٍ. إذا كانَ أسفلُ السلمٍ يبعدُ ١.٥ m عنِ الحائطِ، فما ارتفاعُ

رأسِ السلمِ عنِ الأرضِ؟ ما قياسُ الزاويةِ التي يصنعُها السلمُ معَ الأرضِ؟

٢٦ سارية: رصدَ سامرٌ قمةً ساريةٍ علمٍ ارتفاعُها عنِ الأرضِ ١٢ m منْ نقطةٍ على الأرضِ تبعدُ ٣٠ m عنْ قاعدةِ السارية. إذا

كانَ طولُ سامرٍ ١.٧٥ m، فما قياسُ الزاويةِ التي ينظرُ فيها سامرٌ إلى قمةِ السارية؟

## الوحدة ٤: تطبيقات المثلثات

### أستعد لدراسة الوحدة

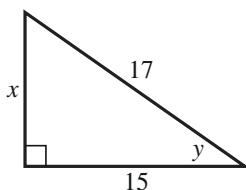
أختبر معلوماتي قبل البدء بدراسة الوحدة، وفي حال عدم تأكدي من الإجابة استعين بالمراجعة.

#### أختبر معلوماتي

#### مراجعة

أَجِدُّ قياسات الزوايا وطول الضلع المجهول في المثلث الآتي: أَجِدُّ قياسات الزوايا وأطوال الأضلاع المجهولة في كلٍّ مما يأتي:

١



$$x^2 = 19^2 - 12^2$$

نظريّة فيثاغورس

$$= 361 - 144 = 217$$

بالتبسيط

$$x = \sqrt{217} \approx 14.7$$

بأخذ الجذر التربيعي للطرفين

$$\cos y = \frac{12}{19}$$

تعريف جيب التمام

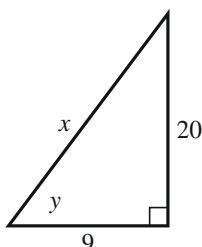
$$y = \cos^{-1}\left(\frac{12}{19}\right) \approx 51^\circ$$

باستعمال الآلة الحاسبة

قياس الزاوية الثالثة في هذا المثلث:

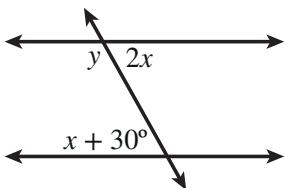
$$180^\circ - 90^\circ - 51^\circ = 39^\circ$$

٢



أَجِدُّ قيمة x و y في كلٍّ من الشكلين مما يأتي:

٣



$$4x - 20^\circ = 3x + 10^\circ$$

زاویتان متبدلتان داخلیتان

$$x = 30^\circ$$

بإضافة  $3x - 20^\circ$  إلى الطرفين

$$y = 4x - 20^\circ$$

زاویتان متقابلتان بالرأس

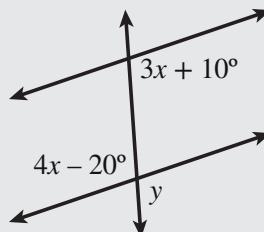
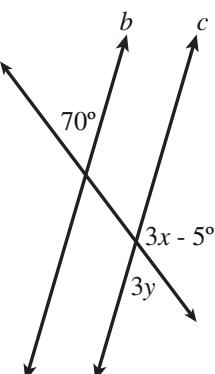
$$= 4(30^\circ) - 20^\circ$$

بالتعويض

$$= 120^\circ - 20^\circ = 100^\circ$$

بالتبسيط

٤



أَجِدُّ قيمة كلٍّ من x و y في الشكل الآتي:

# الدرس

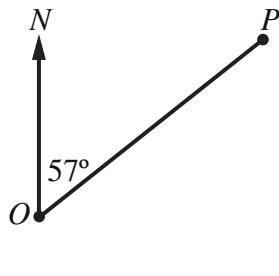
## 1

### الاتجاه من الشمال

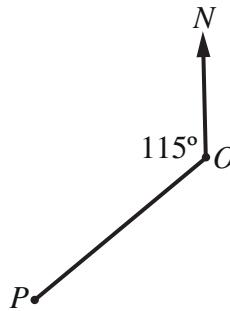
الوحدة 4:

تطبيقات المثلثات

1



2



أُحدِّد اتجاه النقطة  $P$  من النقطة  $O$  في كلٍ مما يأتي:

3

إذا كان اتجاه النقطة  $A$  من النقطة  $B$  هو  $154^\circ$ ، فما اتجاه النقطة  $B$  من النقطة  $A$ ؟

4

إذا كان اتجاه النقطة  $P$  من النقطة  $Q$  هو  $235^\circ$ ، فما اتجاه النقطة  $Q$  من النقطة  $P$ ؟

5

أرسم شكلاً يبيّن موقع النقاط  $A$ ،  $B$ ، و  $C$  إذا كانت  $B$  شرق  $A$ ، وكانت  $C$  على اتجاه  $110^\circ$  من  $A$ ، وعلى اتجاه  $230^\circ$  من  $B$ .

6

أرسم شكلاً يبيّن موقع النقاط  $A$ ،  $B$ ، و  $C$  إذا كانت  $B$  شرق  $A$ ، وكانت  $C$  على اتجاه  $105^\circ$  من  $A$ ، وعلى اتجاه  $135^\circ$  من  $B$ .

7

أقلعت طائرة من المطار في اتجاه  $050^\circ$ ، وبعد أن قطعت مسافة  $16 \text{ km}$  دارت بزاوية  $90^\circ$  يساراً، وقطعت مسافة  $37 \text{ km}$ . ما اتجاه الطائرة الآن من المطار؟

8

أبحرت سفينة من الميناء  $P$  في اتجاه  $120^\circ$ ، وبعد أن قطعت مسافة  $40 \text{ km}$  دارت بزاوية  $90^\circ$  يساراً، وقطعت مسافة  $100 \text{ km}$ . ما اتجاه السفينة الآن من الميناء  $P$ ؟

9

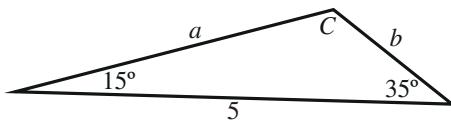
مثلث  $ABC$  مُتطابق الأضلاع. إذا كان اتجاه  $B$  من  $A$  هو  $050^\circ$ ، فما اتجاه  $C$  من  $B$ ؟

# الدرس 2

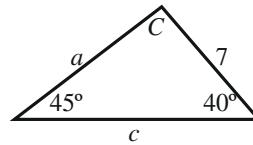
المواضيع: تطبيقات المثلثات

أَجِدُ القياس المجهول في كُلٌّ من المثلثات الآتية:

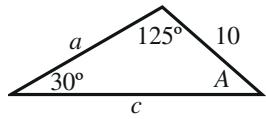
1



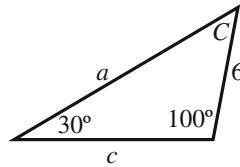
2



3



4



أَجِدُ القياس المجهول في المثلث  $ABC$  في كُلٌّ من الحالات الآتية:

5  $a = 3, b = 2, A = 50^\circ$

6  $A = 40^\circ, B = 20^\circ, a = 2$

7  $a = 2, c = 1, A = 120^\circ$

8  $A = 70^\circ, B = 60^\circ, c = 4$

9  $b = 4, c = 6, B = 20^\circ$

10  $A = 40^\circ, B = 40^\circ, c = 2$

11 طائرات: رصدَتْ كُلٌّ من زينة و هناً طائرةً ورقيةً عندَ مرورِها فوقَ الخطِ الواصلِ بينَهُما، فكانتْ زاويةُ ارتفاعِها منْ موقعِ زينة  $35^\circ$ ، ومنْ موقعِ هنا  $40^\circ$ . إذا كانتْ المسافةُ بينَ زينة و هنا  $900\text{ m}$ ، فما ارتفاعُ الطائرة؟

12 قوارب: رصدَ طيّارُ القاربِينِ  $A$ ، و  $B$  في البحرين عندما مرَّتْ طائرتهُ فوقَ الخطِ الواصلِ بينَهُما، فكانتْ زاويةُ انخفاضِ القاربِ الأولِ  $44^\circ$ ، و زاويةُ انخفاضِ القاربِ الثاني  $37^\circ$ . إذا كانتْ المسافةُ بينَ القاربِينِ  $7\text{ km}$ ، فما ارتفاعُ الطائرة عن سطحِ البحر؟

# الدرس

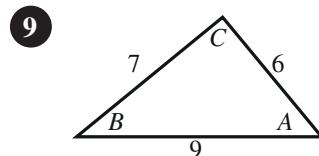
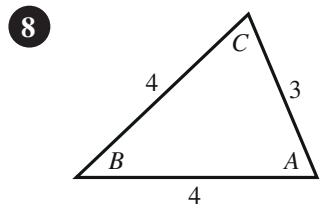
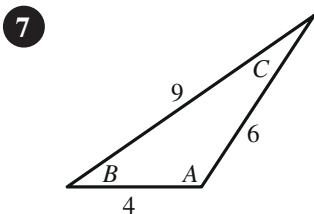
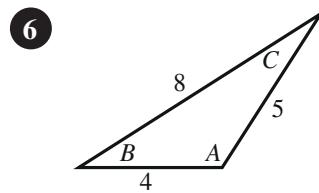
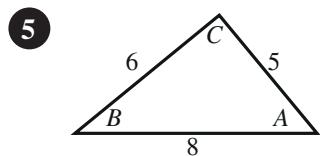
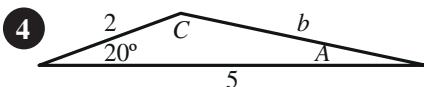
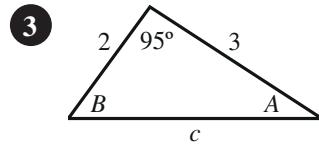
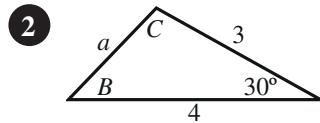
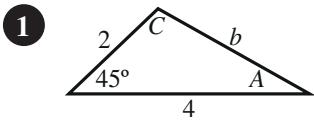
## 3

### قانون جيوب التمام

الوحدة 4:

تطبيقات المثلثات

أَجِدُ القياسَ المجهولَ في كُلٌّ من المثلثاتِ الآتية:



أَجِدُ القياساتِ المجهولةِ في المثلث  $ABC$  في كُلٌّ من الحالاتِ الآتية:

10)  $a = 3, b = 4, C = 40^\circ$

11)  $a = 2, c = 1, B = 10^\circ$

12)  $b = 1, c = 3, A = 80^\circ$

13)  $a = 4, b = 5, c = 3$

14)  $a = 5, b = 8, c = 9$

15)  $a = 9, b = 7, c = 10$

16) قواربُ: انطلقَ قاربانِ من الرصيفِ نفسيهِ في وقتٍ واحدٍ. وقد أخذَ القاربُ الأول اتجاهَ  $060^\circ$ ، وسارَ بسرعةٍ  $7 \text{ km/h}$ ، وأخذَ الثاني اتجاهَ  $123^\circ$ ، وسارَ بسرعةٍ  $29 \text{ km/h}$ . ما المسافةُ بينَ القاربينِ بعدَ ساعتينِ من انطلاقِهما؟

17) سفنٌ: أبحرتِ السفينتانِ  $X$ ، و $Y$  من الميناءِ نفسيهِ عندَ الساعةِ التاسعةِ صباحاً. وقد أخذَتِ السفينةُ  $X$  اتجاهَ  $075^\circ$ ، وسارَت بسرعةٍ متوسطةٍ مقدارُها  $20 \text{ km/h}$ ، وأخذَتِ السفينةُ  $Y$  اتجاهَ  $130^\circ$ ، وسارَت بسرعةٍ متوسطةٍ مقدارُها  $25 \text{ km/h}$ . ما المسافةُ بينَ السفينتينِ عندَ الساعةِ الحادية عشرةِ صباحاً؟

# الدرس

## 4

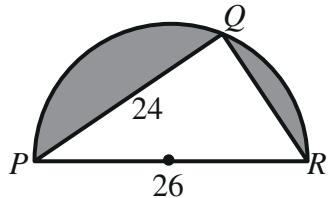
الوحدة 4:

تطبيقات المثلثات

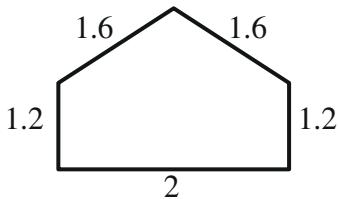
### استعمال جيب الزاوية لإيجاد مساحة المثلث

أَجِد مساحة المثلث في كُلٌّ من الحالات الآتية:

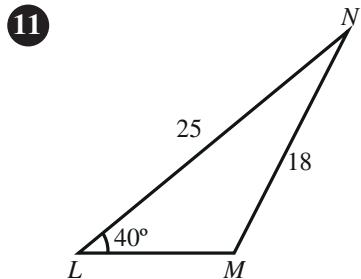
- 1 المثلث  $ABC$  فيه  $m\angle CAB = 67^\circ$ ,  $AC = 11 \text{ cm}$ , و  $AB = 8 \text{ cm}$ .
- 2 المثلث  $PQR$  فيه  $m\angle QPR = 120^\circ$ ,  $PR = 22 \text{ cm}$ , و  $PQ = 30 \text{ cm}$ .
- 3 المثلث  $XYZ$  فيه  $XY = 12 \text{ cm}$ ,  $XZ = 15 \text{ cm}$ , و  $YZ = 10 \text{ cm}$ .
- 4 المثلث  $LMN$  فيه  $LM = 25 \text{ cm}$ ,  $LN = 14 \text{ cm}$ , و  $MN = 18 \text{ cm}$ .
- 5 مساحة المثلث  $ABC$  هي  $84 \text{ cm}^2$ . إذا كان  $m\angle BCA = 120^\circ$ ,  $BC = 15 \text{ cm}$ , و  $\overline{AC}$  طوله؟
- 6 مساحة المثلث  $DEF$  هي  $100 \text{ cm}^2$ . إذا كان  $m\angle DEF = 64^\circ$ ,  $DE = 14 \text{ cm}$ , و  $m\angle DFE = 45^\circ$ , فما طول  $\overline{EF}$ ؟
- 7 أَجِد مساحة المثلث  $PQR$  إذا كان  $m\angle PQR = 75^\circ$ ,  $m\angle QRP = 60^\circ$ , و  $m\angle PRQ = 63^\circ$ .
- 8 أَجِد مساحة المثلث  $EFG$  إذا كان  $m\angle EFG = 45^\circ$ ,  $m\angle GEF = 63^\circ$ , و  $m\angle FGE = 72^\circ$ .



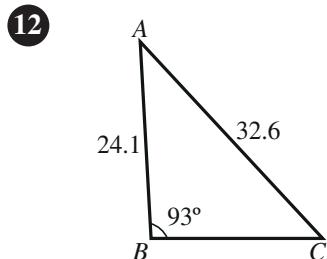
- 9 أَجِد مساحة المنطقة المظللة في الشكل المجاور بالوحدات المربعة، علماً بأنَّ الشكل نصف دائرة.



- 10 أَجِد مساحة النافذة ذات الأبعاد المُبيَّنة في الشكل المجاور بالوحدات المربعة.



- أَجِد مساحة كلٍّ من المثلثين الآتيين بالوحدات المربعة:



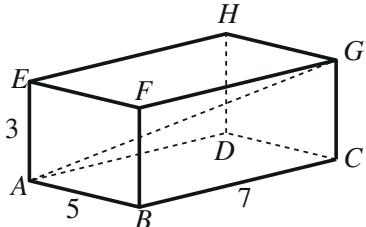
# الدرس

## 5

### حل مسائل ثلاثة الأبعاد

الوحدة 4:

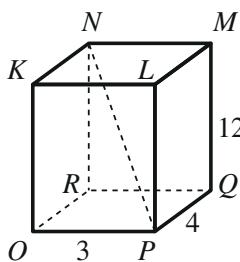
تطبيقات المثلثات



أتمّل الشكل المجاور، ثم أحل المسائلتين الآتيتين:

1 أجد طول القطر  $\overline{AG}$  في متوازي المستطيلات المجاور.

2 أجد قياس الزاوية  $GAC$ .

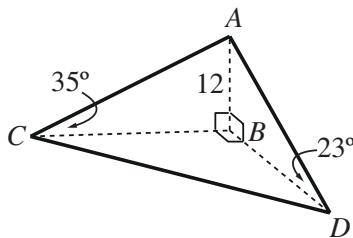


أتمّل الشكل المجاور، ثم أحل المسائلتين الآتيتين:

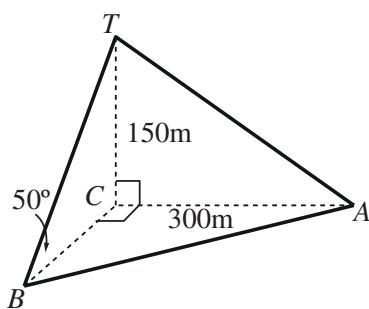
3 أجد طول القطر  $\overline{NP}$  في متوازي المستطيلات المجاور.

4 أجد قياس الزاوية  $NPR$ .

5 قياسات: رصد رجلان على الأرض من قمة برج رأسى ارتفاعه 25 m، وكانت زاوية انخفاض الرجل الأول الذي يقف غرب البرج هي  $31^\circ$ ، وزاوية انخفاض الرجل الثاني الذي يقف جنوب البرج هي  $17^\circ$ . ما المسافة بين الرجلين؟



سارية: يُبيّن الشكل المجاور سارية رأسية  $\overline{AB}$  ارتفاعها 12m، والنقطة  $B$ ، وـ  $C$ ، وـ  $D$  الواقعـة في مستوـى أفقـي واحدـ، بحيث كانت  $C$  غرب  $B$ ، وـ  $D$  جنوب  $B$ ، وكانت زاوية ارتفاع قمة السارية من النقطة  $D$  هي  $23^\circ$ ، ومن النقطة  $C$  هي  $35^\circ$ . ما طول  $\overline{CD}$ ؟ ما اتجاه النقطة  $D$  من النقطة  $C$ ؟



أبراج: تمثل  $\overline{TC}$  برج إرسال رأسى ارتفاعه 150 m، وهو مدعوم برباطين معدنيين، هما:  $\overline{TA}$ ،  $\overline{TB}$ ، وكان أحدهما مثبتا عند النقطة  $A$  الواقعة على الأرض شرق قاعدة البرج، وتبعـعـها مسـافـة 300 m، وكان الآخر مثبتـا عندـ النقطـة  $B$  جنـوبـ قـاعـدةـ البرـجـ، وزـاوـيـةـ مـيلـهـ عـنـ الأرضـ  $50^\circ$ . ما المسـافـةـ بـيـنـ النـقـطـيـنـ  $A$ ، وـ  $B$ ؟ ما اتجـاهـ النـقـطـةـ  $A$  مـنـ النـقـطـةـ  $B$ ؟

